

St Clements University

Mat. No. 17544



*The Effect of Active Learning on the
Achievement and the Mathematical
Thinking and its Retention in
Mathematics in the Intermediate year
School?*

Dissertation Presented by
Fareed Omar Mahmood

to the
Council of International University of St Clements
as partial requirements to
Ph.D in Methods of Teaching Mathematics

Supervised By
Prof. Dr. Abbas Naji Abdulameer

2015 A. D.

1436 A. H.

Abstract

The research aims to identify the effect of active of learning on the achievement , mathematical thinking and retention effect of the first year intermediate school students in mathematics through verifying the following hypotheses :

- There is no statistically significant difference at (0.05) level of significance between the achievement mean scores of the experimental group who were taught by using active learning and the control group who were taught by using the traditional method in mathematics.
- There is no statistically significant difference at (0.05) level of significance between the mean scores of the experimental group and the control group who were taught by using the traditional method in the mathematical thinking test.
- There is no statistically significant difference at (0.05) level of significance between the achievement mean scores of the experimental group who were taught by using active learning and the control group who were taught by using the traditional method in the retention of learning effect test .

The population of study includes the students of the first intermediate grade in Anbar Province and the teaching material includes the first five chapters of the prescribed textbook of mathematics for the academic year (2011 - 2012).

The study is limited to the first three levels of Bloom's Taxonomy in the cognitive domain (memory, understanding and application).

The sample of the study consists of 56 students of Al-taliea Intermediate School for Boys ,The sample are chosen intentionally and distributed into two groups, experimental and control group. Each group contains 28 students . Both groups were equalized on the mathematical thinking test , age, previous knowledge and previous achievement in mathematics, intelligence and parents education qualification .

The researcher has prepared two tests, the achievement test which includes 50 items and the mathematical thinking test which includes 40 items, Then the two tests were verified in reliability and validity as well as other psychometric features.

The researcher has used statistical means like t-test for two independent samples in data analysis by using "Excel" and statistical package system (spss).

The results of the study :

- There is statistically significant difference at 0.05 level of significant between the achievement mean scores of the experimental group who were taught mathematics by using active learning and the control group who were taught by using traditional method and it was in favor of the experimental group.
- There is statistically significant difference at (0.05) level of significant between the mean scores of mathematical thinking test between the students of the experimental group who were taught mathematics by using active learning and the control group who were taught by using traditional method and it was in favor of the experimental group.
- There is a statistically significant difference at 0.05 level of significant between the mean scores of retention of learning effect of the experimental group who were taught mathematics by using active learning and the control group who were taught by using traditional method and it was in favor of the experimental group.

In the light of the results of the research, the researcher presented the following recommendations:

- The use of active learning by faculty members in public education in subject teaching matters in general and mathematics in particular.
- Paying attention to teacher training on using active learning method in teaching by the general directorates of provincial education within the program of teacher training .



Mat. No. 17544

اثر التعلم النشط على التحصيل والتفكير الرياضي
وبقاء اثر التعلم في مادة الرياضيات
لدى طلبة المرحلة المتوسطة

أطروحة تقدم بها
الطالب

فريد عمر محمود

إلى مجلس جامعة سانت كليمونتس العالمية وهي جزء من
متطلبات نيل درجة الدكتوراه في طرائق تدريس الرياضيات

بإشراف
أ. د. عباس ناجي عبد الأمير

2015م

الأنبار

ـ 1436هـ

بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ

(يَرْفَعُ اللَّهُ الَّذِينَ آمَنُوا مِنْكُمْ وَالَّذِينَ أُوْتُوا
الْعِلْمَ دَرَجَاتٍ وَاللَّهُ بِمَا تَعْمَلُونَ خَيِيرٌ)

صدق الله العظيم

سورة المجادلة، من الآية: 11



إقرار المشرف

أشهد بأن إعداد هذه الأطروحة الموسومة (اثر التعلم النشط على التحصيل والتفكير الرياضي وبقاء اثر التعلم في مادة الرياضيات لدى طلبة المرحلة المتوسطة) والمقدمة من قبل الطالب (فريد عمر محمود) قد جرى بإشرافي في جامعة سانت كليمونتس العالمية وهي جزء من متطلبات نيل شهادة الدكتوراه في طرائق تدريس الرياضيات. ولأجله وقعت.

التوقيع:

الاسم: د. عباس ناجي عبدالامير

المرتبة العلمية: أستاذ

التاريخ: 2015 / /



إقرار المقوّم اللغوي

أشهد بأن الأطروحة المقدمة من قبل الطالب (فريد عمر محمود) والموسومة (أثر التعلم النشط على التحصيل والتفكير الرياضي وبقاء اثر التعلم في مادة الرياضيات لدى طلبة المرحلة المتوسطة). قد تم تصحيحها من قبلي وبذلك تكون جاهزة للمناقشة قدر تعلق الأمر بالسلامة اللغوية.

التوقيع:

الاسم: د. عمر ثابت يوسف الجبورى

المرتبة العلمية: أستاذ مساعد



إقرار المقوم العلمي

أشهد بأن الأطروحة الموسومة بـ (أثر التعلم النشط على التحصيل والتفكير الرياضي وبقاء أثر التعلم في مادة الرياضيات لدى طلبة المرحلة المتوسطة) المقدمة من الطالب (فريد عمر محمود) إلى مجلس جامعة سانت كليمونتس العالمية وهي جزء من متطلبات نيل درجة الدكتوراه فلسفة التربية (طريق تدريس الرياضيات) وقد وجدتها صالحة من الناحية العلمية.

التوقيع:

الاسم:

المرتبة العلمية:

بسم الله الرحمن الرحيم

St Clements university



جامعة سانت كليمونتس العالمية

قرار لجنة المناقشة

نحن أعضاء لجنة مناقشة الطالب (فريد عمر محمود) نشهد بأننا ناقشتنا الطالب عن اطروحته الموسومة " اثر التعلم النشط على التحصيل والتفكير الرياضي وبقاء اثر التعلم في مادة الرياضيات لدى طلبة المرحلة المتوسطة " وقررنا قبول الاطروحة كجزء من متطلبات درجة الدكتوراه في (طرائق تدريس الرياضيات) بتقدير (امتياز).

التوقيع
الاسم: أ.م.د. طارق كامل داود
التاريخ: ٢٠١٥/١٠/١٠
عضوأ

التوقيع
الاسم: أ.د. عبد الواحد حميد ثامر
التاريخ: ٢٠١٥/١٠/١٠
رئيس اللجنة

التوقيع
الاسم: أ.م.د. ميعاد جاسم السراي
التاريخ: ٢٠١٥/١٠/١٠
عضوأ

التوقيع
الاسم: أ.م. د . راضي محمد عبد الحميد
التاريخ: ٢٠١٥/١٠/١٠
عضوأ

التوقيع
الاسم: أ.د. عباس ناجي عبد الأمير
التاريخ: ٢٠١٥/١٠/١٠
عضوأ ومشرفأ

التوقيع
الاسم: أ.م. د . جاسم محمد علي
التاريخ: ٢٠١٥/١٠/١٠
عضوأ

صادقة رئيس الجامعة على ما جاء بقرار اللجنة أعلاه.

الدكتور نزار كريم جواد الربيعي
رئيس الجامعة في جمهوريه العراق

الإهداء



أهدي هذا الجهد المتواضع إلى :
من غمرني بعطفه وحنانه
المتدفق ..

والذي اجلالاً
العين الساهرة التي ماغفلت لحظة ..

والذى حبأ واعتزازاً
الشمع المضيئة ..

اخوتي واخواتي
فلذات الاكباد ..

زوجتي
وابو لادي وفاء وعرفاناً

مع خالص حبي وتقديرى ...
الباحث

شكر وإمتنان

سبحان الله وبحمده وعدد خلقه ورضا نفسه وزنة عرشه ومداد كلماته يتحتم على
بالآباء الله وفضله أن أتوجه بالشكر والدعاء إلى الله سبحانه وتعالى على ما أمنني به من
الصبر والقدرة على التحمل لإنجاز هذه الأطروحة، وأن يتقبل مني هذا العمل المتواضع
راجياً منه التسديد والتوفيق لما فيه رضاه فهو ولِي المؤمنين، وأصلي وأسلم على سيد
الخلق محمد وعلى آله وصحبه وسلم ومن تبعه إلى يوم الدين.

ويلزمني الواجب أن أتقدم بالشكر الجزيء إلى الأستاذ الدكتور عباس ناجي عبد
الأمير لإهتمامه الدائم ونصائحه السديدة وتوجيهاته القيمة وتوصياته الصائبة في إعداد
الأطروحة فجزاه الله خير الجزاء وبارك في عمره لينهل من وعائه العلمي طلبة العلم
والأدب.

كما أتقدم بوافر الشكر إلى كل يد أسدت لي مساعدة وإلى كل من أعاذني ولو
بكلمة طيبة

كما ينقدم الباحث بالشكر والتقدير للمقومين اللغوي والعلمي لتفضيلهما بمراجعة
الأطروحة علمياً ولغوياً.

كما أتقدم بجزيل الشكر وعظيم الامتنان للأساتذة المحكمين والخبراء لما أبدوه من
ملاحظات قيمة حول الاختبارات .

الباحث

ملخص البحث

هدف البحث إلى معرفة: أثر التعلم النشط في التحصيل والتفكير الرياضي وبقاء أثر التعلم لدى طلبة الصف الأول المتوسط في مادة الرياضيات من خلال التحقق من صحة الفروض الآتية:-

- لا يوجد فرق ذو دلالة إحصائية عند مستوى (0.05) بين متوسط درجات تحصيل طلاب المجموعة التجريبية الذين يدرسون الرياضيات بطريقة التعلم النشط وطلاب المجموعة الضابطة الذين يدرسون بالطريقة التقليدية في مادة الرياضيات .
- لا يوجد فرق ذو دلالة إحصائية عند مستوى (0.05) بين متوسط درجات اختبار التفكير الرياضي بين طلاب المجموعة التجريبية الذين يدرسون الرياضيات بطريقة التعلم النشط وطلاب المجموعة الضابطة الذين يدرسون بالطريقة التقليدية في مادة الرياضيات .
- لا يوجد فرق ذو دلالة إحصائية عند مستوى (0.05) بين متوسط درجات تحصيل طلاب المجموعة التجريبية الذين يدرسون الرياضيات بطريقة التعلم النشط وطلاب المجموعة الضابطة الذين يدرسون بالطريقة التقليدية في اختبار التعلم المؤجل (بقاء اثر التعلم) في مادة الرياضيات .

تحدد مجتمع البحث بطلاب الصف الأول المتوسط في مركز محافظة الأنبار و مادة الرياضيات التي تتضمنها الفصول الخمسة الأولى من كتاب الرياضيات المعتمد للعام الدراسي (2011 - 2012) والمستويات الثلاثة الأولى من تصنيف بلوم في المجال المعرفي (الذكرا والفهم والتطبيق) .

تكونت عينة البحث من 56 طالباً من متوسطة الطليعة للبنين أختيرت قصدياً، وزُرعت إلى مجموعتين تجريبية والضابطة وعدد الطلاب(28) طالباً في كل منها. تم تكافؤ المجموعتين في: اختبار التفكير الرياضي والعمري، المعلومات السابقة والتحصيل السابق في الرياضيات، الذكاء، والتحصيل الدراسي للأبدين.

أعد الباحث اختبارين الأول تحصيلي تكون من (50) فقرة والأخر للتفكير الرياضي تكون من (40) فقرة ، وتم التحقق من بعض أنواع الصدق والثبات وكافة الخصائص السايكومترية الأخرى.

تم استخدام الوسائل الإحصائية الاختبار الثاني لعينتين مستقلتين في تحليل البيانات.

وكان من نتائج البحث

- يوجد فرق ذو دلالة إحصائية عند مستوى (0.05) بين متوسط درجات تحصيل طلاب المجموعة التجريبية الذين يدرسون بطريقة التعلم النشط وطلاب المجموعة الضابطة الذين يدرسون بالطريقة التقليدية ولصالح المجموعة التجريبية في مادة الرياضيات.
- يوجد فرق ذو دلالة إحصائية عند مستوى (0.05) بين متوسط درجات اختبار التفكير الرياضي بين طلاب المجموعة التجريبية الذين يدرسون بطريقة التعلم النشط وطلاب المجموعة الضابطة الذين يدرسون بالطريقة التقليدية ولصالح المجموعة التجريبية في مادة الرياضيات.
- يوجد فرق ذو دلالة إحصائية عند مستوى (0.05) بين متوسط درجات تحصيل طلاب المجموعة التجريبية الذين يدرسون بطريقة التعلم النشط وطلاب المجموعة الضابطة الذين يدرسون بالطريقة التقليدية في إختبار التعلم المؤجل (بقاء أثر التعلم) ولصالح المجموعة التجريبية في مادة الرياضيات.
في ضوء النتائج التي تم الحصول عليها البحث قدم الباحث التوصيات الآتية :
 - استخدام أعضاء الهيئات التدريسية في التعليم العام التعلم النشط في تدريس المواد بوجه عام ومادة الرياضيات بوجه خاص.
 - ضرورة اهتمام المديريات العامة ل التربية المحافظات بتدريب المدرسين على استخدام أسلوب التعلم النشط في التدريس ضمن برنامج تدريب المدرسين والمعلمين .

ثبت المحتويات

الصفحة	الموضوع
ط-ي	ملخص البحث
ك-م	ثبات المحتويات
م	ثبات الملحق
ن	ثبات الجداول
س	ثبات الاشكال
س	ثبات المخططات
23 - 1	الفصل الأول/ التعريف بالبحث
2	مشكلة البحث
4	أهمية البحث
15	أهداف البحث
16	فرضيات البحث
16	حدود البحث
17	تحديد المصطلحات
57-24	الفصل الثاني/ إطار نظري
25	النظرية البنائية
26	النظرية البنائية والتعلم النشط
37	استراتيجيات التعلم النشط
38	إستراتيجية العصف الذهني
42	استراتيجية حل المشكلات
53	التفكير الرياضي
87-58	الفصل الثالث/ دراسات سابقة
59	المحور الأول : التعلم النشط
70	المحور الثاني: التفكير الرياضي

	الموضوع
82	مناقشة الدراسات السابقة
83	الإفادة من الدراسات السابقة
110-88	الفصل الرابع/ إجراءات البحث
89	اختيار التصميم التجاري
90	مجتمع البحث وعينته
90	تكافؤ المجموعات
96	إجراءات الضبط
98	مستلزمات البحث
100	ادوات البحث
100	الاختبار التحصيلي
105	اختبار التفكير الرياضي
107	الوسائل الإحصائية
119-111	الفصل الخامس/ عرض النتائج وتفسيرها
112	عرض النتائج
112	أولاً: النتائج الخاصة بالتعلم النشط والتحصيل البعدي والمؤجل
114	تفسير النتائج الخاصة بالتعلم والتحصيل البعدي المؤجل
116	ثانياً. عرض النتائج(الخاصة بالتفكير الرياضي)
116	تفسير النتائج الخاصة بالتفكير الرياضي
118	الاستنتاجات
118	النوصيات
119	المقترحات

136-120	المصادر
121	المصادر العربية
133	المصادر الاجنبية
190-137	الملحق
b - c	ملخص البحث باللغة الانكليزية

189-137	الملحق
138	ملحق (1) درجات مجموعتي البحث في (العمر الزمني ، اختبار الذكاء ، التفكير الرياضي ، درجات التحصيل السابق ، المعرفة السابقة في الرياضيات)
139	ملحق (2) تعليمات الاجابة لفقرات الاختبار (المعرفة السابقة)
146	ملحق (3) اختبار التفكير الرياضي ، الصيغة النهائية
155	ملحق (4) مفتاح التصحيح لاختبار التفكير الرياضي
156	ملحق (5) الاهداف السلوكية ، مستويات بلوم (التذكر - الفهم - التطبيق)
166	ملحق (6) اسماء الخبراء
167	ملحق (7) الخطط التدريسية
179	ملحق (8) الاختبار التحصيلي النهائي
189	ملحق (9) مفتاح التصحيح لاختبار التحصيلي
190	ملحق (10) مفتاح التصحيح لاختبار المعرفة السابقة

ثبات الجداول

الصفحة	الموضوع
53	جدول (1) جميع الاحتمالات الممكنة لبعدي المستطيل
84	جدول (2) إجمالي الدراسات السابقة (التعلم النشط)
86	جدول (3) إجمالي الدراسات السابقة للتفكير الرياضي
90	جدول (4) العدد الكلي للطلبة والمستبعدين والعدد النهائي لعينة البحث
91	جدول (5) المتوسط الحسابي والتباين والاختبار الثاني لمتغير العمر الزمني بالأشهر
92	جدول (6) المتوسط الحسابي والتباين والاختبار الثاني لمتغير التحصيل السابق للرياضيات
93	جدول (7) المتوسط الحسابي والتباين والاختبار الثاني لمتغير المعرفة السابقة للرياضيات
94	جدول (8) المتوسط الحسابي والتباين والاختبار الثاني لمتغير الذكاء لمجموعتي البحث
95	جدول (9) المتوسط الحسابي والتباين والاختبار الثاني لاختبار التفكير الرياضي
96	جدول (10) مستويات التحصيل للأباء، وعدد كل مستوى لمجموعتي البحث (التجريبية والضابطة) بعد الإدماج، وقيمة كاي (χ^2) المحسوبة والجدولية، ودرجة الحرية، ومستوى الدلالة
97	جدول (11) توزيع حصص مادة الرياضيات على طلاب مجموعتي البحث
101	جدول (12): مستويات الأهداف في الفصول ونسبها
102	جدول (13): توزيع جدول الموصفات (الخارطة الاختبارية)
112	جدول (14) نتائج الاختبار الثاني للفرق بين متوسط تحصيل المجموعتين التجريبية والضابطة في الاختبار التحصيلي البعدي
114	جدول (15) نتائج الاختبار الثاني للفرق بين متوسط تحصيل المجموعتين التجريبية والضابطة في الاختبار المؤجل البعدي
116	جدول (16) نتائج الاختبار الثاني للفرق بين متوسط تحصيل المجموعتين التجريبية والضابطة في اختبار التفكير الرياضي البعدي

ثبات الأشكال

الصفحة	الموضوع
27	شكل (1) : مخروط التعلم
46	شكل (2) نموذج البناء العقلي لحل المشكلات عند جيلفورد
46	شكل (3) نموذج بنية حل المشكلات
89	شكل (4): التصميم التجاري لعينة البحث
113	شكل (5) : معدل التحصيل للمجموعتين التجريبية والضابطة

ثبات المخططات

الصفحة	الموضوع
34	مخطط (1) المقارنة بين دور المدرس في التعلم التقليدي والنشط
37	مخطط (2) استراتيجيات التعلم النشط
47	مخطط (3) العوامل المؤثرة في تعلم أسلوب حل المشكلات

الفصل الأول

التعريف بالبحث

- . مشكلة البحث**
- . أهمية البحث**
- . أهداف البحث**
- . فرضيات البحث**
- . حدود البحث**
- . تحديد المصطلحات**

الفصل الأول

التعريف بالبحث

مشكلة البحث

تعد الرياضيات من أحد المواد التي يعاني منها الطلبة في انخفاض مستوى تحصيلهم فيها وينظرون إلى الرياضيات نظرة سلبية، إذ الشكوى مستمرة تثار عند انعقاد مجلس الآباء والمدرسين، إذ تهال الشكوى من مدرسي الرياضيات بعدم إفساح المجال لهم بمناقشة الحلول وتقبل الآراء ومتابعة واجباتهم اليومية، وفي الجانب الآخر يتهم المدرس الطلبة بالقصير في الأداء وعدم تمكّنهم من السيطرة على مبادئ أولية وأساسية في الرياضيات، ويضيف الباحث من خلال خبرته في التدريس أن الطلبة اعتادوا على الحفظ والتلقين بحيث لو أراد المدرس تغيير صيغة سؤال معين موجود في الكتاب يحقق الكثير من الطلاب في حله.

إن تعليم الرياضيات يواجه اتجاهات سلبية وعزوفاً وتدنياً في التحصيل وقصوراً في نقل المعرفة من سياق إلى آخر بشكل واضح وملفت للنظر، إذ نسمع من أغلبية مدرسي الرياضيات في لقاءات أثناء الدورات التدريبية : التذمر والشكوى المستمرة من وجود إنخفاض في مستوى إقبال الطلاب على متابعة دراسة الرياضيات والانتباه للدرس، وظهور ملامح الملل، وتدنى نتائج التحصيل عند عدد ليس قليلاً من الطلاب الذين يرون بأن تدريس الرياضيات عبارة عن محاضرات روتينية مملة، وبأن دورهم يتمثل في استعدادهم للاختبارات المدرسية من خلال ما يتم نقله من خلال السبورة إلى الدفتر دون أن يكون لهم علم مسبق ما الموضوع وما الهدف من دراسته، ويعبر المدرسوون بوضوح جليًّا ضعف الطلبة في دراسة الرياضيات وفي جميع المراحل التعليمية وخاصة الصف الأول المتوسط ويدرك ذلك الأهل والمشرِّفون والتربويون الرياضيون، هذا الضعف يظهر بوضوح في الحساب المبني على الأعداد والعمليات عليها، وهناك أسباب كثيرة ومتداخلة لهذا الضعف يعود بعضها ربما إلى طرائق و أساليب المدرسين المتبعـة في التدريس والتي تقوم على التمرين والتكرار دون معنى وفهم ومعرفة واعية، مما يؤدي إلى اقتصار اعتماد الطلبة على الإجراءات والمهارات الميكانيكية، وإهمال الفهم وإهمال التفكير والتأمل، والاكتفاء بحفظ الحقائق والمفاهيم بشكل آلي دون معنى،

هذا ما أيدته دراسات عدّة منها دراسة (الحيالي، 2004 : 1)، ودراسة (الجميلي، 2005 : 1)، ودراسة (الكناني، 2009 : 2-3)، ودراسة (الكناني، 2009 : 1-2) وغيرهم ، كما أيدت هذه الدراسات ضعف الطالب في مادة الرياضيات والمتمثل بتدني تحصيلهم بشكل عام وقد عزّت هذه الدراسات أسباب التدني إلى طرائق التدريس غير الفعالة التي يتبعها المدرسوون، فمعظم هذه الطرائق قد لا تستثير دافعية الطلبة وحماسهم ونشاطهم، بل على العكس من ذلك تثير فيهم الرتابة والملل، وعدم إثارة التفكير في دروس الرياضيات، وهذا ما نلاحظه عند مواجهة الطلبة لمشكلة رياضية معينة لاستغرق سوي خطوات معدودة، يحقق الكثيرون منهم في حلها نلاحظ انه يختلف في الخطوات العقلية التي يتبعها غيره للوصول إلى حل لها، وهذا ما أيدته دراسات أخرى أقرت بوجود ضعفٍ في أساليب التفكير الرياضي منها دراسة (مشكور، 2000)، و دراسة (الشرع، 2002)، ودراسة (السوداني، 2004) وتباين الطلبة في المرحلة المتوسطة في التفكير الرياضي، رغم أن التفكير يمثل أحد جوانب الخبرة الرئيسية للطالب، ففي كل موقف يواجه الأفراد كثير من المشكلات معتمدين في مواجهتها أحياناً على الخزين المعرفي لحلها وبناء على ذلك يحتاج هؤلاء إلى تنظيم ومنهاج علمي دقيق يكون منطلقاً لتنمية أفكارهم على نحو سليم لمعالجة جميع المواقف الحياتية التي تُعرض سبل نجاحهم سواءً أكانت منفردة أم مجتمعة وبأية صورة كانت .

(الحارثي، 1999 : 2)

كذلك أيدت دراسة (الكبيسي، 2011) بوجود الضعف لدى الكثيرون من الطلبة في تحصيلهم للرياضيات وعن عدم قدرتهم لاستيعاب الكثير من مواضيعها فضلاً عن عدم تمكّنهم في أساسيات تلك المادة وضعف القدرة عندهم على التفكير والتحليل، فضلاً عن ظهور عادات غير مألوفة في الآونة الأخيرة تتمثل بمشكلات عدم جدية الطلبة في المذاكرة والاهتمام بالدراسة وزيادة نسبة التدريس الخصوصي وانخفاض التحصيل ومن بينها دروس الرياضيات التي لا تحتاج فقط للمذاكرة بل التركيز والتفكير ، فالرياضيات موضوع تراكمي يعتمد التعلم اللاحق على التعلم السابق، فإذا لم يتقن الطالب التعلم السابق، فإنه سيواجه صعوبات في الفهم ما بيني عليه من موضوعات جديدة، فالمعرفة الرياضية والإلمام بأساسياتها وتطبيقاتها مطلب ضروري لكل فرد من أفراد المجتمع،

فضلاً عن كونها مادة فكرية تسهم في تنمية أساليب متنوعة في التفكير، والدقة في التعبير والقدرة على تنظيم واستخدام أساليب التخطيط في حل المشكلات(الكبيسي، 2011 : 689) .

لذا يصوغ الباحث مشكلة بحثه بالسؤال الآتي :
هل يؤثر التعلم النشط على التحصيل والتفكير الرياضي وبقاء اثر التعلم في مادة الرياضيات لدى طلبة الأول المتوسط ؟

أهمية البحث

ينتشر العصر الذي نعيش فيه بسرعة التطور والتغير حيث يعتبر الانفجار المعرفي والتطورات التقنية المعاصرة من أهم سمات التطور في عصرنا الحاضر، وفي مجال العلوم والتكنولوجيا والرياضيات بشكل خاص، وكان من نتائج هذا التسارع والتطور التقني والمعرفي أن انعكس بشكل كبير وواضح على المجالات التعليمية وأساليب التربية والتعليم وما طرأ عليها من تقدم علمي وثقافي وتقني اثر إيجاباً على المجتمع بجميع مؤسساته العلمية والبحثية ومؤسسات العمل المختلفة لذا فإن الحاجة ملحة إلى عملية تطوير وتحديث وتجديف في أساليب التدريس وأساليب التعلم والكيفية بتنشئة وإعداد كوادر بشرية فاعلة توافق هذا التطور المتتسارع في المعرفة والمعلومة والتقنية وكوادر منتجة ومشاركة ومساهمة في دفع عجلة التقدم والرقي بمعارفهم وعلمهم وعملهم.

(بن سعود، 2008 : 8)

لذا فإن متطلبات هذا التطور السريع والتغيرات المتلاحقة في المعلومات والمعارف وثورة الاختراعات تتطلب ضرورة توظيف هذه المعلومات في مجالات الحياة المختلفة، وذلك عن طريق مواكبة التطورات السريعة والمتلاحقة في شتى مجالات العلوم والمعرفة، ومنها مجال التدريس والدعوة إلى أن يكون التعليم نشطاً فعالاً، فهو يمس جانباً هاماً من حياة الإنسان، ومن النظريات التي تؤيد نشاط الطالب النظرية البنائية والتي ترى بأن الطالب يقوم بتكوين معارفه الخاصة التي يخزنها بداخله فكل شخص

معارفه الخاصة التي يمتلكها، وأن الطالب يكون معرفته بنفسه إما بشكل فردي أو مجتمعي بناء على معارفه الحالية وخبراته السابقة.

(الناقة، والعيد، 2009 : 3-2)

لقد ظهرت في السنوات الأخيرة عدة فلسفات حديثة تعد أساساً لعدد من الطرق المستخدمة في التدريس، ومن هذه الفلسفات الفلسفة البنائية والتي تشق منها عدة طرق متعددة، وتقوم عليها عدة نماذج تعليمية متعددة تهتم بنمط بناء المعرفة وخطوات اكتسابها. ومن هذه النماذج نموذج التعلم البنائي القائم على فلسفة الفكر البنائي، ففي العقود القليلة الماضية ظهر الفكر البنائي كنموذج قوي جداً في بناء المعرفة لدى الطلبة، و الفكر البنائي يعتمد على التقييم الذاتي وعلى النشاط، وبعد طلب المعرفة تعلمًا دائمًا، وكذلك يسهم الفكر البنائي في بناء المعرفة المبعثرة لدى الفرد في قالب معرفي متماسك، حيث تشير أدبيات الموضوع إلى أن الباحثين يحتاجون إلى فكر متماسك وواضح، فالتفكير البنائي ليس مجموعة من الأفكار المجردة حول المعرفة والوجود الإنساني فحسب بل هو فكر واقعي في الممارسات التعليمية الجيدة (Gordon, p. 39) :

وقد رافق هذا التحول ظهور النظرية البنائية، وبعد العالم النمساوي جان بياجيه Jean Piaget من أكبر علماء النفس في العصر الحديث وواضع اللبنات الأولى للبنائية، إذ كان شديد الاهتمام بمبحث نظرية المعرفة وهو القائل أن عملية المعرفة تكمن في بناء أو إعادة بناء موضوع المعرفة، والنظرية البنائية نظرية مهمة في عملية التعلم حيث تعمل على توجيه وتطوير طرق التعليم الجديدة، خصوصاً في تعليم العلم، وهي نظرية تعلم وليس نظرية تعليم، وكثير من أساء هذا الفهم . وهناك مميزات أربعة للبنائية وهي : استخلاص المعرفة السابقة، إيجاد الإدراك أو الفهم المخالف، تطبيق المعرفة الجديدة والتعليق عليها، معرفة انعكاسات ذلك على التعليم Baviskar , 2009 (p. 541) .

وترکز البنائية على الطالب ونشاطه أثناء عملية التعلم، وتوکد على التعلم ذي المعنى القائم على الفهم، من خلال الدور النشط والمشاركة الفاعلة للطلبة في الأنشطة التي يؤيدونها، بهدف بناء مفاهيمهم و المعارف العلمية .

إن وجهة النظر الحديثة للعديد من المربين تؤكد بأن الطرق المثلثى لإعداد الطلبة ونجاحهم في القرن الحادى والعشرين مرهون بمخزونهم المعرفي الشامل المتذبذب مع حسن توظيفهم وتطبيقهم لها في حل المشكلات حين حدوثها، وهذا بخلاف النظرة التقليدية إلى التعليم للتمييز بين العناصر التي يجب أن يتعلمها الطالب، أما الجديد، فهو أن النظرية البنائية تؤكد على أهمية التعلم من خلال السياق، ولذلك لم يبق الطالب جامدا بل لا بد أن يكتسب المفاهيم والمعرفة المتتجددة، ولا بد من تطوير نفسه بنفسه ليبقى في عالم متعدد ويبقى مستمرا، ومتقاولا معه ومع الآخرين، وبذلك يستطيع حل مشاكله الواقعية في مهام ذات مغزى (Artino, 2008 : p. 2).

والمتأمل في واقع تعليم العلوم اليوم بصورة عامة والرياضيات بصورة خاصة يجد أنه واقع غير مرض على مستوى القطر العراقي، وقد تكون هذه الشكوى عامة في كثير من الدول العربية والأجنبية حتى المتقدمة منها، ولذلك فهناك انتقادات توجه إلى تدريس الرياضيات في عصرنا الحالي ومن أهمها التركيز على المعلومات كهدف أساس في تدريسها من خلال استخدام طرائق التقليدية في التدريس، فلا تزال الفلسفة العامة للمدرسة ودورها في المجتمع وأهداف التربية والتعليم ورسالة المعلم ترتكز على عملية نقل وتوصيل المعلومات بدل التركيز على توليدها واستعمالها، ومن الملاحظ أن الممارسات الصافية لمدرسي الرياضيات تتركز حول الجانب المعرفي فقط ، وعدم الإهتمام بتأكيد طرائق العلم وأساليبه على الرغم من أهميتها في مراحل التعليم كافة، كما أن المعرفة العلمية المقترحة في كتب الرياضيات تؤكد على الحقائق والمفاهيم في صورتها النهائية ، إذ أصبح لا يخفى على أي من يدرس مادة الرياضيات الضعف لدى الكثير من الطلبة في تحصيلهم للمادة وفي عدم قدرتهم استيعاب الكثير من مواضيعها فضلا عن عدم تمكّنهم في أساسيات تلك المادة وضعف القدرة عندهم على التفكير والتحليل، وقد يكون من أحد الأسباب الكامنة وراء الصورة غير المرضية للرياضيات هو طريقة تدريسها للطلبة وأسلوب تنظيمها حيث تقدم أحيانا بطريقة جافة ترتكز على التلقين والحفظ، فتبدو كأنها شيء مصطنع لا علاقة له بالواقع، وهذا ما يجعل الطالب يستصعبها، فضلاً على أنه لا يرى لها فائدة تجني ، خصوصاً أن الرياضيات لا تقدم نفسها في الحياة اليومية على شكل حل لمعادلة أو حساب لتكامل، بل تقدم الرياضيات

على شكل المنطق و المنطق الرياضي أشد صرامة حيث يرفض كل نتيجة لم يتم استنباطها

(الكبيسي، 2008 : 26).

وهناك مشكلة في تدريس الرياضيات، نتيجة الاعتماد على النماذج التقليدية في التعليم دون الحديثة، فالإنموذج التعليمي السائد فشل في حل كثير من مشكلات تدريس الرياضيات، ولذلك يتفق مدرسوا الرياضيات على أن الطريقة المثلثى لتحسين تعليم الرياضيات وتطويره لا يمكن أن تتم إلا من خلال استخدام المنهج العلمي القائم على النشاط والبحث والتجريب، واستخدام العقل في حل المشكلات وهذا عامل مفقود في التعليم التقليدي للرياضيات، إذ أن الواقع التدريسي الحالى في تدريس المواد العلمية خاصة(العلوم والرياضيات) لا يتماشى مع الأهداف، إذ مازالت طرق التدريس تعتمد على التلقين في مدارسنا بواسطة المدرس، الذي هو مركز التلقى في الصف، والطلبة سلبيين، يستمعون، ويحاولون حفظ كل ما يوجد في الكتاب المدرسي، فالمهم المعلومات، وليس طريقة التفكير والبحث والفهم الصحيح(البوهي، 2001 : 240).

و نتيجة لمتطلبات القرن الحادى والعشرين ازداد فى الآونة الأخيرة الاهتمام بعلوم المستقبل، ومنها الرياضيات، وقد أوصت النظريات التربوية الحديثة الاهتمام بمادة الرياضيات وتطويرها وتنظيمها مبنيةً على مراحل تطور النمو الفكري للمتعلم، فضلاً عن تنظيم المحتوى منطقياً وتأكد تبني وسائل حديثة في التدريس والتقليل من اتباع الطرائق المعتادة في التدريس، ويعنى تعليم الرياضيات بموقع متميز في (التعليم المدرسي)، فالرياضيات بفروعها واحدة من المكونات الأساسية لأى منهج مدرسي، ذلك لأنها بطبعتها (طريقة للبحث) تعتمد على المنطق و التفكير مستخدمة سرعة البديهة وسعة الخيال ودقة الملاحظة.

(سلامة، 1995 : 76)

تعد مادة الرياضيات من أهم المواد العلمية الأساسية، إذ إنها تعرف بمفتاح العلوم، وفي العصر الحديث امتد استخدام الرياضيات إلى مواد كان يظن ليس لها علاقة بالرياضيات، مثل اللغة والعلوم الاجتماعية والتربوية. فالرياضيات دخلت إلى الدراسات اللغوية من باب التمثيل اللغوي وإلى العلوم الاجتماعية والتربوية من باب

التحليل الإحصائي، فلقد أصبحت الرياضيات مادة أساسية في كل حقل من حقول المعرفة، ولكن الحاجة إليها تختلف في الكمية والنوعية من حقل إلى حقل معرفي آخر (الكبيسي، وعلوان ، 2011 : 11-12) لذا فلا غرابة أن يكون نصيب مادة الرياضيات كبيرا في جدول الطالب، إذ لا يقل عدد الدروس في المرحلة المتوسطة في العراق عن خمسة حصص في الأسبوع ولا يوجد خلاف على أهمية مادة الرياضيات، ولكن الخلاف هو في الكمية والنوعية في مناهج الرياضيات لطلاب التعليم العام، ومن الملاحظ حاليا حرص القائمين على التعليم على تطوير هذه المناهج بصورة مستمرة، لما نرى من التعديلات المتتالية والمتزامنة للمناهج بين حين وآخر، وهذا ما حدث في الأعوام 2009 والتي تلتها من تغيير الكتب وأبدلت القوانين باللغة الانكليزية وذلك سعيا لتقديم الأفضل للطلبة، ولكن من الأشياء الملحوظة هي استمرار نسب الرسوب العالية في مادة الرياضيات مقارنة بالنسبة الأخرى لباقي المواد، فمقررات الرياضيات المختلفة دون غيرها من المقررات التعليمية التي يراها البعض هي الأقل تشويقاً والأضعف عند طلابنا فالطلاب يعانون في فهمها وإدراك علاقاتها المجردة وظهور فروع الرياضيات الجديدة في ساحات المعرفة جعلتها أكثر قدرة على التفاعل مع حضارة الإنسان من خلال التطبيقات في جميع مجالات الحياة فالرياضيات مقرر علمي وتربيوي لا يمكن عزله عن المجتمع ف التعليم وحب الرياضيات أصبح ضرورة ملحة وهناك عدة أسئلة تطرح نفسها، ما هي الأهداف الأساسية من تدريس مقرر في الرياضيات ؟ فإذا كانت الأهداف هي أن يكون الطالب ملماً بمفردات وأساسيات محتوى المقرر حتى يصل إلى التفكير الصحيح وتنمية ميله للإبداع ومدى تفاعل هذا المقرر مع حضارة الإنسان وأهم مجالات تطبيقه في حياتنا، هل تعطي المقررات الحالية الفرصة لممارسة طرق التفكير السليمية واكتساب المهارات في حل المشكلات والتعرف على أثر الرياضيات وأهميتها في تطوير المجتمع، ولازال تدريس الرياضيات قاصراً على الجوانب المعرفية المجردة التي لا يحس الطالب فيها مدى إمكانيات التطبيق العملي في الواقع وهذا يجعله ينفر من هذه المقررات الجافة التي لا يشعر معها بأنها تتمي فيه أي جانب من جوانب الإبداع ويتخرج الطالب من المدرسة ويفقد تماماً العلاقة التي ينبغي أن تربطه بالرياضيات بواقع حياته العلمية، لذا وجب أن يعتمد تدريس الرياضيات على نظرة مستقبلية (الكبيسي، وعلوان،

2011 : 19)، ومن واقع ما يحدث حولنا من تقدم علمي وتكنولوجي فيجب علينا أن نعد أبنائنا لمواجهته باستمرار وإلا سنخسر الكثير والكثير فالمطلوب أن تطور مناهج وطرق تدريس الرياضيات، لتسهم بدورها الكبير في إعداد الإنسان من خلال نمو القدرات العقلية للطلبة، وهي أفضل وسيلة لنمو مهارات وأساليب التفكير المختلفة لدى الطلبة ونمو قدراتهم على الكشف والابتكار، وبذلك تكون الرياضيات هي اللغة المعبرة عن التفكير الإنساني ولا سيما مهارات التفكير الرياضي .

وقد أكد كثير من التربويين منهم (هنتر Hunter، اوزيل Ausbel، وبتغورد Betford) إلى أن تعليم وتدريس الطلبة على مهارات التفكير هو من مسؤولية العاملين في التربية ومن مسؤولية المناهج التربوية التي يجب أن تسعى التربية من خلالها إلى تزويد الطلبة بمهارات أساسية في التفكير لتساعدهم على التكيف مع المتغيرات المتعددة وضرورة نماء القدرة على التفكير (الشيب، 2001 : 8) .

الرياضي عند الطلبة لأهميته للفكر ولعدم الاستغناء عنه في عمليات اكتساب المعرفة وحل المشكلات وصنع القرارات.

(العديني، 2003 : 1)

ومن هنا نرى أن جميع الدول أصبحت تتجه إلى الاهتمام بعلوم المستقبل، حتى تستطيع مواجهة التحديات والمستجدات التي تتزايد يوماً بعد يوم لتواكب التقدم ولا تختلف كل دولة عن غيرها من الدول المتقدمة، أن التربويين قد نادوا بضرورة توجيه تدريس العلوم بما يوفر خبرات متكاملة الجوانب للطلبة، ومناسبة لمستواهم وخصائص نموهم، ووثيقة الصلة بحاجاتهم ومشكلاتهم ؛ حيث إنه لا يمكن للطالب أن يبدع ما لم يكن متفتح الفكر، لديه المهارات والاتجاهات التي تمكنه من التفكير السليم، والعمل المستمر، ولا يكون ذلك إلا بممارسة التعلم النشط بنفسه

(سلامة، 2003 : 11) .

إن التعلم يكون فاعلاً عندما يكون الطالب مشاركاً ونشطاً أثناء التعلم، فنشاط الطالب يعد أمراً جوهرياً في عملية التعلم، وأن نشاط الذات العارفة يعد أمراً جوهرياً لبناء المعرفة، حتى إن بعض منظري البنائية قد أعدوا أن نشاط الطالب والمعرفة شيئاً واحداً، إذ إن المعرفة هي نشاط الطالب .

(زيتون وزيتون حسن، 2006 : 3)

التعلم النشط يركز على الطالب ويجعل منه مشاركاً أكثر نشاطاً في المناقشة الصحفية كما أنه يركز على موقع الطالب خلال عملية التعلم، وفي هذا النوع من التعلم يمنح الطالب حق الاختيار، ويتوقع منه المزيد من المبادرة الذاتية ؛ إذ يعمل المعلم كمدرب وموجه للتعلم، بدلاً من أن يكون ناقلاً للمعرفة، وهنا تكون العلاقة بين المعلم والطالب تعاونية ؛ من خلال اشتراكهما معاً في تحمل مسؤولية التعلم، مع التأكيد على أهمية السماح للطالب بأن يتولى قدرًا من التنظيم والضبط لتجارب تعلمه الشخصية .

(الروسae، 2007 : 3)

قد زاد الاهتمام بالتعلم النشط مع بداية القرن الحادي والعشرين، كأحد الاتجاهات التربوية المعاصرة، والتي لها الأثر البالغ في عملية التعلم، ولكي يحدث التعلم النشط لا بد من توافر بيئة تعلم نشطة، يقوم فيها الطالب بالدور الإيجابي أثناء التعلم من خلال ما يقومون به من أنشطة يدوية أو عملية أو عقلية أو أنشطة علمية.

.(عبدالوهاب، 2004 : 127)

يرى الباحث أن الرياضيات تعد مجالاً خصباً للتفكير والإبداع والنشاط الرياضي لممارسة الأنشطة من خلالها، فبمجرد أن يمسك الفرد بالورقة والقلم ويبداً في اللعب بالأرقام و العمليات قد يكتشف أشياء و معلومات لم تكن معلومة لديه فيعدها من اكتشافاته، و قد تكون مثل هذه الاستنتاجات قد اكتشفت من قبل غيره و لكنها لم تصل إليه، فإنه ينسب ذلك إلى نفسه ويفرح بها وينظر إلى الرياضيات نظرة متفائلة، فمن خلال تدريس الباحث يذكر في احد المرات وفي موضوع قابلية القسمة وأعطى لهم قابلية العدد القسمة على الرقم 3 (يقبل العدد القسمة على 3 إذا كان مجموع أرقامه تقبل القسمة على 3) واخذ يضرب لهم بعض الأمثلة لتبسيط المهارة والمفهوم، بعدها أراد الباحث أن يمارس الطلبة بنفسهم بعض الأعداد ويخبرون قابليتها للقسمة على 3، وكان الطلبة فرحين بعملهم وقد جربوا أعداد متكونة من 6 مراتب، بعدها فاجئني احد الطلبة بقوله وإننا يا أستاذ اكتشفت قاعدة جديدة لا توجد في كتابنا وهي :

قابلية العدد القسمة على 9 : إذا كان مجموع أرقام عدد ما يقبل القسمة على 9 فإن العدد يقبل القسمة على 9، فعلى سبيل المثال جربت العدد 189 يقبل القسمة على 9

فنتائج ذلك 21، ولو جمعنا أرقام العدد 189 سنجدها 18 و هو عدد يقبل القسمة على 9، وهكذا مع كل الأعداد، فهل هذا ممكن؟ وعندما تأكدت من الموضوع طلبت من كل الطلبة أن يحيوه ويصفقوا له، حتى كثير من الطلبة قالوا اليوم نذهب للبيت ونجرب بأنفسنا اكتشافات أخرى.

على المدرس وأثناء تدريسه أن يطلع طلبه بأن الرياضيات من صنع العقل البشري وكيف ساهم آجدادهم ورجال أمتهم بها، وممكن تزداد ثقة الطلبة بأنفسهم وبأمتهم ويشعرن بالفخر والاعتزاز لما يخبروهم أن بلادهم (بلاد وادي الرافدين) ومنذ الأزل كانوا ذا حضارة عريقة وخصوصاً البابليين الذين كان لهم النصيب الوافر في بناء العلم فقد عرفوا ومنذ أكثر من (2000) سنة قبل الميلاد، القيمة المكانية والعمليات الحسابية والجذور التربيعية والتكعيبية، والمتتاليات العددية والهندسية كما تم العثور على الواح طينية تتضمن معرفة بخواص مثلثات قائمة الزاوية شبيهة بنظرية فيثاغورس أي تسبقها بـ 1700 عام، كذلك عرفوا المساحات، وعرفوا قوانين جبرية لإيجاد مساحات المضلعات المعروفة اليوم مثل المثلث والمربع والمستطيل ومتوازي الأضلاع والمعين والدائرة وحجوم بعض الأشكال المجسمة مثل الاسطوانة والموشور والمخروط والهرم، ولا زالت مثلثاً البغدادي محط أنظار و الإعجاب في ترتيب الأعداد وتناسقها (الكبيسي، 2001 : 282) كما في الآتي :

مثلثاً البغدادي

$1 = ^3 1$	$1 = ^2 1$
$8 = 5+3 = ^3 2$	$4 = 3+1 = ^2 2$
$27 = 11+9+7 = ^3 3$	$9 = 5+3+1 = ^2 3$
$64 = 19+17+15+13 = ^3 4$	$16 = 7+5+3+1 = ^2 4$
$125 = 29+27+25+23+21 = ^3 5$	$25 = 9+7+5+3+1 = ^2 5$
$216 = 41+39+37+35+33+31 = ^3 6$	$36 = 11+9+7+5+3+1 = ^2 6$

بنيت المناهج الحديثة للرياضيات على أساس نشاط الطلاب ومشاركتهم وفاعليتهم أثناء التدريس، وأصبحت وظيفة المعلم الأساسية تمثل في تهيئة المواقف التعليمية التي توجه الطالب نحو اكتشاف المفاهيم وال العلاقات الرياضية ونحو اكتساب المهارات الرياضية وتطبيقاتها بشكل صحيح، والابتعاد قدر الإمكان عن الأسلوب المعتاد القائم على نموذج العرض المباشر للمعارف والمعلومات، والاقتراب بنفس القدر من الاستخدام الوعي لأنشطة الرياضية، في إطار ما يسمى بالتدريس القائم على التعلم النشط، ولكي تتجاوب الرياضيات وتربيوتها مع معطيات التطور في القرن الحادي والعشرين، أن عليها أن تخلع عنها رداءها التقليدي، الذي يقتصر نسيجه على مجموعة من القواعد والقوانين، التي تعانى عزوفاً من معظم الطلاب، حيث يرون فيها غابة من الرموز والصياغات الجامدة المجردة، ترهق الطالب في منطوقاتها وأساليب دراستها وامتحاناتها، وتشغله في عمليات معقدة يسهل إجراؤها بالحاسبات، وفي براهين وإثباتات لما يراه أحياناً واضحاً ولا يحتاج إلى برهان، وفي إجابات عن أسئلة لم يسألها أحد، مما يجعل الكثير من الطلاب لا يشعرون بفائدة حاضرة أو مستقبلية لما يدرسونه ولا يستمتعون بجمال ذهني أو عقلي أو منطقي بها (وليم ، 1998 : 3) .

ويرى الباحث أن التعلم النشط ، هو تعلم قائم على استخدام الأنشطة الرياضية المتنوعة في محتواها ومستواها، التي توفر للطالب درجة عالية من التحكم والخصوصية، وتكتسبه خبرات تعليمية مفتوحة النهاية، غير مقيدة أو محددة بشكل سابق، ويمكن من خلاله أن يحقق التدريس الفعال للرياضيات نظراً لاعتماده على المشاركة الإيجابية من جانب الطلبة في العديد من أوجه النشاط .

وتدل المشاركة الإيجابية للطلبة على وجود حياة في الموقف التعليمي، فالنشاط يثبت الحياة في العملية التعليمية ويبعدها عن الخمول، وتأكيداً على أهمية النشاط الذي يكاد يعادل الحياة أو على الأصح يعادل عمل الحياة، فالخلية النشطة نشطة بالحياة، في حين الخلية الخمالة، خاملة من توقف عمل الحياة فيها النشاط هو عمل الحياة في كل بنية حية، والوعي ربيب النشاط والحركة نتاجه.

(عثمان، 1994 : 254)

تراعى أساليب التعلم النشط مبدأ من أهم مبادئ التعلم الفعال يتعلق بنشاط الطالب وإيجابيته، وهو الاشتراك النشط للطالب في عملية التعلم أفضل دائماً من الاستقبال

السابق، وأن أفضل طريقة يتعلم بها الطلبة الرياضيات عن طريق العمل والمشاركة الفعالة في الأنشطة فضلاً عن المشاركة في مناقشة الأفكار الرياضية وحلول المسائل والتعبير عن أفكارهم الأصلية، وذلك لأن طبيعة الرياضيات تحتوي على المسائل، والمفاهيم، والقوانين الرياضية مما يجعل التركيز على تلك الأمور يحتل الاهتمام الأكبر والتركيز الرئيسي في الرياضيات، وذلك لتحسين فهم واستيعاب الطلاب وبالتالي فإن حل المسائل وفهم الحقائق والقوانين الرياضية بطريقة جماعية تعاونية يساعد الطلاب على التفكير الجماعي، وتتدفق الأفكار، وعدم الشعور بالحرج أثناء الخطأ، ويجعلهم متعاونين على فهم تلك المسائل والحقائق والمفاهيم الرياضية وإضفاء جو من الأمان التعليمي، كما يجد الطلبة الضعفاء فرصة جيدة للانخراط في العمل وفهم المسائل، لذا يمكن القول بأن طريقة التعلم النشط تلقي اهتماماً متزايداً باعتبارها طريقة من طرائق التدريس وذلك لفاعليتها في رفع تحصيل الطلبة وتنمية اتجاهاتهم الإيجابية وزيادة نشاطهم، فالطلاب يتعلمون الرياضيات بشكل أفضل عن طريق العمل والمشاركة الفعالة في الأنشطة التي تتيح لهم تطبيق ما يتعلموه، ويجب على المعلم أن يشجع الطلاب على المشاركة في مناقشة الأفكار الرياضية، وحل المسائل وأن يكلفهم بين الحين والأخر بأعمال تستدعي الإبداع أثناء دراستهم للرياضيات.

(أبو زينة، 1997 : 5)

وتعدُّ ثُدْرَة استخدام أساليب التعلم النشط سبباً من أسباب كراهية بعض الطلبة للرياضيات، ونجد أن بعض المدرسين يغرسون طلبهم بكم كبير من المسائل والتمارين الروتينية الجافة التي لا تعني شيئاً لهم، ولا تقدم لهم أي أفكار محفزة مناسبة، كما يصر بعضهم على حل المسائل والتمارين بطرق معينة، ولا يشجعون طلبهم على التفكير في حلول جديدة، أو ابتكار طرق حل خاصة بهم، مما يحجب عنهم الكثير من فرص الجدة والأصالة وبالتالي الإبداع في دراسة المادة .

وبإمكان الباحث أن يلخص أهمية بحثه بالنقاط الآتية :

1. يعالج البحث مشكلة أساسية تواجهه معظم مدرسي الرياضيات، وهي معرفة إمكانات وفاعلية الطرق المختلفة لتقديم مادة الرياضيات، بحيث يستطيع الطالب اكتساب المعرفة الرياضية وتطبيقاتها في موقف أخرى.

2. قد تؤدي نتائج البحث إلى تقديم طريقة للتدريس للمدرسين والمدرسات بمدارسنا، ترفع من كفاءة العملية التعليمية عامة، وتحسن من تحصيل الطلبة في الرياضيات.

3. نظراً لأن البحث يتناول استخدام طريقة التعلم النشط في تنظيم المادة العلمية أثناء التدريس، فإن إمكانية نجاح استخدامها في هذا البحث قد يشجع القائمين على الدورات التدريبية في الرياضيات على استخدامها في تنظيم المادة الرياضية في التدريس ومناقشتها أثناء التدريب.

4. رفد العملية التعليمية في قطربنا العراقي بما يستجد من أساليب وطرق تدريس حديثة.

أهداف البحث :

يهدف البحث الحالي إلى معرفة :

1. أثر التعلم النشط في تحصيل طلبة الصف الأول المتوسط في مادة الرياضيات.
2. أثر التعلم النشط في التفكير الرياضي لدى طلبة الصف الأول المتوسط في مادة الرياضيات.
3. أثر التعلم النشط في بقاء اثر التعلم لدى طلبة الصف الأول المتوسط في مادة الرياضيات.

فرضيات البحث :

للتتحقق من أهداف البحث ، وضع الباحث الفرضيات الآتية :

- 1- لا يوجد فرق ذو دلالة إحصائية عند مستوى (0.05) بين متوسط درجات تحصيل طلاب المجموعة التجريبية الذين يدرسون بطريقة التعلم النشط وطلاب المجموعة الضابطة الذين يدرسون بالطريقة التقليدية في مادة الرياضيات.
- 2- لا يوجد فرق ذو دلالة إحصائية عند مستوى (0.05) بين متوسط درجات اختبار التفكير الرياضي بين طلاب المجموعة التجريبية الذين يدرسون بطريقة التعلم النشط وطلاب المجموعة الضابطة الذين يدرسون بالطريقة التقليدية في مادة الرياضيات.
- 3- لا يوجد فرق ذو دلالة إحصائية عند مستوى (0.05) بين متوسط درجات تحصيل طلاب المجموعة التجريبية الذين يدرسون بطريقة التعلم النشط وطلاب المجموعة الضابطة الذين يدرسون بالطريقة التقليدية في اختبار التعلم المؤجل (بقاء اثر التعلم) في مادة الرياضيات.

حدود البحث :

يتحدد البحث الحالي :

- (1. طلاب الصف الأول المتوسط في مركز محافظة الأنبار للعام الدراسي 2011 – 2012 .)
2. مادة الرياضيات التي تتضمنها الفصول الخمسة الأولى من كتاب الرياضيات المعتمد للصف الأول المتوسط المعتمد للعام الدراسي (2011 – 2012).
3. التحصيل في الرياضيات على المستويات الثلاثة الأولى من تصنيف بلوم في المجال المعرفي (التذكر والفهم والتطبيق) .

تحديد المصطلحات :

أولاً : التعلم النشط عرفه كل من :

1- (Sharon, & Martha , 2001) : عملية احتواء ديناميكي للمتعلم في الموقف التعليمي والتي تتطلب منه الحركة والمشاركة الفاعلة تحت توجيهه وإشراف المدرس(3 : Sharon, & Martha, 2001 : p. 3).

2- (عصر، 2002) : التعلم الذي يعني باستخدام الأنشطة التعليمية المتنوعة بالمدرسة، والتي توفر للطالب درجة عالية من الحرية، والخصوصية، والتحكم، وخبرات تعلم مفتوحة النهاية وغير محددة مسبقاً بشكل صارم كالخبرات التقليدية، ويكون فيها الطالب قادراً على المشاركة بنشاط وفعالية ويستطيع تكوين خبرات التعلم المناسبة .

(عصر، 2002 : 89 .)

3- (Hall,D.,et al,2002) : التعلم الذي يؤكد على المشاركة النشطة للطلاب في عملية تعلمهم للمواد الدراسية (Hall,D.,et al,2002 : p. 9) .

4- (Fox,& Rue,2003) : إستراتيجية تتيح ابتكار بيئات تعليمية تساعد على ارتفاع مستوى مشاركة الطالب إلى أكثر من مجرد الاستماع، وتسهل البناء النشط للمعرفة، والذي من شأنه أن يحسن قدرة الطالب على تذكرها، فضلاً عن تعزيز التذكر فإن التعلم النشط يتطلب من الطلبة استخدام مهارات التفكير العلية، كالتحليل والتركيب والتقويم، ومشاركتهم في أنشطة متنوعة ، كالقراءة والكتابة والمناقشة، فضلاً عن الاهتمام الكبير الذي يوليه لمساعدة الطلبة في اكتشاف الاتجاهات والقيم الخاصة بهم .

(Fox,& Rue,2003 : p. 4)

5- (سعادة وأخرون، 2006) : طريقة تعلم وطريقة تعليم في آن واحد يشارك الطلبة في الأنشطة والتمارين والمشاريع بفاعلية كبيرة ؛ من خلال بيئة تعليمية غنية متنوعة، تسمح لهم بالإصغاء الإيجابي، وال الحوار البنائي، والمناقشة التربوية والتفكير الوعي ، والتحليل المستمر ، والتأمل العميق لكل ما تتم قراءته أو كتابته أو طرحة من مادة دراسية، أو أمور ، أو قضايا، أو آراء، بين بعضهم بعضاً ؛ مع وجود مدرس يشجعهم على تحمل مسؤولية تعليم أنفسهم بأنفسهم تحت إشرافه الدقيق، ويدفعهم إلى تحقيق الأهداف المطلوبة للمنهج المدرسي ، والتي تركز

على بناء الشخصية المتكاملة والإبداعية للطالب.

(سعادة وأخرون، 2006 : 33)

-6 (Stark, S., 2006) : طريقة تدعو إلى انغماس الطلبة في النشاطات وإثارة التفكير فيما يقومون بتأديته ويعتمد أساساً على مشاركتهم الفاعلة في المادة التي يراد تعليمها لهم.(Stark, S., 2006 : p.24).

-7 (أبو زينة، و عبابة، 2007) : التعلم الذي يتيح للطلبة فرصة جيدة للمشاركة والتفاعل والعمل في الرياضيات ويتمتعون فيه بنشاط وحيوية وبإمكانهم بناء أو إنشاء أو تعديل الأفكار والمفاهيم الرياضية بتفاعلهم مع البيئة المحيطة (أبو زينة، و عبابة، 2007 : 25).

-8 (LeTexier, 2008) : طريقة تُعني ببناء المعرفة ومعالجة المعلومات والتحرك لما وراء الاستجابات السلبية إلى التفاعل لما يقدمه المدرس من مادة تعلية للطالب.(LeTexier, 2008 : p. 39).

-9 (Karamustafaoglu,2009) : الأسلوب الذي من خلاله يصبح الطلبة مشاركين نشطين في عملية التعلم وبعد من الوسائل المهمة لتنمية مهارات الطلبة العلمية(Karamustafaoglu,2009 : p. 27).

-10 (حمزة، 2009) : التعلم الذي يتضمن الخبرة العقلية التي تتميز بتطور الفهم والبصيرة وتتضمن إعادة البناء العقلي المعرفي للطلاب، والذي يسمح لهم بممارسة العديد من أنشطة التعلم المتنوعة والمشاركة الإيجابية فيها(حمزة، 2009 : 33).

التعريف الإجرائي للتعلم النشط : طريقة تعلم وتعليم في آن واحد المتتبعة مع المجموعة التجريبية من متعلمي الصف الأول متوسط المشاركين في الأنشطة والتمارين الرياضية والتي تُدرس من قبل الباحث بإستراتيجياتي العصف الذهني وحل المشكلات.

ثانياً : التحصيل عرفه كل من :

-1 (Oxford,1998) بأنه : هو النتيجة المكتسبة لإنجاز وتعلم شيء ما بنجاح وبجهد وبمهارة.(Oxford,1998 : p.10).

- 2 (شعلة، 2000) : ما يعرفه الطالبة من معلومات ومهارات ويعبر عن مدى استيعابهم لما تعلموه من خبرات معينة من مادة دراسية مقررة ويقاس بالدرجة التي يحصل عليها الطالب في الاختبارات المدرسية في نهاية العام والاختبارات التحصيلية التي تجري أثناء الدراسة (شعلة ، 2000 : 113) .
- 3 (السدهان، 2004) : مقدار ما تعلم الطالب في المدرسة عبراً عنه بالتقدير الذي يناله في نهاية البرنامج التعليمي وهو يعكس مستويات تحصيل متباين. (السدهان، 2004 : 32).
- 4-(نصرالله، 2004) : مستوى من الانجاز أو الكفاءة أو الأداء في التعليم والعمل المدرسي أو الجامعي يصل إليه الطالب خلال العملية التعليمية التي يشتراك فيها مجموعة من الطلاب والمعلم ويجري تقديره بواسطة المدرسين بصورة شفوية أو عن طريق استخدام الاختبارات المختلفة المخصصة لذلك.
- (نصرالله، 2004 : 401)
- 5-(البدور، 2004) : محصلة ما يستطيع الطالب الوصول إليه بما يتاسب وإمكانياته حين يتحقق الهدف التعليمي(البدور ، 2004 : 36).
- 6-(الهرش وأخرون، 2005) : مجموعة المفاهيم والمعارف والمصطلحات التي يكتسبها الطالب لمروره بخبرة من خلال عملية التعليم وتحدد درجته باختبار تحصيلي (الهرش وأخرون، 2005 : 22).
- 7-(النصار، 2007) : مدى استيعاب الطالب لما تعلموه من خبرات معرفية ومهارية في مجموعة المقررات الدراسية التي يدرسوها، ويقاس بالدرجة التي يحصل عليها الطالب في الاختبارات التحصيلية في جميع المواد الدراسية المجموع الكلى للدرجات أو في مادة دراسية واحدة (النصار ، 2007 : 3-4) .
- 8-(Alderman,2007) : إثبات القدرة على إنجاز ما تم اكتسابه من الخبرات التعليمية التي وضعت من أجله (Alderman,2007 : p101).
- 9-(أبو جادو، 2008) : محصلة ما يتعلم الطالب بعد مرور مدة زمنية محددة، ويمكن قياسه بالدرجة التي يحصل عليها في اختبار تحصيلي، وذلك لمعرفة مدى نجاح

الإستراتيجية التي يضعها ويخطط لها المدرس لتحقيق أهدافه وما يصل إليه الطالب من معرفة تترجم إلى درجات (أبو جادو، 2008 : 425).

- قاموس (Webster's, 2009) : هدف الذي وضع من أجل الوصول إليه لتوثيق مستوى القدرة أو التأهيل لإنجاز عمل معين قابل للقياس (Webster's, 2009 : p.76).

التعريف الإجرائي للتحصيل : محصلة ما يتعلمها طالب الصف الأول متوسط بعد مرور مدة زمنية(فترة أداء التجربة) ويقاس بالدرجة التي يحصل عليها الطالب في اختبار التحصيل الذي أعده الباحث لهذا الغرض.

ثالثاً : التفكير الرياضي عرفه كل من :

- (عبد الغني، 2001) : أي نشاط معرفي يهدف إلى التغلب على أي مشكلة في مجال الرياضيات، وما يتضمنه هذا المجال من معلومات أو تطبيقات أو مهارات للتفكير (عبد الغني، 2001 : 170).

- (حمادة، ٢٠٠٥) : هو نشاط عقلي منظم قوامه عمليات عقلية خاصة بالرياضيات تتمثل في الاستدلال(الاستقراء – الاستبطاط) والتعليم وإدراك العلاقات والبرهان الرياضي والمنطق الشكلي والترجمة الرياضية والتأمل(حمادة، 2005 : ٢٤١).

-3 (الخليلي، 2005) : استخدام المعادلات السابقة الإعداد والاعتماد على القواعد والرموز والنظريات والبراهين، إذ تمثل إطاراً فكرياً يحكم العلاقات بين الأشياء(الخليلي، 2005 : 156).

-4 (Harel. & Sowder, 2005) : نشاط عقلي منظم يتسم بالمرنة يهدف إلى حل المشكلات الرياضية والمواضيع التي تشكل عائق معرفي باستخدام بعض المهارات كالاستقراء، الاستبطاط، المنطق الشكلي، البرهان الرياضي، التعبير بالرموز، حسب طبيعة كل مشكلة أو موقف.
[\(Harel, & Sowder, 2005 : p. 28\)](#)

-5 (Dubinsky & Others, 2005) : ذلك النوع من الاستنتاج للأفكار

الرياضية التي لا يمكن إدراكتها من خلال حواسنا الخمس .

(القريشي، 2009 : 44)

-6 (أبو زينة، وعبابنة، 2007) : عملية بحث في موقف أو خبرة ذات علاقة بسياق رياضي، إذ يمثل الموقف في إعداد الرمز أو أشكال أو مفاهيم رياضية (أبو زينة، وعبابنة، 2007 : 274)

-7 (الكبيسي، 2008) : هو القدرة على رؤية العلاقات التي ترتبط بين الأفكار والمفاهيم والقواعد والقوانين وفهمها واستيعابها ويفك على النشاط العقلي . ويشمل استخدام المعادلات والأعداد والإعتماد على القواعد والرموز والنظريات والبراهين، إذ تمثل إطاراً فكرياً يحكم العلاقات بين الأشياء (الكبيسي، 2008 : 152).

-8 (Kaye, 2008) : هو نشاط عقلي منظم معقد نوعاً ما يتسم بالمرونة وبعد وسيلة مهمة لتعلم حل المشكلات في الرياضيات ويسهل الطلبة طعم المغامرة الفكرية (Kaye, 2008 : p. 8).

-9 (حمادة، 2009) : نشاط عقلي للمتعلم منظم ومستمر أثناء العملية التعليمية للتوصل إلى حل المشكلات الرياضية باستخدام بعض مهارات التفكير (الاستدلال- البرهنة) (حمادة ، 2009 : 66).

-10 (العمرى، 2009) : عملية عقلية أو نشاط عقلي خاص بالرياضيات يتضمن مجموعة من المظاهر تمثل في : التعميم، الاستقراء، الاستنباط، التعبير بالرموز، التفكير المنطقي، البرهان الرياضي، ويعتمد كل مظهر من هذه المظاهر على مجموعة من القدرات والمهارات الرياضية .

(العمرى، 2009 : 8)

التعريف الإجرائي للتفكير الرياضي : هو النشاط العقلي المصاحب عند مواجهة المشكلات والتعامل مع التمارين المتعددة في الرياضيات ويتضمن مجموعة مظاهر تمثل في : الاستقراء، الاستنتاج، التعبير بالرموز، إدراك العلاقات، البرهان الرياضي ويفقاس

بالدرجة التي يحصل عليها طالب الصف الأول متوسط في مقاييس التفكير الرياضي الذي أعده الباحث.

رابعاً : الرياضيات عرفها كل من :

- 1 (علاونة، 2002) : معرفة قائمة بذاتها، ولغة ووسيلة اتصال تعد تعبيرا عن العقل البشري، الذي يعكس القدرة العلمية والقدرة التأملية والرغبة في الوصول إلى الكمال والجمالية وحل المشكلات، فالرياضيات تكون ضربا من ضروب التفكير المجرد الذي يعتمد على الرموز بدلا من المحسosات وهي كذلك تدريب على طرائق حل المشكلات. (علامة، 2002 : 88)
 - 2 (حمدان، 2005) : علم تجريدي من خلق وإبداع العقل البشري، يهتم من ضمن ما يهتم بتنظيم الأفكار والطرائق وأنماط التفكير .
(حمدان، 2005 : 15)
 - 3 (سلامة، 2007) : العلم الذي يتعامل مع الكميات المجردة مثل العدد والشكل والرموز والعمليات، وهو بذلك الدراسة المنطقية للشكل والتنظيم والكم.
(سلامة، 2007 : 75)
 - 4 (الكبيسي، 2008) : مادة فكرية تهتم في تربية أساليب التفكير المختلفة لدى الطلبة وإكسابهم اتجاهات وعادات سليمة، مثل الموضوعية في التفكير، والدقة في التعبير والقدرة على التنظيم، واستخدام أساليب التخطيط في حل المشكلات(الكبيسي، 2008 : 26).
- التعريف الإجرائي للرياضيات :** - المحتوى التعليمي للفصول الخمسة الأولى من كتاب الرياضيات المقرر للصف الأول متوسط (2011-2012) . الفصل الأول(المجموعات)، الفصل الثاني(العلاقات)، الفصل الثالث (الأعداد الصحيحة)، الفصل الرابع (الأعداد النسبية)، الفصل الخامس (تطبيقات على الأعداد النسبية).

الفصل الثاني

إطار نظري

- التعلم النشط
- التفكير الرياضي

الفصل الثاني إطار نظري

النظريّة البناءية

تقوم النظريّة البناءية على مجموعة من الافتراضات التي تشكّل في مجلّها طريقة تكوين المعرفة تتلخص بالآتي:

الافتراض الأول: يبني المتعلم الوعي المعرفة اعتماداً على خبرته الخاصة، ولا يستقبلها بصورة سلبية من الآخرين ويؤكّد هذا الافتراض على نقاط أساسية في اكتساب المعرفة من منظور البناءية هي:

- ١- يبني المتعلم المعرفة الخاصة به بنفسه عن طريق استخدام العقل.
- ٢- الخبرة هي المحدد الأساسي لمعرفة المتعلم، أي أن معرفة المتعلم دالة لخبرته أي أن المعرفة ذات علاقة بخبرة المتعلم وممارسته ونشاطه في التعامل مع معطيات العالم المحيط به.
- ٣- لا تنتقل المفاهيم والمبادئ والأفكار من متعلم لآخر بمعناها نفسه، فالمستقبل لها يبني لنفسه معنى خاصاً به.

الافتراض الثاني: إن وظيفة العملية المعرفية هي التكيف مع تنظيم العالم التجاري وخدمته، وليس اكتشاف الحقيقة الوجودية المطلقة ويقصد بالعملية المعرفية العملية العقلية التي يصبح المتعلم بمقتضاها واعياً بموضوع المعرفة وهي تشمل الإحساس والإدراك والانتباه والتذكر والربط والحكم والاستدلال وغيرها، كما يقصد بالحقيقة الوجودية المطلقة حقيقة الأشياء كما هي معلومة عند الله سبحانه وتعالى.

(طنطاوي، 2002: 11-12)

الافتراض الثالث: إن التعلم عملية بنائية نشطة بمعنى أن البناء المعرفي للمتعلم ناتج عن ابتكاره ومواعنته للعالم الخارجي ومن خلال ذلك يستخدم جهداً عقلياً من خلال النشاط التعليمي الذي تبني من خلاله المعرفة بنفسه، وهو بذلك يحقق مجموعة من الأغراض التي قد تسهم في حل مشكلة تقابلها أو تجيب عن أسئلة محيرة لديه وهذه الأغراض هي التي توجه أنشطة المتعلم وتكون بمثابة قوة الدفع له لتحقيق أهدافه.

الافتراض الرابع: الهدف الجوهرى من التعلم هو إحداث نوع من التكيف مع الضغوط المعرفية التي قد يتعرض لها التعلم والضغط المعرفية تعنى كل ما يحدث نوع من الاضطراب المعرفي لدى المتعلم نتيجة مروره بخبرات.

(خطابية، ٢٠٠٥ : ٣٩٩ - ٣٤٠)

النظرية البنائية والتعلم النشط

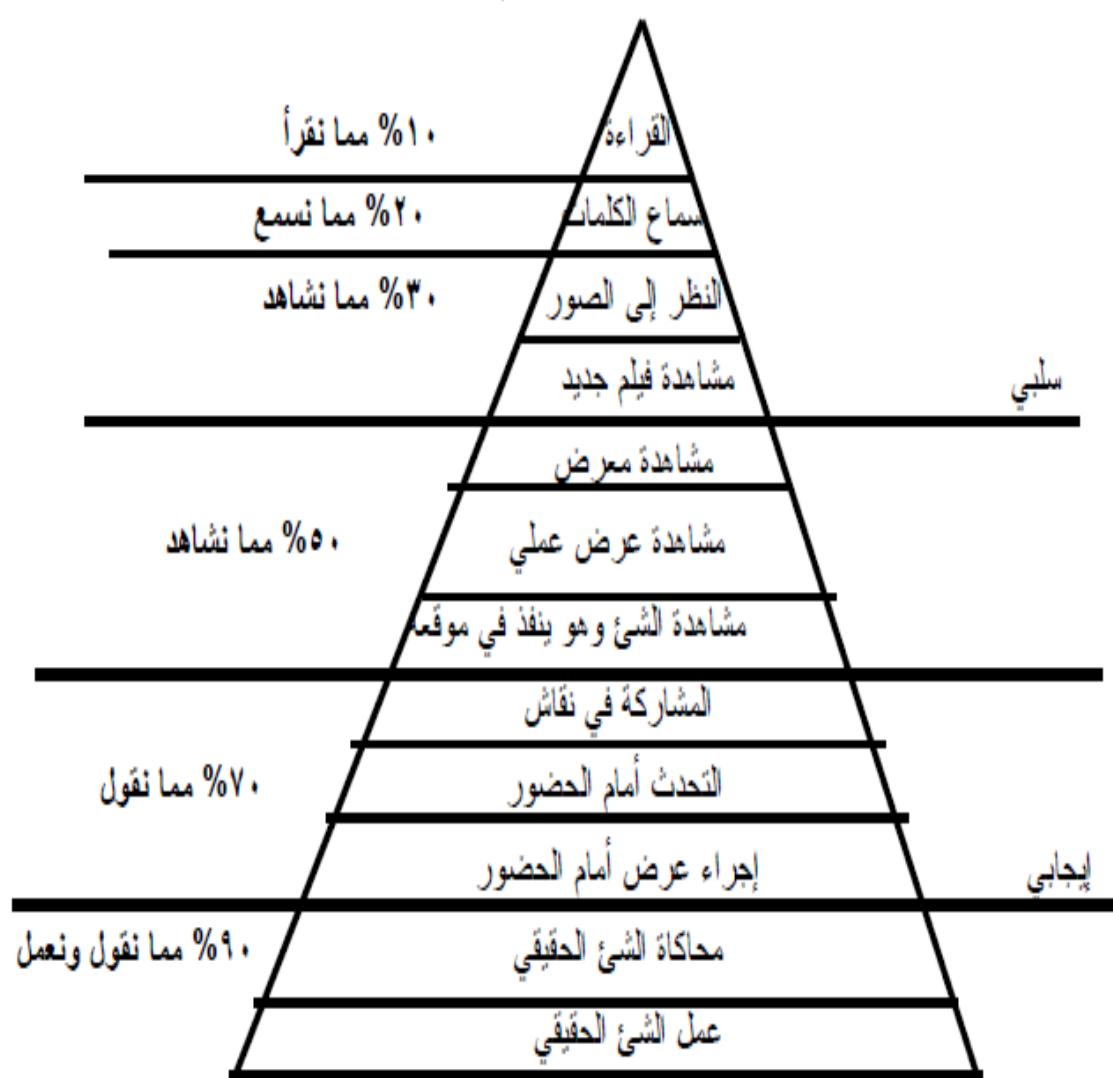
إن الحاجات المتغيرة للحياة المعاصرة وتكنولوجيا الاتصالات والمعلومات في القرن الواحد والعشرين، تتطلب نوعاً جديداً من التعلم، يكون فيه المتعلمون نشطين ومتدمجين في التعلم، والتعلم النشط هو الذي يكون فيه المتعلمون مسؤولين عن تعلمهم، إذ يبدون فيه منضبطنين ومنظمين ذاتياً، وقدارين على تعريف أهدافهم وتقدير كفاية تحصيلهم. يتحركون ذاتياً وباهتمام ومحاباة واضحين بمهمات التعلم التي يقومون بها واحدة بعد الأخرى، مستخدمين في ذلك استراتيجيات تعلم فعالة ومهارات مناسبة حسب متطلبات المواقف المختلفة، المتفاعلة في مهاراتها وخبراتها مع الآخرين من معلمين وأقران وأسر وإداريين، ومن النظريات التي تؤيد نشاط المتعلم النظرية البنائية، والتي من مبادئ النظرية البنائية التعلم النشط حيث يمارس المتعلم النشاط في معالجته للمعلومات، لتغيير أو تعديل بنيته العقلية، ليكتشف المعرفة بنفسه، ويقوم بتكوين معارفه الخاصة التي يخزنها بداخله فلكل شخص معارفه الخاصة التي يمتلكها، وأن المتعلم يكون معرفته بنفسه إما بشكل فردى أو مجتمعي بناء على معارفه الحالية وخبراته السابقة، ولا يكون ذلك إلا عن طريق التعلم النشط، أي أن العقل يبني معرفته، وأن عقل الإنسان لا يعرف إلا ما يبنيه بنفسه وبالتالي فإن العقل ينشئ المعرفة وفقاً لتصوره، وأن المتعلم يبني معرفته، أو يتعلم عندما يكون قادراً على التفاعل مع العالم الفيزيقي من حوله، ومع غيره من الأفراد، وبيني المعنى عندما يتأمل المتعلم تفاعلاته ؛ إذ أن المعلومة يزيد احتمال اكتسابها والاحتفاظ بها واسترجاعها مستقبلاً إذا بناها المتعلم بنفسه، وتعلقت به، وارتكتزت على خبراته السابقة.

(زيتون، ٢٠٠٣ : ١٦ - ١٥٤).

أن النظرية البنائية ترى أن التعلم عملية إبداع للمعرفة، وهي عملية قد تحدث تغيرات مشابهة لتلك التي تحدث في تاريخ العلم، وأن التعلم لا يكون بنائياً ما لم يكن المتعلم نشطاً

؛ وذلك بأن يبذل المتعلم جهداً عقلياً للوصول إلى اكتشاف المعرفة بنفسه (زيتون، 2006: 98).

حيث أظهرت العديد من البحوث أن نسبة احتفاظ (استبقاء) الطلبة للمعرفة وإتقان مهارات التفكير العليا وتبني اتجاهات إيجابية وداعية أكبر للتعلم في المستقبل في التعلم التقليدي تكون محددة، في حين تكون هذه النسبة أعلى بكثير في التعلم النشط، وأن نسبة بقاء المعلومة أعلى بكثير في التعلم النشط، كما يظهر شكل (1) ذلك من مخروط التعلم الآتي: (McKeachie, 1998:p. 1)



(McKeachie, 1998:p. 1)

شكل (1) مخروط التعلم لـ (Edgar Dale)

مكونات التعلم النشط:

حتى تتحقق فرص النجاح للتعلم النشط لا بد من توافر مجموعة أساسية من المكونات العملية وهي:

1. المواد والمصادر: والتي يجب أن تكون متوازنة، وملائمة لسن المتعلم.
2. الممارسة: والتي يجب أن تتوافر؛ لكي توفر للمتعلم فرص الاستكشاف والتجريب والتركيب.
3. الاختيار: إذ يختار المدرس ما يريد أن يعلمه، وما يلزم للعمل من مواد.
4. لغة المتعلم: يصف المتعلم بلغته ما يقوم بعمله، ويستخدم اللغة لكي يتأمل عمله، ويتواصل مع الآخرين، وتنتمي الخبرة الجديدة السابقة باستخدام اللغة
5. دعم الكبار: يعترف الكبار مثل (المدرس والأهل) بقدرة المتعلم، ويشجعونه على التفكير، والإبداع، وحل المشكلات (جبران، 2002 : 18)

خصائص التعلم النشط:

يعد التعلم النشط في جوهره أساساً لما يعرف بالتعلم الأصيل؛ الذي يعد أحد الاتجاهات الحديثة، إذ يستهدف تحقيق أقصى نمو يمكن أن يصل إليه كل متعلم في كل جانب من جوانب النمو (العقلية، النفسية، الاجتماعية، الجسمية).

إن خصائص التعلم النشط بان التعلم تعاقب منظم ومخطط وهادف لنشاطات وأفعال يقوم بها المتعلم، وأنه قدرة خاصة للمتعلم لا يمكن للمعلم أن يتولاها عوضاً عنه، وأنه يحدث في أشكال تنظيمية مختلفة محورها المتعلم (هندي، 2002: 185).
وتلخص أدبيات الموضوع بعض خصائص التعلم النشط تتمثل بالآتي:

1. **التعلم موجه لصالح الطلبة:** يلعب المتعلم دوراً رئيساً وفاعلاً في العملية التعليمية، إذ إن مبادرة المتعلم في عملية التعلم يجعله يمر بخبرات تعليمية مباشرة، وتجعله يكتشف كثيراً من المعارف والمعلومات ويكتسب مهارة تحمل المسؤولية، ويطبقها عملياً فالمتعلمون بحاجة إلى أن يتأملوا فيما تعلموه ، وما يجب أن يتعلموه ، وإلى تقييم ما تعلموه كما أنه يعزز قدرة الطلاب على الاحتفاظ بالمعلومات وتنمية مهارات التفكير العليا، مما يجعل دافعية المتعلم مرتفعة وخاصة بالبالغين منهم

2. الأنشطة تتمركز حول حل المشكلات والتي توصل إلى نتائج تعليمية هادفة: يتم تصميم المادة والأنشطة التعليمية بحيث تتحول حول مشكلات حقيقة مرتبطة بالأهداف، ومشكلات تعليمية وحياتية مختلفة، إذ يحصلون على نواتج تعليمية قيمة.

3. يعد المدرس ميسر ومحرك للمعرفة، وليس مصدراً لها: في التعلم النشط يكون المتعلم هو الباحث عن المعرفة، والمكتشف للمزيد منها، والتفاعل مع السهل والصعب فيها، في الوقت الذي ييسر له المدرس السبل والوسائل التي يصل فيها إلى المعرف بشتى أنواعها، والتي تركز على المصادر والمحفوظات التعليمية الصحيحة والموثقة، ويزود المتعلم بالإرشادات الملائمة للبحث عنها والتعامل معها.

4. الأنشطة يوجهها الطلبة: يتوقع من المتعلمين أن يكونوا متعلمين نشطين، يتم تشجيعهم والاستماع إلى آرائهم، وتزويدهم بتغذية راجعة، والتي تكون فورية من المدرس؛ فيشترك الطلاب في أنشطة صافية متنوعة مثل المناقشة والقراءة، والتقديم، والمشاركة في الكتابة مع الآخرين.

5. التركيز على مبدأ التحدي القابل للتنفيذ، مع وجود دعم مناسب وتوقعات عالية: يطرح المدرس المواضيع والأحداث على شكل مشكلات، تثير اهتمام المتعلم، وتولد لديه الشجاعة في مواجهة الصعاب، وعدم الاستسلام للمواقف غير السهلة.

6. الاهتمام بالتغذية الراجعة المستمدة من الخبرات التعليمية : يحرص التعلم النشط على وجود التغذية الراجعة عندما يمر الطلبة بخبرات تعليمية عديدة بعد قيامهم بإنجاز أنشطة متنوعة، ويجب أن يكون التقويم شاملًا ويركز على التعلم الحقيقي المرتبط بحاجات الطلبة واهتماماتهم .

7. التركيز على الإبداع والإلهام: يسعى التعلم النشط إلى إنجاز أكبر عدد ممكن من المشاريع والأعمال والفعاليات، ويبحث عن المستوى الرفيع لها، الذي يؤكّد على حدوث الإبداع بعينه

8. البناء المعرفي للطالب: يتم في التعلم النشط الاعتماد على الخبرات السابقة، وإضافة المزيد منها؛ من أجل التعمق، ويتم الإلمام بها عن طريق توجيه أسئلة

متعددة هادفة للتعرف عليها، أو من خلال الطلب مباشرة منه بأن يتحدث عن نفسه لمدة كافية، لتحديد المهام أو الأنشطة أو المشاريع البحثية التي يقوم بها منفرداً أو مع مجموعة.

9. الاعتماد على استراتيجيات تقييم موثوق بها من أجل الحكم على مهارات حقيقة وواقعية : يركز التعلم النشط على التنوع الكبير في المشاريع والأعمال والواجبات ؛ ولذا فإنه لا بد من اختيار أساليب التقييم التي تتناسب مع كل نمط من أنماط هذه الأنشطة حتى يتم الحصول على النتائج الأكثر دقة.

10. استخدام طرق تدريس فعالة عديدة لنجاح التعلم النشط بعد المتعلم في التعلم النشط محور العملية التعليمية، إذ يكون التعلم مسؤولية المتعلم بالدرجة الأولى، إلا أن المدرس هو من يقوم باختيار طريق التدريس في التعلم النشط وأساليبه، لا سيما التي تجعل المسئولية الكبرى على المتعلم، وتتنوع أساليب التعلم النشط حسبما تتطلبه مواقف التعلم النشط المختلفة.

(سعادة، 2006: 185) (Bonwell&Eison, 1991:p.3)

أهداف التعلم النشط

1. تشجيع الطلبة على إكتساب مهارات التفكير العديدة.
2. تشجيع الطلبة على القراءة الناقدة.
3. التنويع في الأنشطة التعليمية الملائمة للطلبة ؛ لتحقيق الأهداف التربوية المنشودة.
4. دعم الثقة بالنفس لدى المتعلمين نحو ميادين المعرفة المتعددة.
5. مساعدة المتعلمين على اكتشاف القضايا المهمة.
6. تشجيع الطلبة على طرح الأسئلة المختلفة (سعادة، ٢٠٠٦ : ٣٣-٣٨)
7. تشجيع الطلبة على حل المشكلات.
8. تحديد كيفية تعلم الطلبة للمواد الدراسية المختلفة.
9. قياس قدرة الطلبة على بناء الأفكار الجديدة، وتنظيمها.
10. تشجيع الطلبة وتدريبهم على أن يعلموا أنفسهم بأنفسهم.
11. تمكين الطلبة من اكتساب مهارات التعاون والتفاعل والتواصل مع الآخرين.

12. زيادة الأعمال الإبداعية لدى الطلبة و تمكينهم من العمل بشكل إبداعي.
13. اكتساب الطلبة للمعارف والمهارات والاتجاهات المرغوب فيها.
14. تشجيع الطلبة على المرور بخبرات تعلمية وحياتية حقيقة.
15. تشجيع الطلبة على اكتساب مهارات التفكير العليا (التحليل والتركيب والتقويم) ومهارات حل المشكلات، وتمكينهم من تطبيقها في التعلم وفي الحياة.
16. زيادة قدرة المتعلمين على فهم المعرفة، وبناء معنى لها ، واستبقائها.
17. تطوير دافعية داخلية لدى المتعلمين لتحفيزهم على التعلم.
18. تشجيع المتعلمين على المشاركة في وضع أهداف تعلمهم، والسعى نحو تحقيقها، وفي تحمل مسؤولية تعلمهم.
19. تشجيع الطلبة على اكتساب مهارات التفاعل والتواصل والتعاون مع الآخرين.
20. تسهيل التعلم من خلال مرور المتعلمين بخبرات عملية مرتبطة بمشكلات حقيقة (جبران، ٢٠٠٢ : ١٤٤-١٤٦) (الخليلي وأخرون، ٢٠٠٤: ١٠).

النتائج الايجابية للتعلم النشط:

- 1. بقاء اثر التعلم لدى المتعلم** :إذ أظهرت العديد من البحوث أن نسبة احتفاظ (استبقاء) الطلبة للمعرفة واتقان مهارات التفكير العليا وتبني اتجاهات ايجابية وداعية أكبر للتعلم في المستقبل في التعلم التقليدي تكون محددة، بينما تكون هذه النسبة أعلى بكثير في التعلم النشط(جبران،2002: 20).
- 2. زيادة التفاعل داخل الصف:** أن الطلاب عندما يندمجون في الأنشطة التعليمية الصافية نلاحظ أنهم يستجيبون لأنشطة بطرق مختلفة ؛ وذلك وفقاً لتنوع ميولهم(غازي،2004: 66).
- 3. المادة التعليمية:** إذ يبدأ الطلاب في تقبل المسؤولية الشخصية عن التعلم، ويقومون بأعمال وأنشطة تساعدهم على التمكن من المحتوى، فضلاً عن التمكن من الإدراك الذاتية لأعمالهم، ويعود التعلم النشط إلى زيادة داعية الطلبة للتعلم، وهذا يقود إلى تطوير اتجاهات ايجابية لدى الطلبة نحو المادة التعليمية.(Goodman, 1998:p. 3).
- 4. تنمية مهارات التفكير العليا :** يهتم التعلم النشط بمهارات التفكير العليا مثل: التحليل والتركيب والتقويم ويركز عليها، لذلك تناطب العديد من أنشطته هذه المهارات في مواقف مختلفة فيساعد في تحسين تعلم المحتوى العلمي.
- 5. زيادة اهتمام الطلبة وانتباهم:** تشير الدراسات إلى أن تركيز الطلبة وانتباهم في صفوف التعلم التقليدي يتضاءل بشكل كبير بعد مرور أول عشرة دقائق من وقت الدرس.
- 6. زيادة تحصيل الطلبة :** التأثير الإيجابي للتعلم النشط على الطلبة، والذي يتمثل في عدة جوانب منها: زيادة داعيتيهم للتعلم، وانتباهم وتطوير اتجاهات ايجابية نحو المدرس والمادة التعليمية، وزيادة التفاعل داخل الصف، وتنمية مهارات التفكير العليا، والذي يؤدي في النهاية إلى زيادة تحصيل الطلبة . (Fox & Rue,2003:p.4)

دور المدرس في التعلم النشط

إن التعلم النشط يتطلب تغييراً أساسياً في دور المدرس، بحيث يصبح ناصحاً ملخصاً أو محكماً يقدم فرضاً متعددة للمتعلمين لاستخدام ما يعرفونه بالفعل، من أجل فهم المادة التعليمية الجديدة، كما يقدم مهام ذات معنى ومرتبطة بخبرات المتعلم، بما يمكنه من تحسين إستراتيجيات تعلمه وفهمه، ويتأثر دور المدرس في ظل إستراتيجيات التعلم النشط في العناصر التالية:

- التأكيد على التعلم، لا على التدريس مع دعم التعلم التعاوني.
- تشجيع وقبول ذاتية المتعلمين، وتهيئة الفرص التي تسمح لهم ببناء معرفة جديدة وفهم عميق.
- تشجيع الاستقصاء لدى المتعلمين، وتشجيع استفساراتهم، وتساؤلاتهم.
- تدعيم الفضول الطبيعي لدى المتعلمين بتشجيع المناقشة وال الحوار بين المتعلمين.
- أن يصبح أحد المصادر التي يتعلم منها المتعلم وليس المصدر الوحيد.

(سعيد وأحمد، 2006: 112-113)

وعند مقارنة بين دور المدرس في التعلم التقليدي ودوره في التعلم النشط يوضح المخطط (1) المقارنة بينهما.

المخطط (1) المقارنة بين دور المدرس في التعلم التقليدي والنشاط

دور المدرس في التعلم النشط	دور المدرس في التعلم التقليدي
1- يشارك المدرس المتعلمون في تحديد أهداف التعلم وإعادة تحديدها.	1- يقرر المدرس أهداف التعلم.
2- ينصرف تركيز المدرس على عملية التعلم	2- ينصرف تركيز المدرس على عملية التدريس.
3- يركز على عملية التعلم، وتعلم كيفية التعلم	3- يركز على تقديم الحقائق والمعلومات.
4- يسند إلى المتعلمين مهام وأنشطة ذات قيمة تعليمية عالية، تشركهم بفاعلية في عملية التعلم.	4- يسند إلى المتعلمين مهام تعليمية روتينية وشكلية، تشركهم في عملية التعلم.
5- يشارك المتعلمون في تقويم الأداء واحتاجات التعلم.	5- يقوم بتقويم أداء المتعلم، ويحدد درجته، وتقديره.

دور المدرس في التعلم النشط	دور المدرس في التعلم التقليدي
6- يشارك المتعلمون في تحديد واستخدام المصادر المتاحة ؛ للحصول على المعرفة.	6- يمثل المصدر الوحيد للمعرفة.
7- يركز على العمليات الابتكارية من حيث : تحديد وحل مشكلات قائمة في الواقع في إطار حلول كثيرة ممكنة، فلا يوجد حل واحد صحيح.	7- يركز على استكمال التدريبات أو المشكلات التي تستند إلى الكتب المدرسية، على أساس وجود إجابة صحيحة
8- يركز على المناقشات، والمناقشات الجماعية التي يصححها، ويقومها المتعلمون بأنفسهم.	8- يركز على الدروس، والإلقاء، والمناقشات الجماعية، والمناقشات التي يقوم بها المدرس وحده.
9- يعمل في سبيل الاتصال المفتوح بين المتعلم والمدرس و المتعلمين أنفسهم	9- يركز على الاتصال من جانب واحد من المدرس إلى المتعلمين، و اتصال ضئيل من الطلاب.
10- يحتوي المتعلم بفاعلية، ويساعده للاضطلاع بمسؤولية تعلمه .	10- يضطلع بمسؤولية تقرير ما يحتاجه المتعلم، ويدفعه للتعلم.
11- يساعد المتعلم على أن يتعلم، وأن يكون باحثاً نشطاً عن المعلومات، وأن يحدد المصادر المتاحة ويفيد منها بفاعلية	11- يقرر ما يحتاجه المتعلم، ويوفره من خلال الدروس وتعيينات القراءة وغيرها.

(زيتون وزيتون حسن، ٢٠٠٦ م : 190)

أدوار المتعلمين في التعلم النشط

إن الدور الأساسي للمتعلم في التعلم النشط هو مكتشف ومستطلع وباحث وممارس للخبرة والمعرفة من خلال التفاعل مع الأقران والكوادر المدرسية والبيئة المدرسية والاجتماعية والتروية والمادية الشكلية.

وتتعدى أدوار المتعلمين في التعلم والتحصيل هنا إلى إنتاج وممارسة مفاهيم ومهارات التعلم من خلال ملاحظة وتطبيق عمليات التفكير، والتمهن بمرافقة وإشراف وتوجيه المدرسين في الغرف الصفية ومراكيز البحث والتعلم المدرسية، والعملية والاجتماعية خارج المدرسة. يمكن تفصيل أدوار المتعلمين أكثر بالنقطات التالية:

1 - مكتشف أو مستطلع. يكتشف المتعلمين مفاهيم وعلاقات المعارف الأكاديمية التي يدرسونها، ويقومون بتطبيق المهارات بالتفاعل مع الآخرين ومواقف العالم الواقعي ومواد التعلم وتكنولوجيا المعلومات والاتصال. وفي العادة، يشجع المدرس المتعلمين في تبنيهم لأنشطة مفتوحة من أجل إثارة فضولهم وتطوير اهتمادهم على المواد التدريسية وتكوين فهم مبكر لمهمات التعلم.

• **المتعلمون يتذمرون من خلال أنشطة مدروسة توفر الفرص لهم لكشف واستخلاص استنتاجاتهم في التعلم.**

• **المتعلمون يمتلكون فرصةً لاستطلاع مواضيع تهمّهم بدون ربط ذلك بمناهجهم الدراسية.**

• **المتعلمون يمتلكون فرصةً لطرح أسئلة والمبادرة بمشاريع واستطلاع قضايا ترتبط بمناهجهم الدراسية، بامتلاكهم عادة لخلفية معرفية متقدمة، فضلاً عن إمتلاكهم وقتاً إضافياً لاستطلاع مجالات غير مقررة على الانترنت.**

2 - التمهن الإدراكي. يلاحظ ويطبق وينقح المتعلمون من خلال ممارسة عمليات التفكير المستخدمة مع المختصين العاملين في المجالات الأكاديمية. ويتألق المتعلمون تغذية راجعة متواصلة في العديد من مظاهر أو متطلبات المشكلات المركبة التي يقومون بحلها أو المهارات التي يتعلمونها.

• **المتعلمون يتلقون تغذية راجعة على شكل تقادير وعلامات تحصيلية لتعييناتهم خلال وبعد الانتهاء عادة من الإنجاز أو التعلم المطلوب.**

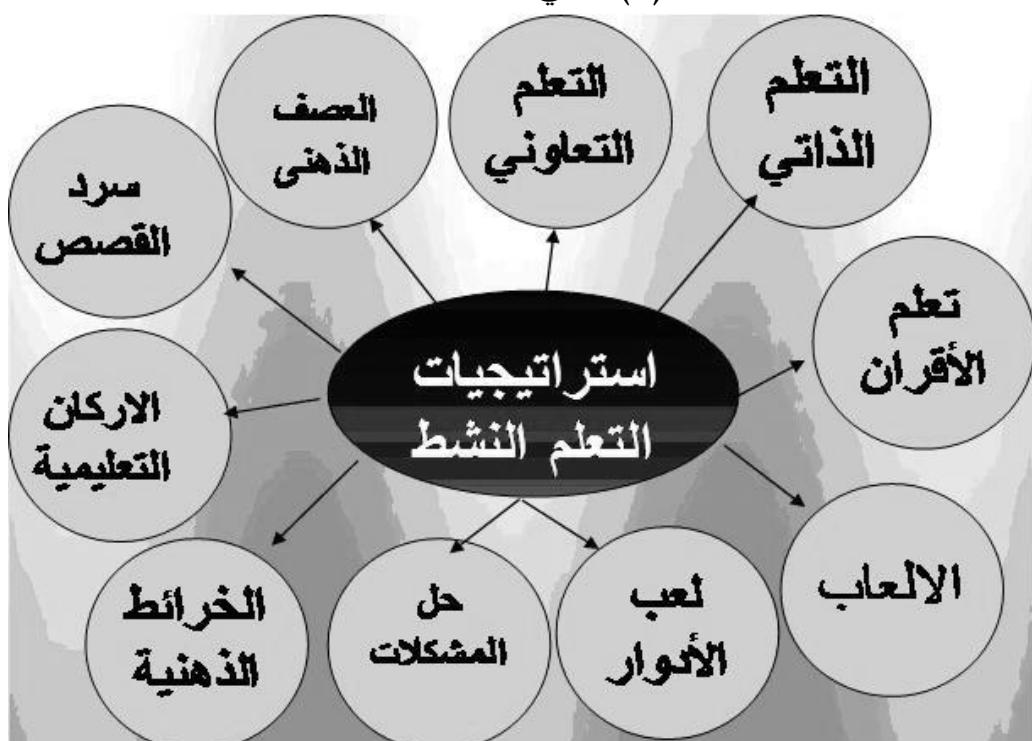
- المدرسون يلاحظون المتعلمين خلال عملهم على تحصيل مهام التدريس من أجل توفير تغذية راجعة مستمرة لهم.
 - المدرسون وكواذر التدريس الأخرى يعرضون للتلاميذ بانتظام نماذج عمليات تفكيرهم وإستراتيجياتهم، ويلاحظون المتعلمين في عملهم على تحصيل المهام التدريسية، للتحقق من تطبيقهم للعمليات التفكيرية وتزويدهم بالتجذية الراجعة المناسبة. كما يعمل المدرسون على ربط المتعلمين بخبراء مناسبين لتوفير نماذج من تفكيرهم ومهاراتهم وتغذية راجعة للتلاميذ لمزيد من التحصيل.
- 3- معلم خلال التعلم. يطلب من المتعلمين حتى يستطيعوا تعليم الآخرين، التمكّن من دمج وتكامل ما تعلموه بوجه عام.
- المتعلمون يمتلكون فرصةً لتقديم ما تعلموه لآخرين بواسطة تقارير شفوية مثلاً تُعرض على فصولهم أو مجموعاتهم الصفية.
 - المتعلمون يمتلكون فرصةً مستمرةً لمشاركة ومناقشة ما تعلموه مع الآخرين بواسطة الحوارات والتعليم المتبادل (متعلمان يعلم أحدهما الآخر) والعروض والتطبيقات داخل وخارج الغرفة الصفية.
- 4- منتج المتعلمون ينتجون معرفة وإنجازات لأنفسهم والمجتمع المحلي بصيغ تدمج معًا المعرف والمهارات التي يتعلمونها.
- التعينات تتطلب عموماً من المتعلمين الدراسة أو الاستجابة للمعرفة المتاحة لهم في كتب العمل وأسئلة الفصول بالكتب المقررة.
 - المتعلمون يمتلكون فرصةً ل القيام ببحوث تستعمل مصادر ومواد أصلية ومن ثم تلخيص نتائجهم في تقارير وعروض متخصصة.
 - المتعلمون ينشغلون عادةً بأنشطة تعلم يبتكرون خلالها أشياء وأفكاراً جديدة تجسّد تعلمهم. (جابر، ٢٠٠٥: ٢٥٦)، (خطابية، ٢٠٠٥ : ١١٨)

استراتيجيات التعلم النشط:

تعد استراتيجيات التعلم النشط انعكاساً للأفكار؛ التي تناولت بها النظرية البنائية، والتي تؤكد على أهمية بناء المتعلمين لمعارفهم؛ من خلال تفاعلهما مع بيئتهم. ومن استراتيجيات التعلم النشط المختلفة الآتي :

1. المجموعات الصغيرة والكبيرة.
 2. التعلم التعاوني.
 3. التعلم القائم على الخبرة، وتقديم التعلم والتعلم المباشر والتعلم المستقل.
 4. المحاضرة المعدلة.
 5. العصف الذهني.
6. القصة.
7. المناقشة وال الحوار.
8. دراسة الحالة.
9. لعب الأدوار.
10. طرح الأسئلة.
- (سعادة، 2006: 129)

ومن خلال الاطلاع على أدبيات الموضوع تكاد تتفق بأن استراتيجيات التعلم النشط المختلفة يمكن تمثيلها بالمخيط(2) الآتي:



مخيط (2) استراتيجيات التعلم النشط

(سعادة، 2006: 129)

وسيتناول الباحث نوعين من هذه الاستراتيجيات وهي (العصف الذهني، و حل المشكلات) كونها تتناسب وطبيعة الرياضيات، وكون كلا الإستراتيجيتين تتداخل فيما بينهما والاختلاف فقط في الخطوات، حيث تشير تقارير المشرفين في قسم العلوم والرياضيات في بريطانيا أن اغلب حصص الرياضيات في المدارس البريطانية تعتمد على التعلم النشط المتمثلة في العصف الذهني و حل المشكلات والاستقصاء والأنشطة العملية بغرض تشجيع المتعلمين على التفكير بأنفسهم وأنفسهم، ومناقشة أعمالهم مع المدرسين

وزملائهم من المتعلمين وتوجد دلائل حول الاستخدام المتزايد في استخدام حل المشكلات عن طريق إستراتيجية العصف الذهني في تدريس المنهج القومي الحديث لمادة الرياضيات. (kyriacou;1992:p. 313)

أولاً: إستراتيجية العصف الذهني

يقصد به توليد وإنتاج أفكار وآراء إبداعية من الأفراد والمجموعات لحل مشكلة

معينة، وتكون هذه الأفكار والآراء جيدة ومفيدة . أي وضع الذهن في حالة من الإثارة

والجاهزية للتفكير في كل الاتجاهات لتوليد أكبر قدر من الأفكار حول المشكلة أو الموضوع المطروح، بحيث يتاح للفرد جو من الحرية يسمح بظهور كل الآراء والأفكار .

أما عن أصل الكلمة عصف ذهني (حفز أو إثارة أو إمطار للعقل) فإنها تقوم

على تصور " حل المشكلة " على أنه موقف به طرفان يتحدى أحدهما الآخر ، العقل

البشري(المخ) من جانب والمشكلة التي تتطلب الحل من جانب آخر. ولابد للعقل من

الاتفاق حول المشكلة والنظر إليها من أكثر من جانب، ومحاولة تطويقها واقتحامها

بكل الحيل الممكنة . أما هذه الحيل فتتمثل في الأفكار التي تتولد بنشاط وسرعة تشبه

ال العاصفة (سليمان، 1999 : 172)

يعد (أليكس أزيورن) أول من اوجد طريقة العصف الذهني في تتميم التفكير الإبداعي، إذ جاءت هذه الطريقة كرد فعل لعدم رضاه عن الأسلوب التقليدي السائد آنذاك وللهذا الأسلوب عدة مزادات منها القصف الذهني، والعصف الذهني، والمحاكاة، وألمطار الدماغ، وتوليد الأفكار، وتدفق الأفكار.

(سويدان والعلوني ، 2002: 99)

ويعد العصف الذهني من أكثر الأساليب المستخدمة في تحفيز الإبداع والمعالجة الإبداعية للمشكلات في حقول التربية والتجارة والصناعة والسياسة.

إذ ظهر أسلوب العصف الذهني في سوق العمل، إلا أنه انتقل إلى ميدان التربية والتعليم وأصبح من أكثر الأساليب التيحظى باهتمام الباحثين والدارسين المهتمين بالتفكير الإبداعي (فتحي جروان ، 2002 : 115).

ويعزفه أزيورن بأنه مؤتمر تعليمي يقوم على أساس تقديم المادة التعليمية في صورة مشكلات تسمح للمتعلمين بالتفكير الجماعي لإنتاج وتوليد أكبر عدد ممكن من الأفكار أو الحلول التي تدور بأذهانهم مع إرجاء النقد أو التقييم إلى بعد الوقت المحدد لتناول المشكلة " (Osborn,2001:151-152) .

أهمية أسلوب العصف الذهني واستخدامه:

يعد أسلوب العصف الذهني من أكثر الأساليب التي تساعده على توليد الأفكار محلول لمشكلات معينة، وأصبح هذا الأسلوب يحظى باهتمام المربيين لتنمية التفكير وحل المشكلات سواء كانت اقتصادية أو سياسية أو اجتماعية أو غيرها.

(أبو سرحان، 2000: 131)

ويشير الكبيسي (2008) إن للعصف الذهني (التفاكر) أهمية حدسية، إذ إن الحكم المؤجل للتفاكر يتتيح المناخ الإبداعي الأساسي عندما لا يوجد نقد أو تدخل، مما يخلق مناخاً حرّاً للجاذبية الحدسية بدرجة كبيرة، فضلاً عن كونه عملية مسلية، إذ تكون المشاركة فردية أو جماعية لحل المشكلة جماعياً، وال فكرة الاشتراك بالرأي أو المزاج بين الأفكار الغريبة وتركيبها، كما تأتي أهميته من كونه عملية تدريبية، فهو طريقة هامة لاستثارة الخيال والمرونة والتدريب على التفكير .

(الكبيسي، 2008: 368)

ويمكن أن يستخدم هذا الأسلوب في كل المواد الدراسية من حيث المبدأ، فكل حقل من حقول المعرفة توجد فيه جوانب تحتاج إلى توليد الأفكار وطرح البديل وتطويرها، لذا يمكن أن يستخدم أسلوب العصف الذهني في المشكلات التي تحتاج إلى حلول وعلى المدرس أن يصيغ السؤال على شكل مشكلة ليتدارسها الطلبة بإستراتيجية العصف الذهني: مثلاً يطلب من الطلبة أن يجدوا عددين حاصل جمعهما يساوي حاصل قسمتهما، وتعد مثل هذه المسائل مشكلة تتحدى العقل كون الأعداد في عملية الجمع تزداد، وفي عملية القسمة تقل، وتكون المشكلة تتطلب تفكير أكثر فيما إذا أخبر المدرس طلبه بأنه يوجد حلول غير منتهية لهذه المشكلة.

خطوات التدريس بأسلوب العصف الذهني:

حتى تحقق جلسة العصف الذهني أهدافها بفاعلية؛ فإنها تسير وفق الخطوات الآتية:

أولاً: صياغة الفكرة الأساسية للمشكلة: إذ يقوم مدير الجلسة (المدرس) بطرح المشكلة على المشاركين (المتعلمين) وشرح أبعادها، وقد يقوم بإجراء بعض الأعمال التمهيدية كعرض بعض الحقائق أو شرح مجموعة من المفاهيم أو عرض أشكال ورسوم توضيحية كمقدمات تساعد المشاركين على فهم المشكلة المطروحة والمشاركة الفاعلة في تحديدها وحلها، والتأكد من أن المشاركين على دراية معقولة بموضوع المشكلة وإتاحة المجال للطلبة بطرح أسئلة تتعلق بالمشكلة وإعطائهم الحد الأدنى من المعلومات.

ثانياً: صياغة المشكلة وبلورتها بصورة واضحة: ويتم ذلك من خلال وضع المشكلة في صورة سؤال يبدأ (كيف يمكن أن...؟، ماذا لو حصل أن...؟)، وبهذا تتحدد المشكلة وتختضع للمزيد من الدراسة والبحث من زوايا مختلفة.

ثالثاً: العصف الذهني لواحد أو أكثر من أسئلة المشكلة التي تمت بلورتها من قبل المدرس : ويراعى هنا الحصول على أكبر عدد ممكن من الأفكار فينصب الاهتمام على تشجيع طرح الآراء والأفكار من الناحية الكمية لا الكيفية.

(الزيادات، 2009: 473)

المبادئ الأساسية للعصف الذهني:

اقتراح "Osborn" و "Parnes" بعض المبادئ الأساسية التي يقوم عليها أسلوب العصف الذهني وعلى النحو الآتي :

أ- إرجاء التقييم: لا يجوز تقييم أي من الأفكار المتولدة في المرحلة الأولى من الجلسة لأن نقد أو تقييم أي فكرة بالنسبة للفرد المشارك سوف يفقده المتابعة ويصرف انتباهه عن محاولة الوصول إلى فكرة أفضل، لأن الخوف من النقد والشعور بالتوتر يعيقان التفكير .

ب- إطلاق حرية التفكير: أي التحرر مما قد يعيق التفكير ، ومن ثم توليد الأفكار في جو لا يشوبه الحرج من النقد والتقييم ويستند هذا المبدأ على ان الأفكار غير الواقعية أو الغريبة قد تثير أفكاراً أفضل عند الأشخاص الآخرين.

ج - الكم يولد الكيف: يعني التأكيد على توليد أكبر عدد ممكن من الأفكار المقترحة مهما كانت جودتها فالآفكار غير المنطقية والغريبة هي مقبولة ، ويستند هذا المبدأ على افتراض انه كلما زاد عدد الأفكار المقترحة زاد احتمال بلوغ قدر أكبر من الأفكار الأصلية المؤدية إلى حل المشكلة.

د- البناء على أفكار الآخرين: أي جواز تطوير أفكار الآخرين والخروج بأفكار جديدة وتحويرها وتوليد أفكار أخرى منها بحجة أن الجماعة تملك معلومات و المعارف أكثر مما يملكه أفرادها بشكل مستقل. (وهيب و ندى، 2001: 31)

آليات العمل بأسلوب العصف الذهني:

وتشمل الجوانب الآتية:

1- كيفية إدارة الجلسة (قوانين الجلسة والنقاش)

تبدأ الجلسة باختيار من يديرها وكيفية عمل المشاركين فيها فضلاً عن ضرورة الالتزام الدقيق بـ:

أ- تأجيل النقد واحترام أفكار الآخرين.

ب- تقبل أي فكرة مهما كانت وكيفما كانت.

ج- توجيه الأفراد بمحاولة إنتاج أكبر قدر ممكن من الأفكار.

د - الانتباه الجيد ومتابعة أفكار الآخرين.

هـ- تستخدم أداة ينبع عن طريقها أعضاء المجموعة وبينه الشخص الذي لا يلتزم بقواعد الجلسة.

و - توفير جو تشيع فيه مشاعر الاستمتعان والحرية في استخدام التفكير .

ز - توفير جو من الأمان وإزاحة أي سبب للتهديد أو الخوف.

ح- توفير جو من التعاون والرغبة في العمل بصورة مرنة.

(قطامي، 2001: 482)

معوقات العصف الذهني:

إن العصف الذهني يعني بوضع الذهن في حالة من الإثارة والجاهزية للتفكير في جميع جوانب المشكلة لتوليد قدر من الأفكار حولها. وهذا يتطلب إزالة العوائق التي تقف إمام الطالب للافصاح عن أفكاره وتخيلاته حول الموضوع. ومن جملة عوائق التفكير في حجرة الصف ما يأتي:

- عوائق إدراكية تتمثل بتبني الإنسان لطريقة واحدة بالتفكير والنظر إلى الأشياء باتجاه واحد.

- عوائق نفسية تتمثل في الخوف من الفشل.

- عوائق تتعلق بشعور الإنسان بضرورة التوافق مع الآخرين.

- عوائق تتعلق بالتسليم الأعمى لافتراضات وقلة المصادر والمعلومات.

- عوائق تتعلق بالترسّع في الحكم على الأفكار الجديدة والغريبة .

(الكبيسي(أ)، 2008: 124)

ثانياً: إستراتيجية حل المشكلات

توجد المشكلة حين يكون لدى الفرد هدف ولم يتعرف بعد على وسائل تمكنه من تحقيق ذلك الهدف، بينما حل المشكلة هو القدرة على تمييز المعرفة والمهارات واستخدامها بحيث تتحقق الهدف (جابر، 1999: 96) .

وتتوفر في المشكلة العناصر الآتية : حالة مبدئية يبدأ منها الفرد، وحالة أو وضع يمثل هدفاً يريد الفرد الوصول إليه ويختلف عن الحالة أو الوضع المبدئي الذي بدأ منه، عدم وضوح الخطوات الالزمة للانتقال من الحالة المبدئية الوضع المبدئي إلى حالة الهدف أو وضع الهدف بشكل مباشر لهذا الشخص. Howard,1993:p.100 (

وعندما يحاول الفرد حل مشكلة ما، فإنه يتخيّل أهدافاً وعلاقات في ذهنه تتّسق مع الأهداف العامة وال العلاقات الخاصة بالمشكلة الخارجية المعروضة عليه، وهذه الأهداف وال العلاقات بمثابة التمثيل الداخلي للمشكلة، وفي معظم الأحيان يقوم الفرد بتمثيل خارجي لبعض أجزاء المشكلة من خلال رسوم وصور ذهنية أو كتابة بعض الرموز والتي يمكن أن تساعد كثيراً في حل المشكلة، غير أنه لا يكفي وحده في حل المشكلة بدون التمثيل الداخلي (Hayes , 1991:p. 6).

الاتجاهات النظرية المفسرة لحل المشكلات :

(1) الاتجاه السلوكي :

ويسمى باتجاه الارتباط بين المثير والاستجابة كما يرمز له بالرمز (م - س) فإن إرتباط المتعلم يكون بين مثير واستجابة 0 وإن التعلم يمثل ميلاً مكتسباً لدى الكائن الحي للاستجابة بطريقة معينة عندما يواجه بمثير معين في موقف ما. فاللدي يتعلم أن يرفع يده للإجابة إذا سأله المدرس سؤالاً يعرف الإجابة عليه. ويشعر بالخوف عندما يطلب منه التوجّه إلى مكتب مدير المدرسة 0 هذه كلها تمثل استجابات حركية وعقلية وانفعالية يتعلم الفرد إصداراتها في حالة وجود مثيرات خارجية معينة 0 ولذلك فإن إجابة علم النفس السلوكي على سؤال ماذا نتعلم ؟ هي : نحن نتعلم الارتباطات السابقة (الشرقاوي ، 1998 : 50).

ويقوم هذا الاتجاه في تناوله لأسلوب حل المشكلات على عدد من الفروض هي : يتعلم الكائن الحي حل المشكلة عن طريق المحاولة والخطأ، يحدث التعلم بصورة تدريجية مع تكرار المحاولات ويقياس بتناقص الزمن أو عدد الأخطاء، تكون الاستجابات الأولى للحل عشوائية ثم تحول تدريجياً إلى قصدية عن طريق الاختيار والربط، يعمل كل من التعزيز والتكرار على تقوية الروابط العصبية بين المثير والاستجابة المعززة، قوة الاستجابة دالة لكل من نمط المثيرات ودرجة استعداد الكائن الحي والتفاعل بينها (الزيات ، 1996 : 181)

ووفقاً لهذا الاتجاه فإن الفرد عندما تواجهه مشكلة جديدة يجمع من خبراته الماضية ما يلائم المشكلة الجديدة، ويستجيب للعناصر المشتركة بين المشكلة الجديدة ومشكلات

قديمة مألفة، أو وفقاً للجوانب المشتركة بين الموقف الجديد وال موقف المتشابهة التي لقيها من قبل فإذا لم يتوصل إلى الحل نتيجة لهذا لجأ إلى المحاولة والخطأ، مستخراجاً من مستودع سلوكه استجابة بعد أخرى حتى يعثر على حل للمشكلة (جابر، 1999 : 0) 194

(2) الاتجاه المعرفي :

ويسمى اتجاه الارتباط بين المثيرات 0 فالتعلم يمثل ميلاً مكتسباً لدى الكائن الحي لتوقع أحداث متتالية عندما يظهر مثير معين في موقف معين 0 فمثلاً وقوف السائق عند ظهور الإشارة الحمراء، فإن السائق لا يتعلم بطريقة آلية أن يستجيب للضوء بالوقوف، بقدر ما يتعلم معنى ظهور الضوء الأحمر، الذي يجعله يتعلم توقع وقوع حادثة أو متابعة رجل الشرطة له في حالة عدم الاستجابة بال الوقوف . وبالتالي فإنه يستفيد من هذه المعرفة في تقرير ما يفعله0 وبذلك فإن إجابة الاتجاه المعرفي على سؤال: ماذا نتعلم؟ نحن نتعلم هذه المعرفة (الشرقاوي، 1998: 51).

ف أصحاب هذا الاتجاه يرون أن المشكلة هي انعدام توازن في المجال المعرفي يجب إصلاحه عن طريق إعادة بناء أو تشكيل هذا المجال في هيئة توازن جيد أو شكل منتظم، ولقد أكدوا على الحاجة إلى التفكير المتمر لاكتساب الاستبصار في الحلول الممكنة للمشكلات، فالمتعلم يبدأ إدراك الشكل أولاً وبعدها يفحص النماصيل(جمل، 2001 : 37).

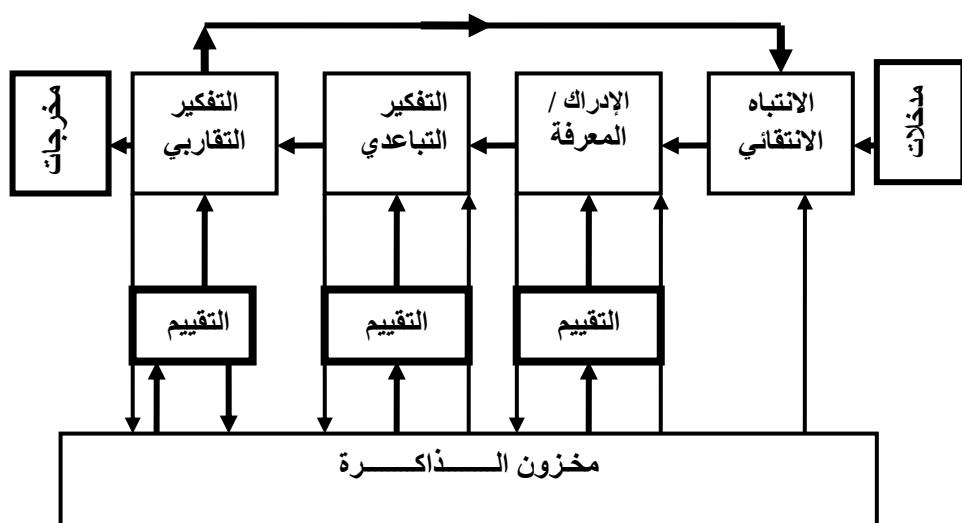
و عملية الاستبصار ليست دائماً عملية تعلم تؤدي إلى توصل المتعلم إلى الحل المطلوب فجأة، بل إنها في الغالب عملية تعلم تدريجي، يدرك فيها المتعلم العلاقات المختلفة في الموقف ويحاول تنظيمها في وحدات جديدة تؤدي إلى تحقيق الهدف 0 فيتمكن الاستفادة منها أثناء حل المشكلات، عن طريق الاهتمام بحصر المجال الكلي للمشكلة، بحيث ينظر إليها الفرد مرة واحدة، وهذا يساعد على إدراك العلاقات التي توصل إلى الحل إذا ما أغفلنا بعض أجزاء المشكلة أو نظرنا إليها من زاوية واحدة، من غير أن نستوعب كل جزء فيها، لأن هذا سيؤدي إلى إعاقة عملية الوصول إلى الحل

السليم

وتوجد أربعة أنواع من الحلول الاستبصارية للمشكلات هي :

الحل الفجائي : وهو حل يبدأ ببعض النشاط ثم يتوقف النشاط ويمر الفرد بفترة ارتباك وحيرة، ولكنه لا يلبث أن يصل فجأة إلى الحل المطلوب، **والحل التدريجي** : فيه يقوم الفرد بمحاولات عديدة أو بأنواع من النشاط وبعده غير موجه ولا يلعب الفهم دوراً أساسياً في التوصل إلى الحل **(والحل الثابت)** : وفيه يتوصل الفرد إلى الهدف بعد عدد من الخطوات مع فهم كل خطوة واكتشاف لما في الموقف من علاقات يعاد تنظيمها تدريجياً حتى يفرض فرضياً تستبعد تماماً ويتكرر إذا لم يصل للحل **الصحيح** **(والحل المباشر)** : وفيه لا يحتاج الفرد إلى خطوات بين إدراك المشكلة والتوصيل إلى الحل (Brightman , 1990 : p. 13)

قدم جيلفورد Guilford (1986) نموذجاً لحل المشكلات قائماً على نظريته في البناء العقلي، وأطلق عليه (نموذج البناء العقلي لحل المشكلات) والخطوة الأولى في هذا النموذج تبدأ باستقبال النظام العصبي للفرد لمثير خارجي من البيئة أو مثير داخلي من الجسم قد يكون على شكل افعالات، ثم تتعرض المثيرات الخارجية أو المدخلات لعملية تنقية في الجزء السفلي من الدماغ عن طريق نسيج شبكي يعمل كبوابة تحكم في عبور كل المثيرات القادمة إلى مراكز الدماغ العليا حيث الإدراك والمعرفة (Guilford) (1987 : p. 109)، ويوضح الشكل الآتي: نموذج البناء العقلي لحل المشكلات عند جيلفورد.



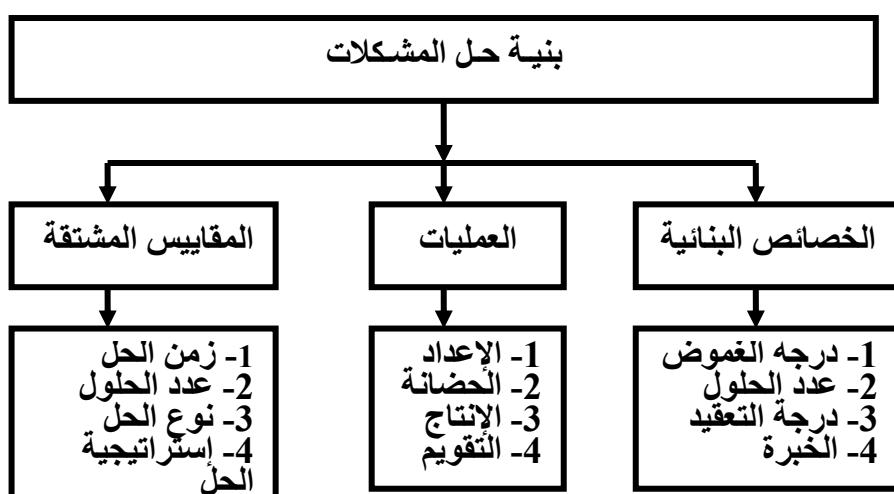
شكل (2)

**نموذج البناء العقلي لحل المشكلات عند جيلفورد
(Guilford ,1992 :p. 54)**

نموذج بنية حل المشكلات

توجد ثلاثة أبعاد رئيسة تشتمل عليها معظم مهام حل المشكلات وهي : الخصائص البنائية للمشكلة، العمليات، المقاييس المشتقة 0 ويمكن ترتيب بعض المهام أو المشكلات في إطار متغير بالنسبة لبعد معين، نظراً لأن هذا الترتيب على ذلك البعد بالنسبة لهذا النمط من المشكلات يتوقف بالدرجة الأولى على المفهوس نفسه ويبين

الشكل(3) نموذج بنية حل المشكلات :



شكل (3)

**نموذج بنية حل المشكلات
(Guilford ,1992 :p. 54)**

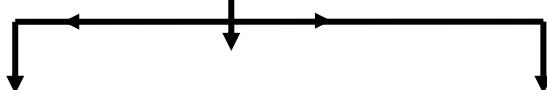
العوامل المؤثرة في تعلم أسلوب حل المشكلات :

قدم (Whimbey & Lochhead,1999) قائمة بأهم العوامل الشخصية التي تؤثر في تعلم أسلوب حل المشكلات للوصول إلى إجابات دقيقة، ممكن تمثيلها بالمخطط(3) الآتي الذي يبين العوامل المؤثرة في تعلم أسلوب حل المشكلات :

مخطط (3)

العوامل المؤثرة في تعلم أسلوب حل المشكلات

العوامل المؤثرة في تعلم أسلوب حل المشكلات



خصائص المتعلم		طبيعة المشكلة
شخصية	عقلية / معرفية	
<ul style="list-style-type: none"> - الخبرات السابقة - العمر - المثابرة - تحمل الغموض - الاتجاه الإيجابي - الحرص على الدقة - التأمل وتجنب التخمين - الثقة بالنفس - الثبات الانفعالي 	<ul style="list-style-type: none"> - الذاكرة - الذكاء - ما وراء المعرفة - أساليب التفكير - الأساليب المعرفية - الدافعية - التهيئة العقلية - الاستراتيجيات المعرفية - أساليب التعلم 	<ul style="list-style-type: none"> - السهولة والصعبية - درجة الوضوح - توافر المعلومات - الفاعلية للحل - الأففة بطبيعة المشكلة - تجزئة المشكلة

(Whimbey & Lochhead, 1999:p.89)

مفهوم المشكلة في الرياضيات :

يمكن اعتبار المشكلة في الرياضيات بأنها سؤال نريد الإجابة عليه ولكن ليس أي سؤال يعتبر مشكلة فقد يمثل السؤال مشكلة لطالب الصف الثاني الابتدائي في حين لا يمثل مشكلة لطالب الصف السادس الابتدائي، فالمعرفة العلمية والاهتمام والجدية تختلف من طالب إلى آخر.

وعموماً لكي يمثل السؤال مشكلة لطالب ما فلا بد من توافر شروط معينة فيه ومنها:

- 1) أن يكون فيه تحدي للطالب يدفعه إلى إنجاز وحل هذا السؤال .
- 2) أن لا يستطيع الطالب حل السؤال بالطرق السابقة المعروفة لديه .
- 3) أن يتطلب السؤال من الطالب خلفية جيدة من المعلومات والمهارات مع القدرة على تحليل وربط الأفكار وذلك للخروج باستجابات وافتراضات يكون فيها حلًا للمشكلة.

أهمية أسلوب حل المشكلات في تدريس الرياضيات :

تركز أهداف تدريس الرياضيات على تطوير الفهم والمعنى والمهارة بجانب العمليات الأساسية وبالتالي فهي تساهم في التطوير العلمي السريع الذي ينتج عنه مشكلات مستمرة في حياة الفرد وبالتالي فقد تُسهم الرياضيات في إعداد الفرد النافع عن طريق تنمية قدرته على حل المشكلات سواء كانت رياضية أو حياتية .

ويعتبر الهدف الأساسي من حل المشكلات في الرياضيات هو تدريب الطالب على بعض الطرق والأساليب التي تساعدهم على حل المشكلات بوجه عام .

وقد وضعت مجموعة دراسة الرياضيات المدرسية بالولايات المتحدة الأمريكية مجموعة الأهداف التالية لحل المشكلات :

- 1) إمداد الطالب بأنواع مختلفة من الاستراتيجيات المساعدة في حل المشكلات
- 2) تطوير بعض المرونة لدى الطالب في طريقة المعالجة والشروع في حل المشكلات .
- 3) تطوير بعض الطرق والأساليب للاستفادة من التمثيلات الهندسية في إنتاج معلومات جديدة حول المشكلة .
- 4) تطوير بعض المهارات في جدولة وتنظيم المعلومات المعطاة والمشتقة للاستفادة من ذلك في الحل .
- 5) تعزيز فهم المشكلة لدى الطالب عن طريق تعويذه على عمل تقديرات عددية يقوم باعتبارها في ضوء المشكلة المطروحة .

ومما سبق تتضح أهمية أسلوب حل المشكلات فيما يلي من النقاط :

- 1) تساعد الطالب على اكتشاف مفاهيم جديدة .
- 2) تعلم الطالب كيفية تطوير وتحويل المفهوم لاستخدامه في حل مشكلة جديدة .
- 3) تعود الطالب على التفكير العلمي الناقد .
- 4) تساعد على ترابط وانسجام المفاهيم الرياضية .
- 5) تطور بعض قدرات الطالب العقلية مثل التخيل والتصور والتجريد والتحليل والتركيب .
- 6) تشير حب الاستطلاع والإكتشاف لدى الطالب .
- 7) تتمي قدرة الطالب على تحليل المواقف واتخاذ القرارات .

(المغيرة، 1989: 159 – 160)

بعض المقترنات لتنمية وتطوير قدرات ومهارات الطلاب في حل المشكلات :

- 1) توضيح المعطيات والعبارات الموجودة في السؤال وتلخيصها بصورة مختلفة .
- 2) التأكد من فهم الطالب للخبرات السابقة الموجودة في السؤال .
- 3) التأكد من وضوح المطلوب عند الطالب .
- 4) مساعدة الطالب على اكتساب المهارة في رسم الأشكال أو الجداول التي تعبر عن المسألة .
- 5) استخدام الألوان في رسم الأشكال قد يساهم في توضيح المسألة .
- 6) محاولة ربط المسألة بحياة الطالب العملية .
- 7) جمع الأفكار والوسائل التي تساعد الطالب على تحليل المشكلة والنظر إليها من زوايا مختلفة .
- 8) الاستفادة من أساليب أخرى مماثلة استُخدمت في حل مشكلات مشابهة .
- 9) إعطاء بعض التلميحات التي تساعد على تسهيل المشكلة .

- 10) تشجيع الطالب على وضع الفرضيات لحل المسألة بغض النظر عن صوابها أو خطئها ومن ثم مساعدة الطالب على تبين صحتها من عدمه .
- 11) تشجيع الطالب على حل المسألة بأكثر من طريقة إذا أمكن ذلك .

خطوات حل المشكلة :

- يستطيع الطالب في معظم المشكلات التي تواجهه في مجال الرياضيات السير في الخطوات أو المراحل الآتية :
- 1) عرض المشكلة : يقدم المدرس المشكلة إلى الطالب ويحاول إثارة اهتمامهم ودافعيتهم إلى أهميتها .
 - 2) تحديد المشكلة وتحليلها : وهو تحديد المعطى والمطلوب من المسألة ومحاولة الربط بينهما مع إدراك العلاقات الموجودة في المسألة .
 - 3) وضع الفرضيات المناسبة للحل : أثناء استخدام أحد أو بعض الإستراتيجيات الخاصة بحل المشكلة يستطيع الطالب مع المدرس وضع بعض الفرضيات التي قد تكون أحداً هو الحل للمشكلة .
 - 4) مناقشة الفرضيات للتوصل إلى الفرضية الصحيحة للحل: اختبار كل فرضية وذلك عن طريق جمع البيانات التي تؤيدتها أو تعارضها، وذلك لتحديد الفرضية الصحيحة للحل .
 - 5) ترتيب وتسجيل الحل : يتم التأكد من صحة الحل وبعد ذلك يتم تلخيصه في دفاتر الطلاب . (الكبيسي، 2008: 146-151)

بعض الأمثلة التي يمكن حلها باستخدام طريقة حل المشكلات :

مثال (1) : اشتري تاجر 20 كارتون لعب أطفال بمبلغ(1500000) دينار وباع اللعبة الواحدة بسعر (2000) دينار فإذا كان الكارتون يحتوي على 50 لعبة فما مكاسبه أو خسارته عند بيع الكارتونات كلها ؟

الحل :

عرض المشكلة :

يقرأ المدرس السؤال على الطلاب ويحاول شد انتباهم نحو الهدف من السؤال .

تحديد المشكلة وتحليلها :

- هذه المشكلة تعبر عن موقف بيع وشراء ينتج عنه إما مكسب أو خسارة أو لا مكسب ولا خسارة .

- المعطيات : ثمن شراء 20 كارتون = (1500000) دينار

ثمن بيع اللعبة الواحدة = 2000 دينار

كل كارتون يحتوي على 50 لعبة

- المطلوب : تحديد مقدار مكسب التاجر أو خسارته .

وضع الفرضيات :

بعد مناقشة الطلاب في التوقعات المختلفة للحل يمكن وضع الفرضيات الآتية :

1) التاجر يخسر 2) التاجر يكسب 3) التاجر لا يكسب ولا يخسر

مناقشة الفرضيات :

- يتم مناقشة جميع الفرضيات من معرفة ثمن البيع والشراء .

س / متى يخسر التاجر ؟ إذا كان ثمن البيع $<$ ثمن الشراء .

يوجد 20 كارتون وكل كارتون يحتوي على 50 لعبة (معطى)

عدد اللعب = $20 \times 50 = 1000$ لعبة

ثمن بيع اللعبة الواحدة = 2000 دينار (معطى)

: ثمن البيع الكلي = $1000 \times 2000 = 2000000$ دينار

- الفرض الأول التاجر يخسر، يكون صحيحاً إذا كان ثمن البيع أقل من ثمن الشراء

ثمن البيع = 2000000 دينار

ثمن الشراء = (1500000) دينار

ثمن البيع $<$ ثمن الشراء

الفرض الأول مرفوض .

- الفرض الثاني التاجر يكسب إذا كان ثمن البيع أكبر من ثمن الشراء

ونلاحظ من مناقشة الفرض الأول أن ثمن البيع $>$ ثمن الشراء .

التاجر يكسب وبذلك يتحقق الفرض الثاني .

المكسب = ثمن البيع - ثمن الشراء .

عدد الكارتونات = 20 كارتون

عدد اللعب في الكارتون الواحد = 50 لعبة

العدد الكلي للعب = $20 \times 50 = 1000$ لعبة

ثمن بيع اللعبة الواحدة = 2000 دينار

ثمن البيع الكلي = $1000 \times 2000 = 2000000$ دينار

ثمن الشراء = 1500000 دينار

ثمن البيع $>$ ثمن الشراء

التاجر يكسب

$$\text{مكعب التاجر} = 1500000 - 2000000 = 500000 \text{ دينار .}$$

مثال (2) : المشكلة : مستطيل مساحته تساوي محيطه (عدياً) وبعدها مختلفان وطول كلّاً منها عبارة عن عدد صحيح أوجد بعديه ؟ (علمأً بأن طول المستطيل أقل من (10 سم)

تحديد المشكلة وتحليلها :

- المعطيات : مستطيل فيه :

1) الطول العرض

2) مساحته = محيطه

- المطلوب : إيجاد بعدي المستطيل .

س / ما قانون مساحة المستطيل ؟

س / ما قانون محيط المستطيل ؟

الفرضيات : هي جميع الاحتمالات الممكنة لبعدي المستطيل .

مناقشة الفرضيات : وتم دراسة جميع الاحتمالات الممكنة لبعدي المستطيل إلى أن يتم التوصل إلى البعدين المناسبين وفق الجدول (1) الآتي:

جدول (1)

جميع الاحتمالات الممكنة لبعدي المستطيل

المحيط	المساحة	العرض	الطول	المحيط	المساحة	العرض	الطول
14	10	2	5	6	2	1	2
16	15	3	5	8	3	1	3
18	20	4	5	10	6	2	3
14	6	1	6	10	4	1	4
16	12	2	6	12	8	2	4
18	18	3	6	14	12	3	4
				12	5	1	5

يتضح من السطر المظلل في الجدول أنه إذا كان طول المستطيل = 6 سم، وعرضه = 3

سم فإن مساحته = 18 سم²، و محيطه = 18 سم وهي تعتبر حلّاً لهذه المشكلة .

ترتيب وتسجيل الحل :

من خلال الجدول السابق يتضح أنه لحل هذه المشكلة لابد أن يكون :

- طول المستطيل = 6 سم

$$\begin{aligned}
 & - \text{عرض المستطيل} = 3 \text{ سم} \\
 & \text{و بالتالي فإن مساحة المستطيل} = 6 \times 3^2 = 18 \text{ سم}^2 \\
 & \cdot \quad \text{حيث} \quad \text{المحيط} = 2 \times (3 + 6) = 18 \text{ سم}
 \end{aligned}$$

التفكير الرياضي

يرى الباحث أن التفكير الرياضي يتمثل بالقدرة على رؤية العلاقات التي تربط بين الأفكار والمفاهيم والقواعد والقوانين وفهمها واستيعابها ويفيد على النشاط العقلي . ويشمل استخدام المعادلات السابقة والأعداد والاعتماد على القواعد والرموز والنظريات والبراهين، إذ تمثل إطارا فكريا يحكم العلاقات بين الأشياء.

تنمية التفكير الرياضي

ولكي نبني التفكير الرياضي من خلال تدريس الرياضيات وجب أن ننبه الطلبة على بعض الأساسيات فيها كون الرياضيات موضوعاً تراكمياً يعتمد التعلم اللاحق على التعلم السابق، فإذا لم يتقن الطالب التعلم السابق، فإنه سيواجه صعوبات في الفهم ما يبني عليه من موضوعات جديدة، فالمعرفة الرياضية والإلمام بأساسياتها وتطبيقاتها مطلب ضروري لكل فرد من أفراد المجتمع، فضلاً عن كونها مادة فكرية تسهم في تنمية أساليب متنوعة في التفكير، والدقة في التعبير والقدرة على تنظيم واستخدام أساليب التخطيط في حل المشكلات.

(أبو صالح، 1996: 4، 14)

يجهل بعض المدرسين المهارات التي تؤدي إلى تنمية التفكير وفي بعض الأحيان عدم الإيمان بها واعتقادهم أن مهمة التعليم تتمثل في حشد أذهان المتعلمين بالمعرف دون معرفة الأسلوب الذي به تكشف، فالطريقة المتتبعة حاليا في أغلب المدارس التقليدية فقط، فعملية إيجاد نواتج العمليات في الرياضيات أمر مهم ولكن الأهم منه تفاعل الطالب مع العمليات التي أدت إلى هذه النتائج فالأهمية الأساسية للرياضيات تعويد الطالبة على الانتقال من المحسوس إلى المجرد لينمو لديهم التفكير بكل أنواعه وعلى رأسها التفكير الرياضي (الكبيسي، 2011: 707)

التفكير الرياضي : هو التفكير الذي يتم بوساطة حل المشكلات الرياضية حلماً ذهنياً ومن خلال المقدمات في السؤال وهو على مظاهر منها:-

أ- الاستنتاج: وهو الوصول إلى نتيجة خاصة من مبدأ معلوم أو مفروض أو هو عملية اشتقاق حقائق من قواعد عامة للوصول إلى نتائج .

مثال: رتب بعض التلاميذ بحيث إن أحدهم يقف بين تلميذين وخلف تلميذين وأمام تلميذين، لذا فان عدد التلاميذ هو:.....

ب- الاستقراء: هو الوصول إلى قاعدة عامة من خلال أمثلة وحالات خاصة .

(أبو السل، 1999: 20-21)

مثال: لاحظ الأمثلة الآتية وحاول أن تأتي بمثال خامس حسب التسلسل:

$$111 = 3 \times 37$$

$$222 = 6 \times 37$$

$$333 = 9 \times 37$$

$$444 = 12 \times 37$$

.....

ت- **التعيم**: عبارة رياضية تطبق على مجموعة أشياء

لاحظ: 1 عدد فردي + 3 عدد فردي = 4 عدد زوجي

كذلك 3 عدد فردي + 5 عدد فردي = 8 عدد زوجي

كذلك 5 عدد فردي + 7 عدد فردي = 12 عدد زوجي

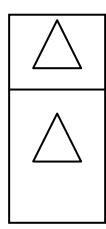
كذلك 7 عدد فردي + 9 عدد فردي = 16 عدد زوجي

لذا يكون أي عدد

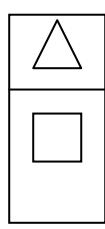
ث- **المنطق الشكلي**: استخلاص التضمينات الضرورية من المقدمات.

(أبو زينة، 1997: 19).

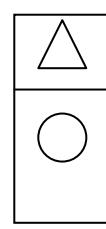
مثال: أي من البطاقات الآتية تتفق مع القاعدة "إذا ظهر مثلث في النصف الأعلى من البطاقة فإنه تظهر دائرة في النصف الأسفل منها".



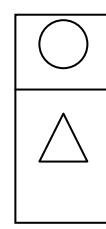
د



ج



ب



أ

ج- التفكير العلاقي: إدراك العلاقات بين العوامل المختلفة في الموقف الذي يجابه الفرد (هندام، 1982: 14).

مثال: ثلاثة أشخاص زيد وعمر وحسن يجلسون على استقامه واحدة بحيث: زيد إلى يسار عمر وحسن إلى يسار زيد، فإن الذي في الوسط هو.....
ويرى الباحث من خلال دراسته للقرآن الكريم أن هناك مواقف عديدة يمكن من خلالها إستنتاج قضايا أخرى باستخدام التفكير الرياضي فعلى سبيل المثال:
مثال: ذكر الباري عز وجل في آيتين عن الحمل والفطام ((وَحَمْلُهُ وَفِصَالُهُ ثَلَاثُونَ شَهْرًا)) (الأحقاف: من الآية 15)
((وَالْوَالِدَاتُ يُرْضِعْنَ أُولَادَهُنَّ حَوْلَيْنِ كَامِلَيْنِ)) (البقرة: من الآية 233) (أي سنتين= 24 شهر)

النتيجة المستتبطة مدة الحمل والرضاعة (30) شهر - مدة الرضاعة 24 شهر = 6 أشهر

فترة الحمل، بعد ان ندرك ترابط الآيتين الكريمتين.

مثال 2: جاء لفظ كلمة المطر في أربعة مواضع فقط في القرآن الكريم وهي:-
(وَلَا جُنَاحَ عَلَيْكُمْ إِنْ كَانَ بِكُمْ أَذْى مِنْ مَطَرٍ) (النساء: من الآية 102)
(وَلَقَدْ أَتَوْا عَلَى الْقُرْيَةِ الَّتِي أَمْطَرَتْ مَطْرًَ السَّوْءِ) (الفرقان: من الآية 40)
(وَأَمْطَرْنَا عَلَيْهِمْ مَطْرًا فَسَاءَ مَطْرُ الْمُنْذَرِينَ) مكرره في (الشعراء: 173) و(النمل: 58)
من الآيات الكريمة أمكننا أن نستخدم الاستقراء بأن لفظة المطر في القرآن الكريم وردت بمعنى سوء وانتقام وعلى سبيل المثال :

مثال 3: باستخدام برامح الحاسوب تبين أن فواتح سورت التي تبدأ بحروف متقطعة ترتبت
بترتيب معين مثل:

حرف ن	في سورة القلم	تكرر 133 مرة	ويساوي 19×7
حرف ص	في سورة الأعراف	تكرر 152 مرة	ويساوي 19×8
حروف يس	في سورة يس	تكررت 285 مرة	ويساوي 19×15
حروف طه	في سورة طه	تكررت 342 مرة	ويساوي 19×18

وهكذا من هذا الموقف أمكن أن نعمم أن تكرار الحروف المتقطعة في هذه السور دائمًا من مضاعفات العدد 19. (الكبيسي، 2011: 709).

الفصل الثالث

دراسات سابقة

- دراسات تناولت التعلم النشط
- دراسات تناولت التفكير الرياضي

الفصل الثالث

دراسات سابقة

المحور الأول: التعلم النشط

1 - دراسة (wilk, 2003)

أجريت الدراسة في أمريكا (جامعة تكساس) وهدفت إلى استقصاء فاعلية استراتيجيات التعلم النشط على التحصيل ، والداعية نحو التعلم والاتجاه لدى طلاب الجامعة في مقر علم الوظائف البشرية لغير المتخصصين.

وقد درست المتغيرات من خلال التصميم شبه التجريبي ذي المجموعات الأربع و تكونت العينة من (141) طالباً وطالبة توزعوا على أربعة مجموعات :

- المجموعة التجريبية الأولى (34) طالباً درست باستخدام التعلم النشط.
- المجموعة التجريبية الثانية(36) طالباً درست باستخدام التعلم النشط.
- المجموعة الضابطة الأولى(41) طالباً درست باستخدام المحادثة التقليدية.
- المجموعة الضابطة الثانية(30) طالباً درست باستخدام المحاضرة التقليدية.

واعدت ثلاثة أدوات لتحقيق أهداف الدراسة مقياسين الداعية نحو التعلم والاتجاه فضلا عن اختبار تحصيلي، وتم التأكد من الصدق والثبات. واستخدم تحليل التباين واختبار شافيه كوسائل إحصائية وكان من بين النتائج:

- توجد فروق ذات دلالة إحصائية (عند مستوى 0.05) بين متوسطي درجات المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في اختبار التحصيل البعدى ولصالح المجموعة التجريبية الأولى.
- لا توجد فروق ذات دلالة إحصائية(عند مستوى 0.05) بين متوسطي درجات المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في معدل استبيان الداعية للتعلم البعدى .
- توجد فروق ذات دلالة إحصائية(عند مستوى 0.05) في أداء مجموعتي الدراسة الضابطة والتجريبية مقياس الاتجاه لصالح المجموعتين التجريبيتين. (wilk ,2003:p. 207-223)

2- دراسة(Fox,& Rue,, 2003)

أجريت الدراسة في أمريكا وهدفت إلى اكتشاف فاعلية استخدام الآلات الحاسبة المزودة بالرسوم البيانية في بيئة تعلم نشط على تحصيل طلاب الجبر المتوسط واتجاهاتهم ، وتكونت عينة الدراسة من (60) طالباً من المرحلة المتوسطة تم توزيعهم إلى مجموعتين:

- المجموعة التجريبية(30) طالباً استخدمو فيها الآلات الحاسبة المزودة بالرسوم البيانية لتشجيع التعلم النشط.
 - المجموعة الضابطة (30) طالباً استخدمو فيها الآلات الحاسبة التقليدية.
- على الرغم من أن كلا المجموعتين درست في بيئة تعلم نشط، وخضعت المجموعتان لاختبارات تحصيلية وقياس اتجاهات واستخدمت الوسائل الإحصائية الاختبار التائي ومربع كاي.

وقد أظهرت البيانات التي تم الحصول عليها من أداء الطلاب:

- عدم وجود فروق ذات دلالة إحصائية (عند مستوى 0.05) بين متوسطي تحصيل درجات المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في اختبار تحصيل الرياضيات البعدي .
- عدم وجود فروق ذات دلالة إحصائية(عند مستوى 0.05) بين متوسطي درجات المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في مقياس الاتجاه نحو تعلم الرياضيات البعدي.

في حين أوضحت المعلومات التي تم الحصول عليها من تقارير الطلاب والمقابلات مع المعلمين وتقارير الدرجات الفصلية أنه عند المقارنة بين فصول التعلم النشط التي اشتربت في الدراسة مع الفصول التي لم تشترك فإن هناك زيادة بنسبة 15 % في عدد الطلاب الذين تمكنوا من النجاح في مقرر الجبر المتوسط.

(Fox,& Rue,, 2003:p. 3-15)

3- دراسة(بوقس، 2006)

أجريت الدراسة في السعودية بكلية التربية للبنات بجدة - جامعة الملك عبد العزيز وهدفت إلى معرفة أثر استخدام إستراتيجيات التعلم النشط والتدريب المباشر في تدريس

طالبات الفرقة الثالثة بكلية التربية للبنات بجدة على تحصيلهن الأجل وتنمية مهارات التدريس لديهن من خلال مقرر طرق التدريس.

ت تكون عينة البحث من طالبات الفرقة الثالثة بكلية التربية للبنات بجدة (القسم العلمي)، من 161 طالبة القسم العلمي (الكيمياء والنبات) توزعوا إلى ست مجموعات ضابطة وتجريبية مجموعتين تجريبية وضابطة في الفصل الدراسي الأول لكل فرع من الكيمياء والنبات ، ومجموعتين تجريبية وضابطة في الفصل الدراسي الثاني من قسم النبات.

الأدوات المستخدمة

- مجموعة من الأنشطة التدريبية عددها (11) نشاطاً جماعياً (مجموعات صغيرة) + (9) أنشطة فردية بالفصل الدراسي الأول) و (3) أنشطة أخرى فردية + نشاطان جماعيان (مجموعات صغيرة) بالفصل الدراسي الثاني من إعداد الباحثة.
- اختبار من 25 فقرة من نوع الموضوعية والمقالية تم تطبيقه في الفصل الدراسي الأول، واختبار من 23 فقرة من نوع الموضوعية والمقالية تم تطبيقه في الفصل الدراسي الثاني .
- اختبار الأجل النهائي ويكون من 35 فقرة من نوع الموضوعية والمقالية تم تطبيقه في الفصل الدراسي الأول، واختبار من 48 فقرة من نوع الموضوعية والمقالية تم تطبيقه في الفصل الدراسي الثاني .
- بطاقة تقويم تخطيط وتنفيذ الدروس (تتكون من 9 محاور و 11 بندًا و 77 عبارة) . وتم الاستعانة ببرنامج (Spss) الإحصائي

وكان من نتائج الدراسة الآتي:

- وجود فروق دالة عند مستوى 0.01 بين متوسطي درجات الطالبات المعلمات (تخصص الكيمياء) القبلي والبعدي في الاختبار التحصيلي لمقرر طرائق التدريس (1) لصالح أدائهم البعدى.
- وجود فروق دالة عند مستوى 0.05 بين متوسطي درجات الطالبات المعلمات (تخصص النبات) القبلي والبعدي في الاختبار التحصيلي لمقرر طرق تدريس (1) لصالح أدائهم البعدى.

- وجود فروق دالة عند مستوى 0.01 بين متوسطي درجات الطالبات المعلمات (تخصص النبات) القبلي والبعدي في الاختبار التحصيلي لمقرر طرق تدريس (2) لصالح أدائهن البعدى.
- وجود فروق بين متوسطي درجات الطالبات المعلمات (تخصص النبات) في بطاقة الملاحظة ومتوسط درجة بطاقة الملاحظة لمهارات التدريس، وحجم تأثير إستراتيجية التدريس المستخدمة %52.3 .
- وجود علاقة ارتباط موجبة دالة عند مستوى 0.01 بين درجات تحصيل الطالبات في اختبار مقرر طرق التدريس (2) الآجل ودرجاتهن في بطاقة الملاحظة لمهارات التدريس.(بوقس،2006: 78-1)

(Ayded, & Matyar,2009) - دراسة 4

أجريت الدراسة في تركيا وهدفت إلى معرفة اثر التعلم النشط في التحصيل والاتجاه في مادة العلوم للصف السادس الأساسي ، تألفت عينة البحث من 51 طالباً موزعين إلى مجموعتين الأولى تجريبية (24) طالبا درست بأسلوب التعلم النشط ، والمجموعة الضابطة (27) طالبا درست بالطريقة المعتادة في التدريس ، واجري التكافؤ بين المجموعتين في العمر والتحصيل والذكاء، والاتجاه نحو العلوم.

أعد الباحث اختباراً تحصيلياً ومقياساً للاتجاه وأوجد له الصدق والثبات لكل منهما واستخدم الباحث الاختبار الثاني بوصفه وسائل إحصائية وكان من نتائج البحث:

- وجود فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى(0.05) بين متسط تحصيل المجموعة التجريبية التي درست بالتعلم النشط وبين متسط المجموعة الضابطة التي درست بالطريق المعتادة ولصالح المجموعة التجريبية.
 - وجود فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى(0.05) بين متسط اتجاه البعدى للمجموعة التجريبية التي درست بالتعلم النشط وبين متسط اتجاه البعدى للمجموعة الضابطة التي درست بالطريق المعتادة ولصالح المجموعة التجريبية.
- وأوصت الدراسة بتدريب المعلمين والطلبة على أساليب وطرائق التعلم النشط ، وتضمين المناهج العلوم الدراسية لأنشطة لإثارة التفكير والداعفة نحو التعلم.

(Ayded, & Matyar, 2009:p. 128- 132)

5- دراسة (الزايدi، 2009)

أجريت الدراسة في السعودية وهدفت إلى معرفة أثر التعلم النشط في تنمية التفكير الابتكاري والتحصيل الدراسي بمادة العلوم(الفيزياء وحدة الشغل) لدى طالبات الصف الثالث المتوسط مقارنة بالطريقة التقليدية.

وتحقيقاً لهدف الدراسة استخدمت الباحثة منهجاً شبه تجاري ، حيث طُبّقت الدراسة على عينة بلغ حجمها (56) طالبة من طالبات الصف الثالث المتوسط في مدينة مكة المكرمة بالفصل الدراسي الثاني، تكونت المجموعة التجريبية من(29) طالبة درست باستخدام التعلم النشط ، والمجموعة الضابطة(27) طالبة درس بالتعلم التقليدي، وتم مكافأة المجموعتين بالمتغيرات الدخلية ، واعدت الباحثة اختباراً للتحصيل طبقت عليه بعض أنواع الصدق والثبات ، واستخدم اختبار تورنس للتفكير الابتكاري الفئة (ب) وطبق قبلياً وبعدياً.

T-) ولاختبار صحة فروض الدراسة عُولجت بياناتها إحصائياً ؛ باستخدام اختبار (Test ANCOVA) وتحليل التباين المصاحب (ANCOVA) وأظهرت النتائج الآتية:-

- توجد فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى(0.05) بين متوسط اختبار التفكير الابتكاري في التطبيق البعدى للمجموعة التجريبية التي درست بالتعلم النشط (فيما يتعلق بقدرة الطلقة، والمرونة ، والأصالة ، والتفاصيل ، والقدرة الكلية للتفكير الابتكاري) وبين متوسط المجموعة الضابطة التي درست بالطريق المعتادة ولصالح المجموعة التجريبية.
- وجود فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى(0.05) بين متوسط تحصيل البعدى للمجموعة التجريبية التي درست بالتعلم النشط عند مستويات الدنيا والعليا ومستوى التحصيل الكلى وبين متوسط تحصيل البعدى للمجموعة الضابطة التي درست بالطريق المعتادة ولصالح المجموعة التجريبية.
- توجد علاقة ارتباطية بين التفكير الابتكاري والتحصيل الدراسي في مادة العلوم لدى طالبات الصف الثالث المتوسط عينة الدراسة وفي ضوء نتائج الدراسة أوصت الباحثة بمجموعة من التوصيات جاء منها:

- التوجه لاستخدام التعلم النشط و الاهتمام بتنمية التفكير الابتكاري والتحصيل الدراسي في تدريس العلوم في مراحل التعليم المختلفة.
- وتقترح الباحثة إجراء مزيد من الدراسات حول التعلم النشط في تدريس العلوم بصفة خاصة وفي المواد الدراسية الأخرى بصفة عامة.

(الزايدى،2009: ب)

6 - (دراسة الأسطل، 2010)

أجريت الدراسة في الأردن وهدفت إلى تقصي اثر تطبيق إستراتيجيتين للتعلم النشط في تحصيل طلاب الصف التاسع الأساسي في مادة التاريخ وفي تربية تفكيرهم الناقد في الأردن ، وتمثلت أسئلة الدراسة في الآتي:

- ما أثر تطبيق إستراتيجيتين للتعلم النشط(المناقشة النشطة والمحاضرة المعدلة) مقارنة بالطريقة الاعتيادية في تحصيل طلبة الصف التاسع الأساسي في مادة التاريخ؟
- ما أثر تطبيق إستراتيجيتين للتعلم النشط (المناقشة النشطة والمحاضرة المعدلة) مقارنة بالطريقة الاعتيادية في تربية التفكير الناقد في مادة التاريخ لدى طلاب الصف التاسع الأساسي؟

وقد قام الباحث بتطوير اختبار تحصيلي ، وتبني اختبار كاليفورنيا للتفكير الناقد . ، وأجرى للاختبارين الصدق والثبات .

وافتصرت عينة الدراسة على ثلاثة مدارس وثلاث شعب صفيه من طلاب الصف التاسع الأساسي تم اختيارها بالطريقة العشوائية العنقودية ، وتم توزيعها على ثلاثة مجموعات بالطريقة العشوائية ، المجموعة التجريبية الأولى والتي تم تدريسها بإستراتيجية المناقشة النشطة وبلغ عدد أفرادها(38) طالباً ، والمجموعة التجريبية الثانية والتي تم تدريسها بإستراتيجية المحاضرة المعدلة الموجهة وبلغ عدد أفرادها (36) طالباً والمجموعة الضابطة والتي تم تدريسها بالطريقة الاعتيادية وبلغ عدد أفرادها(35) طالباً.

وتمثلت المادة الدراسية في دروس الوحدة الثانية من مبحث التاريخ للصف التاسع الأساسي ، والتي تم تدريسها في ثماني حصص من خلال خطط تدريسية لكل من ، المناقشة النشطة ، والمحاضرة المعدلة ، والتي قام الباحث بإعدادها وعمل على تكافؤ

صيغها بتوحيد الأهداف و الوسائل التدريسية المستخدمة ، وحرصاً على ضبط المتغيرات ، قام معلمون متكافئون من حيث المؤهل العلمي والخبرة التدريسية بتدريس هذه الخطط . وقد تم تحليل البيانات باستخدام تحليل التباين المصاحب وكشفت النتائج عن تفوق إستراتيجية المناقشة النشطة على إستراتيجية المحاضرة المعدلة (الموجهة) والطريقة الاعتيادية في التحصيل والتفكير الناقد ، وتفوق إستراتيجية المحاضرة المعدلة (الموجهة) على الطريقة الاعتيادية في التحصيل والتفكير الناقد لدى طلاب الصف التاسع الأساسي ، وقد خلصت الدراسة إلى عدد من التوصيات أهمها : تدريب معلمي التاريخ على استخدام استراتيجيات التعلم النشط وتفعيتها في خططهم التدريسية(الأسطل،2010: ر- ز).

7 - دراسة (Ali,2010)

أجريت الدراسة في باكستان ، وهدفت إلى قياس أثر استخدام أسلوب حل المشكلات في تدريس الرياضيات (كإستراتيجية التعلم النشط) على تحصيل الطلاب في الرياضيات في المرحلة الابتدائية.

تكونت العينة من 76 تلميذاً وتلميذة من الصف السادس الابتدائي توزعوا إلى مجموعتين: الأولى تجريبية (38) تلميذ وتلميذة درست باستخدام إستراتيجية التعلم النشط ، والثانية ضابطة(38) تلميذ وتلميذة درست باستخدام الطريقة التقليدية.

وتمت مكافأة المجموعات في العمر الزمني والمعرفة السابقة واعد اختبار تحصيلي من نوع اختيار من متعدد من (20) فقرة واجري له الصدق والثبات ، واستخرجت الدراسة المتوسطات الحسابية والانحراف المعياري وتطبيق اختبار تحليل التباين بوصفها وسائل إحصائية وكان من بين نتائج البحث.

- يوجد فرق دال إحصائياً عند مستوى (0.05) بين متوسطي درجات تلاميذ المجموعة التجريبية وتلاميذ المجموعة الضابطة التطبيق البعدى للاختبار التحصيلي صالح المجموعة التجريبية .

قدمت الدراسة بعض التوصيات على أساس النتائج منها :

- أثبتت هذه الدراسة أن حل المشكلة هو أسلوب أكثر فعالية في التعلم النشط من الرياضيات بالمقارنة مع الطريقة (محاضرة) التقليدية للتعليم. لذا ينبغي على معلمي الرياضيات استخدام أسلوب حل المشكلات لتحسين التحصيل الدراسي للطلاب.
- يجب على المؤسسات التربوية المكافحة بالمناهج تحويل الكتب المدرسية للرياضيات في شكل تعلم نشط مبني على أساس المشكلة ، لأن الكتب المدرسية التقليدية لا تفي بمعايير نهج حل المشاكل.
- ينبغي تنظيم برنامج تدريسي مكثف، وحلقات دراسية وورش عمل لمعلمي الرياضيات في المدارس الابتدائية لتوظيف أسلوب حل المشكلات في الصفوف الدراسية (Ali,2010:p. 61-72)

8- دراسة (الحربي، 2010)

أجريت الدراسة في السعودية وهدفت إلى التعرف على أثر التعلم النشط في التحصيل والاتجاه نحو مادة الفيزياء لدى طلاب الصف الثاني ثانوي بالمدينة المنورة ،وتم إعداد دليل للمدرس لتدريس وحدة الشغل والطاقة باستخدام استراتيجيات التعلم النشط. وتكونت عينة البحث من 66 طالباً توزعوا على مجموعتين:

- المجموعة التجريبية (33) طالباً درست باستخدام إستراتيجية التعلم النشط.
- المجموعة الضابطة(33) طالباً درست باستخدام الطريقة التقليدية.

وتمت مكافأة المجموعتين في المتغيرات (العمر ،التحصيل السابق، الذكاء، الاتجاه القبلي) واستخدمت الحقيقة الإحصائية وتوصلت إلى النتائج الآتية:-

- وجود فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى (0.01) في متوسط تحصيل في الفيزياء البعدى للمجموعة التجريبية والضابطة ولصالح المجموعة التجريبية.
- وجود فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى (0.01) في متوسط مقياس الاتجاه نحو الفيزياء البعدى للمجموعة التجريبية والضابطة ولصالح المجموعة التجريبية.

- وجود فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى (0.01) في متوسط اختبار التحصيل في الفيزياء للمجموعة التجريبية في اختبار القبلي والبعدي ولصالح التطبيق البعدى.
- وجود فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى (0.01) في متوسط مقياس الاتجاه نحو الفيزياء القبلي والبعدي للمجموعة التجريبية ولصالح التطبيق البعدى.
- بلغ حجم تأثير استراتيجيات التعلم النشط على التحصيل الدراسي (2.07) في حين بلغت قيمة حجم التأثير على الاتجاهات نحو تعلم مادة الفيزياء (1.04) وفسر على أنه تأثير كبير. (الحربي، 2010)

(دراسة، أبو هروس، والغرا، 2011) ٩-

أجريت الدراسة في فلسطين وهدفت إلى التعرف على أثر استخدام بعض إستراتيجيات التعلم النشط على دافعية الإنجاز والثقة بالنفس والتحصيل الدراسي لدى التلاميذ بطيئي التعلم ، ولتحقيق هذا الهدف استخدم الباحثان ثلاثة أدوات من إعداد الباحثين هي: مقياس دافعية الإنجاز ، ومقاييس الثقة بالنفس ، ودليل للمعلم في استخدام إستراتيجيات التعلم النشط وقد تأكّد الباحثان من صدق وثبات أدوات الدراسة بطرق إحصائية مختلفة.

وبلغ حجم عينة الدراسة (80) تلميذاً من بطيئي التعلم تم تقسيمهم إلى مجموعتين : تجريبية وضابطة بلغ حجم كل منها (40) وأسفرت نتائج الدراسة :

- وجود فروق ذات دلالة إحصائية في التطبيقين القبلي والبعدي لمقياس دافعية الإنجاز ولصالح التطبيق البعدى.
- وجود فروق دالة بين المجموعتين الضابطة والتجريبية في مقياس دافعية الإنجاز لصالح المجموعة التجريبية.
- وجود فروق دالة إحصائياً بين التطبيقين القبلي والبعد ي لمقياس الثقة بالنفس ولصالح التطبيق البعدى.
- وجود فروق دالة إحصائياً أيضاً في التطبيق البعدى لمقياس الثقة بالنفس بين المجموعتين الضابطة والتجريبية لصالح المجموعة التجريبية.
- وجود فروق بين التطبيقين القبلي والبعدي لاختبارات التحصيل في اللغة العربية والرياضيات لدى أفراد المجموعة التجريبية ولصالح التطبيق البعدى.
- وجود علاقة ارتباطية إيجابية بين مستوى التحصيل الدراسي لمادة الرياضيات واللغة العربية ومستوى الثقة بالنفس.
- في حين كانت العلاقة ضعيفة بين مستوى الدافعية ومستوى الثقة بالنفس واشتملت الدراسة على بعض التوصيات تضمنت ضرورة إجراء دراسات أخرى على بطيئي التعلم من الإناث في مناطق مختلفة من قطاع غزة، وضرورة مساعدة التلاميذ بطيئي التعلم على استخدام إستراتيجيات التعلم النشط في حياتهم العملية، علاوة على

إعداد مواد علاجية خاصة ب تلك الفئة من ذوي الاحتياجات الخاصة.

(أبوهدروس ، والفرا، 2011: 89-120)

10- دراسة (Malik1, & Janjua,2011)

أجريت الدراسة في باكستان وهدفت إلى قياس تأثير استراتيجيات التعلم النشط على دافعية التعلم والمهارات التدريسية والتحصيل الدراسي لطلبة كلية التربية للمعلمين المرحلة الرابعة للمتعلمين الخريجين مقارنة بالطريقة التقليدية للمحاضرة في مادة طرائق التدريس. تكونت عينة الدراسة من 54 طالب وطالبة توزعوا إلى مجموعتين: الأولى تجريبية (27) طالب وطالبة درست باستخدام إستراتيجية التعلم النشط ، والثانية ضابطة(27) طالب وطالبة درست باستخدام الطريقة التقليدية .

وتم أعداد استبيان لقياس الدافعية للتعلم ، و إعداد بطاقة ملاحظة تضمنت المهارات التدريسية الرئيسية والفرعية الازمة للمعلم ، واختبار تحصيلي في المادة، وتم التأكد من صدق وثبات أدوات الدراسة .

وتم تكافؤ المجموعتين في التحصيل الدراسي السابق في المواد التربوية و الدافعية للتعلم وفي المهارات التدريسية الرئيسية والفرعية بدءاً من التخطيط للتدريس وانتهاءً بالتقديم. واستخدمت المتosteats ومعامل الارتباط والاختبار الثنائي بوصفها وسائل احصائية وكان من بين النتائج:

- توجد فروق ذات دلالة إحصائية (عند مستوى 0.05) بين متوسطي درجات المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في اختبار التحصيل البعدى ولصالح المجموعة التجريبية.
- توجد فروق ذات دلالة إحصائية (عند مستوى 0.05) بين متوسطي درجات المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في معدل استبيان الدافعية للتعلم البعدى ولصالح المجموعة التجريبية.
- توجد فروق ذات دلالة إحصائية (عند مستوى 0.05) في أداء مجموعتي الدراسة الضابطة والتجريبية في الأداء مهارات التدريس ككل و لصالح المجموعة التجريبية. (Malik1, & Janjua,2011:p. 963-967)

المحور الثاني: التفكير الرياضي

1- دراسة (Renninger, & Feldman, 2000)

أجريت الدراسة في بريطانيا وهدفت استقصاء اثر طرح مشكلات أسبوعية عن طريق منتديات الانترنت على تربية التفكير الرياضي عند الطلبة وتكونت عينة البحث من 40 طالباً (20 طالباً ، 20 طالبة) انتقوا من صفوف المرحلة الابتدائية والمتوسطة يتلقون دروس في الجبر ، والرياضيات المنفصلة ، وحساب التفاضل والتكامل ، علم المثلثات ، واخضعوا الطلبة جميعاً لاختبار قبلي في التفكير الرياضي.

وكانت تنشر المشكلات على شبكة الانترنت أسبوعياً ويطلب من الطلاب تقديم الإجابات مع ذكر تعليل لاختيارهم لاستراتيجيات الحل ، ويسمح بإشراك الطلاب في مناقشة إجاباتهم ، وتشجيع الطلاب على مراجعة وإعادة جواباً عند حل مشكلة غير مكتملة أو غير دقيقة، وتراجع الإجابات ويسمح بإعادة تقديم الإجابات.

وكانت تطرح المشكلات تصل صعوبتها من 88% إلى 98% وكان يطلب من الطلبة تحديد المشكلة ، استراتيجيات بديلة للحل الرياضي ، توضيح المفاهيم الرياضية والرموز المستخدمة ، شرح مقتراحات الحل، شرح عمليات صنع القرار في العمل على المشكلة ، وأظهرت النتائج :

- وجود فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى (0.05) بين متوسط استجابات عينة البحث في الاختبار القبلي للتفكير الرياضي وبين متوسط استجابات عينة البحث في الاختبار البعدى للتفكير الرياضي ولصالح الاختبار البعدى.

- وجود فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى (0.05) بين متوسط استجابات عينة البحث الذكور في الاختبار البعدى للتفكير الرياضي وبين متوسط استجابات عينة البحث في الاختبار البعدى للتفكير الرياضي للإناث ولصالح الاختبار البعدى للذكور .

- وجود فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى (0.05) بين متوسط استجابات عينة البحث في الاختبار البعدى للتفكير الرياضي لطلبة المرحلة المتوسطة وبين

متوسط استجابات عينة البحث في الاختبار البعدى للتفكير الرياضي للمرحلة الابتدائية ولصالح الاختبار البعدى لطلبة المرحلة المتوسطة.
(Renninger, & Feldman, 2000:p. 52-53)

2- دراسة (Kathleen & Ann,2001)

أجريت الدراسة في جامعة كرافيف في كندا ، وهدفت إلى تحسين مهارات التفكير الرياضي للطلاب من خلال مقترن يهدف إلى تحسين المفردات الرياضية والعمليات العددية ، وقد تكونت عينة الدراسة من (60) طالباً توزعوا إلى مجموعتين بالتساوي من طلاب الصف الثالث متوسط ،المجموعة الأولى من المرحلة الثانوية ضمن طبقة متوسطة لجالية ريفية . والمجموعة الثانية من طلاب الصف الثالث متوسط من المرحلة الثانوية من التعليم الخاص بمدرسة ضمن طبقة متوسطة لجالية حضرية.
واستخدمت الدراسة الأدوات التالية:

- اختبار في التفكير الرياضي - قاموس للمفردات الرياضية – مشكلات على القصة.
وأشارت نتائج الدراسة إلى:
 - وجود فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى(0.05) بين متوسط استجابات المجموعة التجريبية في اختبار التفكير الرياضي البعدى وبين متوسط استجابات المجموعة الضابطة في الاختبار للتفكير الرياضي البعدى ولصالح المجموعة التجريبية.
 - وجود فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى(0.05) بين متوسط استجابات المجموعة التجريبية في اختبار (في قدرات الطلاب على الاستخدام الصحيح للمفردات الرياضية في جمل مجردة) ومتوسط استجابات المجموعة الضابطة ولصالح المجموعة التجريبية.
 - وجود فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى(0.05) بين متوسط استجابات المجموعة التجريبية في اختبار التحصيل الرياضي البعدى(في حل المعادلات الرياضية) وبين متوسط استجابات المجموعة الضابطة في الاختبار البعدى ولصالح المجموعة التجريبية.

- وجود فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى (0.05) بين متوسط استجابات المجموعة التجريبية في اختبار حل المشكلات ومتوسط استجابات المجموعة الضابطة في الاختبار البعدى ولصالح المجموعة التجريبية.
(Kathleen & Ann,2001:p. 1- 45)

3 - دراسة(التدري،2003)

- أجريت الدراسة في مصر وهدفت إلى :
- إعادة صياغة مقرر رياضيات الصف الثالث الابتدائي في ضوء الإستراتيجية المقترحة (والتي أطلق عليها إستراتيجية التعليم والتعلم النشط).
 - تعرّف أثر الإستراتيجية المقترحة على التحصيل في رياضيات الصف الثالث الابتدائي .
 - تعرّف أثر الإستراتيجية المقترحة على تنمية التفكير الرياضي .
 - تعرّف أثر الإستراتيجية المقترحة على ترجمة التمارين اللفظية المحتواة برياضيات الصف الثالث الابتدائي
 - تعرّف أثر الإستراتيجية المقترحة على الاحتفاظ بتعلم محتوى رياضيات الصف الثالث الابتدائي .
- أدوات الدراسة : ولتحقيق أهداف الدراسة ، تم استخدام الأدوات التالية :
- مادة تعليمية : مقرر رياضيات الصف الثالث الابتدائي صُمم وفقاً للإستراتيجية المقترحة ، إعداد الباحث .
 - أدوات بحثية :
 - اختبار تحصيلي في رياضيات الصف الثالث الابتدائي ، إعداد الباحث.
 - مجموعة اختبارات التفكير الرياضي (اختبار الاستقراء – اختبار الاستنباط – اختبار التعبير بالرموز – اختبار إدراك العلاقات – اختبار البرهان الرياضي) ، إعداد الباحث .
 - اختبار في ترجمة التمارين اللفظية المتضمنة بمقرر رياضيات الصف الثالث الابتدائي ، إعداد الباحث
- وكان من أهم النتائج التي توصلت إليها هذه الدراسة :

- للإستراتيجية المقترحة أثر إيجابي في تتميم تحصيل تلميذ الصف الثالث من المرحلة الابتدائية لمقرر الرياضيات .
- أدت الإستراتيجية المقترحة إلى تتميم التفكير الرياضي .
- اتضح من نتائج الدراسة أن الإستراتيجية المقترحة لها أثراها الإيجابي في تتميم مهارة تلميذ الصف الثالث من المرحلة الابتدائية المتعلقة بترجمة التمارين اللفظية المتضمنة بمقرر الرياضيات .
- وضحت النتائج أيضاً أن الإستراتيجية المقترحة أدت إلى احتفاظ تلميذ الصف الثالث الابتدائي بمحنوي التعلم مقارنة بالطريقة التقليدية في التدريس (التدري، 2003: 45-65).

(Pape, et al. , 2003) دراسة 4

أجريت الدراسة في أمريكا وهدفت إلى استقصاء فاعلية تنظيم محتوى رياضي على تطوير التفكير الرياضي والتنظيم الذاتي ، وتكونت عينة الدراسة من طلاب الصف الأول المتوسط، و تكونت عينة البحث من (50) طالباً وزعت إلى مجموعتين تجريبية تكونت من (25) طالباً ومجموعة ضابطة تكونت من (25) طالباً، تم تكافؤ طلبة العينة في بعض المتغيرات ، وقامت الدراسة بالآتي :

- إعادة توصيف محتويات الرياضيات الخاصة بهم (تنظيم المحتوى).
- التمثيل المتعدد والمهام الرياضية الغنية (أنشطة إثرائية)
- الاهتمام ببيئة الفصل واحتياجاتها.

وقد توصلت الدراسة إلى عدة نتائج من أهمها:

- توجد فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى دلالة (0.05) بين متوسط درجات اختبار تحصيل طلاب المجموعة التجريبية الذين درسوا وفق تنظيم المحتوى ومتوسط درجات طلاب المجموعة الضابطة الذين درسوا وفق الطريقة الاعتيادية في التحصيل ولصالح المجموعة التجريبية.

• توجد فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى دلالة (0.05) بين متوسط درجات اختبار التفكير الرياضي البعدى لطلاب المجموعة التجريبية الذين درسوا وفق تنظيم المحتوى ومتوسط درجات طلاب المجموعة الضابطة الذين درسوا وفق الطريقة الاعتيادية في التحصيل ولصالح المجموعة التجريبية.

واستنتجت الدراسة أن الطلاب المنظمين لأنفسهم مشاركون فاعلون في تعلمهم قادرون على اختيار الاستراتيجيات وعلى عرض تقدمهم في استخدام هذه الاستراتيجيات نحو الهدف، كذلك أفادت هذه إلى إمكانية تطوير الطالب ذاتياً مع الاعتماد على بعض التنظيم النفسي في مجتمع العمل.

(Pape, et al., 2003:p. 179-202)

5- دراسة (مطر، 2004)

أجريت الدراسة في فلسطين وهدفت إلى الكشف عن أثر استخدام مخطوطات المفاهيم في تنمية التفكير الرياضي لدى طلاب الصف الثامن الأساسي بغزة ، وقد تم اختيار مدرسة ذكور جباريا الإعدادية التابعة لمدارس وكالة الغوث الدولية بقطاع غزة لتكون ميداناً لتطبيق الدراسة، وهي المدرسة التي يعمل فيها الباحث وذلك لسهولة الاتصال بالطلاب ومتابعتهم وإعطائهم دروس إضافية لتحسين مستوى تعلمهم وتعليمهم أنماط التفكير الجديدة التي سيجريها الباحث عليهم.

وت تكون عينة الدراسة من فصلين، أحدهما يمثل المجموعة التجريبية وعدد طلابه (40) طالباً والآخر المجموعة الضابطة وعدد طلابه (40) طالباً.

ولقد تأكد الباحث من تكافؤ المجموعتين من حيث العمر الزمني والتحصيل السابق في الجبر، كما تأكد الباحث من تكافؤ المجموعتين في اختبار التفكير الرياضي (الاستنتاجي، الناقد، الإبداعي)، كما تأكد من تكافؤ المجموعتين من خصي التحصيل ومرتفعي التحصيل على اختبار التفكير الرياضي . وقد قام الباحث بإعداد أدوات الدراسة وهي دليل المعلم لوحدة بحث الدراسة، فضلاً عن اختبار في التفكير الرياضي مكوناً من (38) بنداً اختبارياً يقيس أبعاد التفكير الثلاثة التي هي محل الدراسة، كما قام بإعداد مخطوطات المفاهيم التي تم استخدامها فقط مع المجموعة التجريبية . وقد تم التأكيد من

صدق الاتساق الداخلي لكل منها من خلال إيجاد معاملات الارتباط لكل بعد من أبعاد التفكير مع الاختبار ككل . كما تم التأكيد من صدق وثبات الاختبار بعد تطبيقه على عينة استطلاعية حيث تم استثناء (7) بنود اختباريه التي تعتبر درجاتها ضعيفة ، ولقد أظهرت نتائج التحليل الإحصائي ما يلي:

- توجد فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى (0.01) في متوسط اختبار التفكير الرياضي(الاستنتاجي، الناقد، الإبداعي) بين المجموعة التجريبية التي درست باستخدام مخططات المفاهيم والمجموعة الضابطة التي درست بالطريقة المعتادة ولصالح المجموعة التجريبية.
- توجد فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى (0.01) في متوسط اختبار التفكير الرياضي(الاستنتاجي، الناقد، الإبداعي) بين المجموعة التجريبية التي درست باستخدام مخططات المفاهيم ذوي التحصيل المرتفع وأقرانهم من المجموعة الضابطة التي درست بالطريقة المعتادة ولصالح المجموعة التجريبية.
- توجد فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى (0.01) في متوسط اختبار التفكير الرياضي(الاستنتاجي، الناقد، الإبداعي) بين المجموعة التجريبية التي درست باستخدام مخططات المفاهيم ذوي التحصيل المنخفض وأقرانهم من المجموعة الضابطة التي درست بالطريقة المعتادة ولصالح المجموعة التجريبية.
وأوصت الدراسة بضرورة استخدام مخططات المفاهيم في تعليم وتعلم الرياضيات لما لها من أثر واضح في تتميم التفكير الرياضي، من خلال توضيح المفاهيم الرياضية وترسيخ البنية المفاهيمية لدى الطالب وكذلك عملية بناء حل المسألة الرياضية بطريقة محسوسة من خلال مخطط مفاهيمي متدرج في استخدام المهارات الرياضية بشكل منطقي.
وأوصت أيضاً بأهمية تنوير العقل الذهني للطلاب بأنماط التفكير الرياضي كالاستنتاجي والناقد والإبداعي لما له الأثر الكبير في تتميم الذكاء عندهم وصقل شخصياتهم الناقدة والإبداعية.(مطر، 2004: 10-11).

6- دراسة(العمري، 2005)

أجريت الدراسة في مدينة الرياض في المملكة العربية السعودية وهدفت إلى التعرف على أثر استخدام الحاسوب الآلي في تدريس الرياضيات على التحصيل وتنمية التفكير الرياضي لدى تلاميذ الصف السادس الابتدائي.

تكونت عينة الدراسة من (66) تلميذاً موزعين بالتساوي على مجموعتين، إحداها تجريبية درست باستخدام الحاسوب الآلي وحدة المضاعفات من مقرر الرياضيات، والأخرى ضابطة درست الوحدة نفسها بالطريقة التقليدية.

أُجري ضبط المتغيرات الدخلية بين المجموعتين؛ تم البدء بالتدريس للمجموعة التجريبية من خلال البرنامج التعليمي المخصص لمقرر الرياضيات عن طريق الحاسوب الآلي، والتدريس للمجموعة الضابطة بالطريقة التقليدية الموضحة في كتاب المعلم، وبعد الانتهاء من التدريس للمجموعتين تم تطبيق الاختبار التحصيلي ومقاييس التفكير الرياضي تطبيقاً بعدياً. وبعد جمع البيانات، أجرى الباحث المعالجات الإحصائية لها باستخدام حزمة عن طريق الحاسوب الآلي برنامج SPSS وقد خلص الباحث إلى النتيجتين التاليتين :

- لا يوجد فرق ذو دلالة إحصائية عند مستوى (0,05) في متوسط تحصيل تلاميذ الصف السادس الابتدائي في مقرر الرياضيات بين المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في التطبيق البعدى للاختبار التحصيلي.
- يوجد فرق ذو دلالة إحصائية عند مستوى (0,05) في متوسط درجات تلاميذ الصف السادس الابتدائي في مقرر الرياضيات بين المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في التطبيق البعدى لمقاييس التفكير الرياضي ولصالح المجموعة التجريبية..

وفي ضوء النتائج السابقة؛ قدم الباحث مجموعة من التوصيات والمقترنات وكذلك توضيح القيمة النظرية والتربوية لهذه الدراسة. (العمري، 2005: 5-6).

7 - دراسة (العمري، 2007)

أُجريت الدراسة في السعودية وهدفت إلى استقصاء أثر استخدام نموذج التعلم البنائي في تدريس وحدة من مقرر الرياضيات على التحصيل الدراسي والتفكير الرياضي لدى طلاب الصف الأول الثانوي في مدينة الرياض.

بلغت عينة الدراسة (150) طالباً من الصف الأول ثانوي تم توزيعهم إلى مجموعتين متساويتين إدراهما تجريبية درست باب الهندسة المستوية في كتاب الرياضيات للصف الأول الثانوي باستخدام نموذج التعلم البنائي، والأخرى ضابطة درست الباب نفسه بالطريقة التقليدية.

وطبق على عينة الدراسة اختبار تحصيلي في باب الهندسة المستوية، ومقاييس للتفكير الرياضي يشمل بعض مظاهر التفكير الرياضي لدى الطلبة وهي: (التعيم، الاستقراء، الاستنباط، التعبير بالرموز، التفكير المنطقي، البرهان الرياضي)، وقد طبق كل من الاختبار التحصيلي ومقاييس التفكير الرياضي قبلياً وبعدياً، ولاختبار فروض الدراسة، تم تحليل البيانات باستخدام تحليل التباين المصاحب (ANCOVA) وقد توصلت الدراسة إلى النتائج الآتية:

- وجود فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى (0.05) بين متوسطي درجات طلبة المجموعتين التجريبية والضابطة في التطبيق البعدى للاختبار التحصيلي (للختبار ككل ولكل مستوى على حدة) لصالح المجموعة التجريبية.
- وجود فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى (0.05) بين متوسطي درجات طلبة المجموعتين التجريبية والضابطة في التطبيق البعدى لاختبار التفكير الرياضي ككل ولكل مستوى على حدة (التعيم، الاستقراء، التعبير بالرموز، التفكير المنطقي، البرهان الرياضي) لصالح المجموعة التجريبية، في حين لم تكن الفروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى (0.05) بالنسبة للمستوى الاستنباط.

وفي ضوء نتائج الدراسة تم تقديم عدد من التوصيات ومن أهمها:

- استخدام نموذج التعلم البنائي في تدريس الرياضيات لطلاب الصف الأول الثانوي.

- تدريب معلمي الرياضيات أثناء الخدمة على استخدام نموذج التعلم البنائي في تدريس الرياضيات.
- تعريف الطلاب المعلمين المتخصصين في الرياضيات بالاتجاهات والمداخل والنظريات الحديثة في تعليم وتعلم الرياضيات بشكل عام، والنظرية البنائية وما يقوم عليها من استراتيجيات ونماذج تدريسية بشكل خاص، وتدريبهم أثناء برنامج التربية العملية على التدريس باستخدام الاستراتيجيات والنماذج التي ترتكز على النظرية البنائية.

كما اقترح الباحث إجراء مزيد من الدراسات حول أثر استخدام النماذج والاستراتيجيات القائمة على النظرية البنائية في تدريس الرياضيات على بعض نواتج التعلم. (العمري، 2007: أ).

٨- دراسة (Jennie, & Kart, 2008)

أجريت الدراسة في جامعة ماكواري في استراليا وهدفت إلى معرفة أثر استخدام برنامج قائم على الأنشطة التي تعتمد على تحدي العقل في تربية التفكير الرياضي لطلبة الصف الأول متوسط ، وبلغت عينة الدراسة ٢٣٠ طالباً تم توزيعها إلى عدة مجموعات تجريبية وضابطة ، واستخدمت الدراسة برنامج في الرياضيات يقوم على الأنشطة الإبتكارية التي تعتمد على تحدي العقل لإثارة وتنمية التفكير الرياضي ، واستخدمت الدراسة الأدوات الآتية:

- اختبار في مهارات التفكير الرياضي.
- اختبار تحصيلي في الرياضيات.

وكان من نتائج الدراسة:

- يوجد فرق ذو دلالة إحصائية عند مستوى (٥٠٠) في متوسط تحصيل طلبة الصف الأول متوسط في مقرر البرنامج المقترن بين المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في التطبيق البعدى لاختبار التحصيلي ، ولصالح المجموعة التجريبية.

- يوجد فرق ذو دلالة إحصائية عند مستوى (٥٠٠) في متوسط درجات طلبة الصف الأول متوسط في مقرر البرنامج المقترن بين المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في التطبيق البعدى لمقياس التفكير الرياضي ولصالح المجموعة التجريبية ..

وتوصلت الدراسة إلى أن البرنامج المقترن يشجع الطلاب على التحصيل الرياضي نحو المهارات العليا في التفكير ، كما أن استخدام الطالب للأنشطة الإبداعية يساعد على تشجيعهم على التفكير الرياضي.

وضحت النتائج أيضاً أن البرنامج المقترن أدى إلى احتفاظ الطلبة بمحظى التعلم مقارنة بالطريقة التقليدية في التدريس (Jennie, & Kart, 2008:p.10-15).

9- دراسة (Abu Bakar, and other,2009)

أجريت الدراسة في ماليزيا وهدفت إلى استقصاء أثر استخدام دفتر الرسم الرياضي على الأداء والتفكير الرياضي لدى طلبة المرحلة الثانوية في مادة الرياضيات(الهندسة) . بلغت عينة البحث (92) طالبا توزعوا إلى مجموعتين التجريبية (45) طالبا والمجموعة الضابطة بلغت (47) طالبا، وتم تكافؤ المجموعتين في المتغيرات (العمر،المعرفة السابقة في موضوع التجربة،التفكير الرياضي القبلي).

استخدمت الدراسة اختبارين أحدهما في الأداء لرسم الدوال التربيعية في الحاسوب والآخر في بعض مظاهر التفكير الرياضي (للاستنتاج، والاستقراء وحل المشكلات). وكان من نتائج الدراسة:

- توجد فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى (0.01) في متوسط اختبار التفكير الرياضي(الاستنتاجي، الناقد، الإبداعي) بين المجموعة التجريبية التي درست باستخدام مخططات المفاهيم وبين المجموعة الضابطة التي درست بالطريقة المعتادة ولصالح المجموعة التجريبية.
- لا توجد فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى (0.051) في متوسط لأداء لرسم الدوال التربيعية في الحاسوب بين المجموعة التجريبية وأقرانهم من المجموعة الضابطة التي درست بالطريقة المعتادة .

- وجود فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى (0.05) بين متوسطي درجات طلبة المجموعتين التجريبية والضابطة في التطبيق البعدى للاختبار التحصيلي ولصالح المجموعة التجريبية.

(Abu Bakar, and other, 2009:p.20 – 27)

10- دراسة (البلونة، 2010)

أجريت الدراسة في الأردن وهدفت إلى استقصاء أثر إستراتيجية التقويم القائم على الأداء في تربية التفكير الرياضي والقدرة على حل المشكلات لدى طلبة المرحلة الأولى الثانوية في مادة الرياضيات.

تكونت عينة الدراسة من (٧٤) طالبة توزعوا إلى مجموعتين الأولى تجريبية تكونت من(38) طالبة درست بإستراتيجية التقويم القائم على الأداء والأخرى مجموعة ضابطة تكونت من(36) طالبة درست بالطريقة المعتادة واجري التكافؤ بين المجموعتين.

و تكونت أدوات الدراسة من:

- صيغ مهام الأداء المستخدمة في الدراسة وتمثل في:(الإجابة الحرة أو المستفيدة ، الكتابة ، التعبير الشفوي)، أما أدوات التقويم القائم على الأداء المستخدمة في الدراسة بطاقة التعبير الشفوي(بطاقة التواصل اللفظي).
- اختبار التفكير الرياضي الذي أعده ابو زينة والخطيب 2004 ويكون من 32 فقرة وتم التحقق من صدق وثبات الاختبار.
- اختبار حل المشكلات الذي أعده الخشان 2005 المتكون من 35 فقرة من المشكلات العامة ذات الصبغة الرياضية وتم التتحقق من صدق وثبات الاختبار واستخراج معامل الصعوبة والسهولة والتميز .

وتم استخدام الاختبار الثاني والبرنامج الإحصائي(SPSS) بوصفها وسائل إحصائية، وكانت من النتائج الآتي:

• توجد فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى (0.05) بين متوسط درجات اختبار التفكير الرياضي بين المجموعة التجريبية التي درست باستخدام إستراتيجية التقويم القائم على الأداء ، والمجموعة الضابطة التي درست بالطريقة المعتادة ولصالح المجموعة التجريبية.

• توجد فروق ذات دلالة إحصائية عند مستوى (0.05) بين متوسط درجات اختبار التفكير حل المشكلات بين المجموعة التجريبية التي درست باستخدام إستراتيجية التقويم القائم على الأداء ، المجموعة الضابطة التي درست بالطريقة المعتادة ولصالح المجموعة التجريبية.

وفي ضوء النتائج أوصى الباحث بإجراء المزيد من الدراسات حول إستراتيجية التقويم القائم على الأداء ، وإصدار أدلة خاصة لها في تقويم تحصيل الطلبة في مادة الرياضيات، ووضع برامج لتدريب المدرسين كما دعا إلى التوسيع في التدريبات الفنية والواجبات المنزلية على شكل مواقف ومشكلات حياتية تحفزهم على التفكير (بلونة، 2010: 2227 - 2270).

مناقشة الدراسات السابقة

ارتأى الباحث مناقشة الدراسات السابقة بعرضها على شكل جداول والتي تتضمن اسم الباحث وسنة الدراسة ، الهدف، المراحل ، المكان، العينة، المادة (الموضوع) ، الوسائل الإحصائية، المتغير التابع كما بينتها الجداول (2) ، (3).

الإفادة من الدراسات السابقة

أوجه الأفادة من الدراسات

يمكن تلخيص أوجه إفادة الباحث في هذه الدراسة من الدراسات السابقة وكما يلي:-
1) التعرف على إستراتيجيات التعلم النشط من حيث خصائصها ومستوياتها ومراحل تعلمها .

- 2) تطوير إطار فكري عن استراتيجيات النظرية البنائية موضع البحث في استخدامها لتدريس الرياضيات .
- 3) اختيار التصميم التجاري المناسب .
- 4) إعداد أدوات البحث المتمثلة في الأختبار التحصيلي و إختبار التفكير الرياضي.
- 5) تحديد المعالجات الأحصائية المناسبة التي استخدمت في إختبار الفرضيات وتحليل البيانات والنتائج .
- 6) المساهمة في تفسير النتائج التي توصل إليها البحث الحالي تفسيراً علمياً موضوعياً .
- 7) التعرف على العديد من الكتب والمجلات العلمية والمراجع التي تثري البحث الحالي .

الفصل الرابع

إجراءات البحث

اولاً : التصميم التجريبي

ثانياً : مجتمع البحث وعินته

ثالثاً : تكافؤ المجموعات

رابعاً : اجراءات الضبط

خامساً : مستلزمات البحث

سادساً : ادوات البحث

. الوسائل الاحصائية

الفصل الرابع

إجراءات البحث

يتضمن هذا الفصل عرضاً للإجراءات المستخدمة في البحث من حيث اختيار التصميم التجريبي، و اختيار عينة البحث، وإعداد مستلزمات البحث وأدواتها وأسلوب تطبيقها فضلاً عن الوسائل الإحصائية المستخدمة في تحليل النتائج.

أولاً. التصميم التجريبي:

يقصد به التخطيط الدقيق لعملية إثبات الفروض ، واتخاذ إجراءات متكاملة لعملية التجريب ، عن طريق وضع خطة تجريبية يروم الباحث بها تحقيق فرضياته أو رفضها، وقياس مدى التغيير الذي يطرأ على أحد العوامل نتيجة تغيير أحد المتغيرات ومع ثبات المتغيرات أو العوامل الأخرى.

(عبد الرحمن، وعدنان ،2007 ،: 477)

تم اختيار تصميم المجموعتين المتكافئتين شبه التجريبي ذي الضبط الجزئي بالإختبار البعدى للمجموعتين التجريبية والضابطة، الأولى التجريبية درست بإستراتيجية التعلم النشط، والثانية المجموعة الضابطة درست بالطريقة التقليدية كما موضح في الشكل (4).

المتغير التابع	المتغير المستقل	المجموعة
التحصيل والتفكير	التعلم النشط	التجريبية
الرياضي وبقاء أثر التعلم (الأستبقاء)	طريقة التدريس التقليدية	الضابطة

شكل (4)

التصميم التجاري لعينة البحث

ويتطلب هذا التصميم تهيئه مجموعتين متكافئتين في بعض من المتغيرات التي قد تؤثر في المتغير التابع وقد حرص الباحث على ضبط هذه المتغيرات عن طريق تكافؤ مجموعتي البحث .

ثانياً. مجتمع البحث وعيته: يتكون مجتمع البحث من طلاب الصف الأول المتوسط للعام الدراسي (2011-2012) في المديرية العامة ل التربية محافظة الأنبار .
عينة البحث:

- 1- عينة المدارس: اختيرت متوسطة الطليعة للبنين قصدياً من بين مدارس مدينة الرمادي التابعة لمديرية تربية الأنبار ، ولما أبدته إدارة المدرسة من تعاون لتسهيل مهمة الباحث لأنها مدرس في نفس المدرسة.
- 2- عينة الطلاب: اختيرت مجموعتين من مجموع ثلات شعب في الصف الأول متوسط عشوائياً (وضع بطاقة تمثل الشعب الدراسية الثلاث في كيس وتم سحب إثنين منها بشكل عشوائي) ، لتمثل شعبة (أ) المجموعة التجريبية وعدد الطلاب (30) طالباً ، وتمثل الشعبة (ج) المجموعة الضابطة وعدد طلابها (32) طالباً ، وتم استبعاد الطلبة الراسبين إحصائياً فقط ، كما في جدول(4) الآتي :

جدول (4)

العدد الكلي للطلبة والمستبعدين والعدد النهائي لعينة البحث

المجموع	العدد الكلي	العدد المستبعد	العدد المتبقى
التجريبية	30	2	28
الضابطة	32	4	28
المجموع	62	6	56

ثالثاً- تكافؤ المجموعات :-

قام الباحث قبل البدء بتطبيق التجربة ، بالتكافؤ بين طلاب مجموعتي البحث في بعض المتغيرات التي قد تؤثر في نتائج البحث .

1-العمر الزمني :

تم حساب العمر بالأشهر ، إذ تم الحصول على البيانات المتعلقة بهذا المتغير من بطاقات الطالب إذ حسبت أعمارهم منذ تاريخ ولادتهم لغاية (1/10/2011)، كما في ملحق (1) فقد استخرج المتوسط الحسابي والتباين للعمر الزمني وقد استخدم الباحث (-t test) لعينتين مستقلتين متساويتين للكشف عن دلالة الفروق ، إذ لم يظهر فرق ذو دلالة إحصائية ، إذ كانت القيمة التائية المحسوبة (0.780) أقل من القيمة التائية الجدولية

البالغة (2) عند مستوى دلالة (0.05) ودرجة حرية (54) ، ومما يعني عدم وجود فروق ذات دلالة إحصائية بين عمر طلاب المجموعة التجريبية وعمر طلاب المجموعة الضابطة وهذا يدل على تكافؤ مجموعتي البحث في هذا المتغير والجدول (5) يوضح ذلك:

جدول (5)

المتوسط الحسابي والتباين والاختبار الثاني لمتغير العمر الزمني بالأشهر

الدالة الإحصائية	درجة الحرية	القيمة التائية		التباين	المتوسط الحسابي	العدد	المجموعة
		المحسوبة	الجدولية				
غير دالة عند (0.05)	54	2	0.780	17.11	146.5	28	التجريبية
				37.31	147.61	28	الضابطة

2-التحصيل السابق في مادة الرياضيات

حصل الباحث على درجات التحصيل السابق لمادة الرياضيات لطلاب مجموعتي البحث في الصف السادس ابتدائي للعام الدراسي (2010 - 2011) من الوثائق السجلات المدرسية ملحق (1) وعند استخدام (t-test) لم يظهر فرق ذو دلالة إحصائية إذ كانت القيمة التائية المحسوبة (0.783) اقل من القيمة التائية الجدولية البالغة (2) عند مستوى دلالة(0.05) ودرجة حرية (54) ، مما يعني تكافؤ مجموعتي الدراسة في هذا المتغير والجدول (6) يوضح ذلك:

جدول (6)

المتوسط الحسابي والتباين والاختبار الثاني لمتغير التحصيل السابق للرياضيات

الدالة الإحصائية	درجة الحرية	القيمة التائية		التباين	المتوسط الحسابي	العدد	المجموعة
		المحسوبة	الجدولية				
غير دالة إحصائيا عند (0.05)	54	2	0.783	129.18	76.5	28	التجريبية
				72.94	78.64	28	الضابطة

3- اختبار المعرفة السابقة بالرياضيات

لفرض التعرف على ما يمتلكه طلاب مجموعتي البحث التجريبية والضابطة من معلومات سابقة في مادة الرياضيات ذات العلاقة بالمادة التعليمية قيد التجربة التي تعد من المؤثرات المهمة في المتغير التابع ، قام الباحث بإعداد اختبار تحصيلي من نوع الاختيار من متعدد لمعرفة ما يمتلك طلاب المجموعتين(التجريبية والضابطة) من معلومات سابقة متعلقة بالمادة التعليمية ، وقد اعتمد في صياغة فقرات الاختبار على كتاب الرياضيات المعتمد ، وقد تألف الاختبار من (32) فقرة ، أعطيت (درجة واحدة) لكل فقرة صحيحة وصفر للفقرة الخاطئة ، أي أعلى درجة تكون (32) وللتتأكد من صلاحية الاختبار عُرض على مجموعة من المحكمين قبل التطبيق ملحق (6) وقد تم الاتفاق على اغلبها والتعديل الطفيف على صياغة بعض الفقرات.

ولمعرفة مدى تكافؤ طلاب مجموعتي البحث بهذا المتغير استخدم (t-test) لعينتين مستقلتين متساويتين للكشف عن دلالة الفروق ، إذ لم يظهر فرق ذو دلالة احصائية إذ كانت القيمة التائية المحسوبة ، وبالبالغة(0.811) أقل من القيمة التائية الجدولية البالغة (2) عند مستوى دلالة (0.05) ودرجة حرية (54) ، مما يعني تكافؤ مجموعتي البحث في هذا المتغير والجدول (7) يوضح ذلك:

جدول (7)

المتوسط الحسابي والتباين والاختبار الثاني لمتغير المعرفة السابقة للرياضيات

الدالة الإحصائية	درجة الحرية	القيمة التائية		التبابن	المتوسط الحسابي	العدد	المجموعة
		الجدولية	المحسوبة				
غير دالة إحصائيا عند (0.05)	54	2	0.811	21.74	13.11	28	التجريبية
				8.4	12.25	28	الضابطة

4- اختبار الذكاء

طبق الباحث اختبار رافن للمصفوفات المقنن للبيئة العراقية الذي أعده الدباغ وأخرون و يتكون الاختبار من خمسة أقسام هي (أ ، ب ، ج ، د ، ه) في كل قسم مصفوفة متدرجة في الصعوبة و يتطلب من المفحوص إكمالها باختيار البديل المناسب من بين بدائل عدّة يحصل المفحوص على درجة واحدة من كل إجابة صحيحة (رافن 1983: 37) ، لذا فإن أعلى درجة، يمكن أن يحصل عليها الطالب على إجابته في جميع الفقرات بصورة صحيحة هي (60) درجة و مدة تطبيق الاختبار (45) دقيقة ، وبعد إجراء الاختبار والحصول على درجات الذكاء لمجموعتي البحث تم حساب المتوسط الحسابي والتبابن لكلتا المجموعتين لاختبار الفرق بينهما.

وقد اتبع الباحث تعليمات الاختبار لدى تطبيقه على مجموعتي البحث، وبعد تصحيح الإجابات أعطيت درجة واحدة للإجابة الصحيحة و صفر للإجابة الخاطئة والملحق(1) يوضح الدرجات لمجموعتي البحث، ولمعرفة مدى تكافؤ طلبة مجموعتي البحث بهذا المتغير استخدم (t-test) عن دلالة الفروق، إذ لم يظهر فرق ذو دلالة إحصائية إذ كانت القيمة التائية المحسوبة (0.061) أقل من القيمة التائية الجدولية (2) عند مستوى دلالة (0.05) و درجة حرية (54)، مما يعني تكافؤ مجموعتي البحث في هذا المتغير والجدول (8) يوضح ذلك:

جدول (8)

المتوسط الحسابي والتباين والاختبار الثاني لمتغير الذكاء لمجموعتي البحث

الدالة الإحصائية	درجة الحرية	القيمة الثانية		التباين	المتوسط الحسابي	العدد	المجموعة
		الجدولية	المحسوبة				
غير دالة عند (0.05)	54	2	0.061	186.92	28.286	28	التجريبية
				145.57	28.07	28	الضابطة

5- اختبار التفكير الرياضي القبلي

لغرض التعرف على قدرة الطلاب على التفكير الرياضي لمجموعتي البحث التجريبية والضابطة ، قام الباحث بإعداد اختبار التفكير الرياضي من نوع الاختيار من متعدد من (40) فقرة، أعطيت (درجة واحدة) لكل فقرة صحيحة وصفر للفقرة الخاطئة ، أي أعلى درجة تكون (40) ، والملحق(3) يوضح فقرات الاختبار بصيغته النهائية وملحق(4) مفتاح الإجابة.

ولمعرفة مدى تكافؤ طلاب مجموعتي البحث بهذا المتغير استخدم (t-test) عن دالة الفروق ، إذ لم يظهر فرق ذو دالة إحصائية إذ كانت القيمة الثانية المحسوبة (0.344) أقل من القيمة الثانية الجدولية (2) عند مستوى دالة(0.05) ودرجة حرية (54)، مما يعني تكافؤ مجموعتي البحث في هذا المتغير والجدول (9) يوضح ذلك:

جدول (9)

المتوسط الحسابي والتباين والاختبار الثاني لاختبار التفكير الرياضي

الدالة الإحصائية	درجة الحرية	القيمة التائية		التباين	المتوسط الحسابي	العدد	المجموعة
		الجدولية	المحسوبة				
غير دالة عند (0.05)	54	2	0.344	11.38	12.25	28	التجريبية
				11.78	11.93	28	الضابطة

6- المستوى التعليمي للوالدين :-

إنَّ الحالة الثقافية والعلمية لأسرة الطالب تحدد إلى حد كبير مدى تحصيله العلمي، واتجاه هذا التحصيل مستقبلاً. (الطشاني، 1998، : 13)

حصل الباحث على المعلومات الشخصية التي تخص المستوى التعليمي للوالدين بملأ كل طالب استماره ، وتم إجراء تكافؤ بين مجموعتي البحث (التجريبية والضابطة) من حيث التحصيل الدراسي للأب والأم، وجمع البيانات عن تحصيل الوالدين لمجموعتي البحث ، إذ كانت مستويات التحصيل هي:

(أمّي - يقرأ ويكتب - ابتدائية - إعدادية - متوسطة - كلية فما فوق).

استعمل الباحث معادلة مربع كاي (χ^2) ولتطبيق هذه المعادلة يستلزم إدماج الخلايا فيما بينها للتوصل إلى تكرارات لا تقل عن (5) في كل خلية ، فعمد الباحث إلى إدماج مستوىي (أمّي - يقرأ ويكتب) ضمن مستوى واحد، وإدماج مستوىي (ابتدائية - متوسطة) ضمن مستوى واحد، وإدماج مستوىي (إعدادية - كلية فما فوق) ضمن مستوى واحد.

وبعد حساب قيمة كاي (χ^2) اتضح أنَّ الفرق لم يكن ذا دالة إحصائية عند مستوى دالة (0.05) ، إذ كانت قيم كاي (χ^2) المحسوبة البالغة (0.298)، (1.69) للأبوين أقل من قيمة كاي (χ^2) الجدولية البالغة (5.99) وبدرجة حرية (2) ، مما يدل على تكافؤ المجموعتين (التجريبية والضابطة) في التحصيل الدراسي للأب والأم. والجدول (10) يوضح ذلك.

جدول (10)

مستويات التحصيل للأباء، وعدد كل مستوى لمجموعتي البحث (التجريبية والضابطة) بعد الإدماج، وقيمة كاي (كاي²) المحسوبة والجدولية، ودرجة الحرية، ومستوى الدلالة

مستوى الدلالة (0.05)	درجة الحرية	قيمة (كاي ²)	التحصيل						المجموعة	والآباء
			م	ن	م	ن	م	ن		
غير دالة إحصائياً	2	0.298	10	10	8	28	التجريبية	الأب		
			12	9	7	28	الضابطة			
			22	19	15	56	المجموع			
		1.69	10	8	10	28	التجريبية	الأم		
			7	13	8	28	الضابطة			
			17	21	18	56	المجموع			

رابعاً:- اجراءات الضبط

-1- السلمة الداخلية :-Internal Validity

هناك بعض العوامل الداخلية (غير التجريبية) أو متغيرات يعتقد الباحث أنها قد تؤثر بطريقة أو بأخرى في سلمة نتائج التجربة ، ولزيادة اجراءات التكافؤ الإحصائي بين مجموعتي البحث ينبغي على الباحث تحديدها وضبطها ، لأنها قد تؤثر في المتغير التابع (رؤوف، 2001: 167).

وعليه تم التأكد من السلمة الداخلية لمتغيرات البحث عن طريق أجراء التكافؤ بين طلاب المجموعة التجريبية والمجموعة الضابطة في (العمر الزمني، والتحصيل السابق لمادة الرياضيات، والذكاء، والمعرفة السابقة(المعلومات السابقة) ، والتفكير الرياضي، وتحصيل الوالدين) .

-2- السلمة الخارجية :-External Validity

قام الباحث بالتأكد من السلمة الخارجية وكما يأتي:-

- تم تنظيم جدول الدروس الأسبوعي لمجموعتي البحث لضمان تكافؤ الحصص بالنسبة بين المجموعتين خلال الأسبوع ، لذا تأكد الباحث من حصول طلاب

مجموعتي البحث على العدد نفسه من الحصص ، فقد كان الباحث يدرس خمس حصص أسبوعياً لكل مجموعة وتم الاتفاق مع إدارة المدرسة في تنظيم جدول لتوزيع حصص مادة الرياضيات للصف الأول المتوسط بصورة متكافئة والجدول(11) يوضح ذلك.

جدول(11)

توزيع حصص مادة الرياضيات على طلاب مجموعتي البحث

الخميس	الأربعاء	الثلاثاء	الاثنين	الأحد	اليوم المجموعة
الخامس	الثاني	الرابع	الثالث	الأول	التجريبية
الأول	الثالث	الخامس	الرابع	الثاني	الضابطة

- درست مجموعتي البحث في القاعة الدراسية نفسها كل على حدة ، أي أن المجموعتين تعرضتا للظروف نفسها داخل القاعة الدراسية التي كانت في الطابق الأول لبناء المدرسة.
- ضبط تأثير الخبرة التدريسية لذا قام الباحث بتدريس طلاب مجموعتي البحث طوال مدة التجربة مما يضفي الدقة والموضوعية على نتائج التجربة، ولتحاشي الاختلاف الذي ينجم عن اختلاف المدرس وبالتالي يؤثر على نتائج البحث.
- كانت المادة الدراسية المحددة للتجربة موحدة لمجموعتي البحث.
- لم يتعرض طلاب مجموعتي البحث إلى الترک أو الانقطاع أو النقل من الشعبة أو المدرسة وعليه لم تتعرض التجربة إلى الاندثار التجاري الذي يقصد به:الأثر الناتج عن ترك عدد معين من أفراد العينة الدوام أو الانتقال أثاء التجربة(الزوبيي والغنايم,1981: 95) .

- صحق الباحث الأوراق الامتحانية لجميع الاختبارات. وعليه يمكن أن يقال بأن مجموعتي البحث قد تعرضت للظروف الخارجية نفسها، وبذلك تكون السلامة الخارجية قد تحققت.

خامساً: مستلزمات البحث :

1- تحديد المادة العلمية:

حددت المادة العلمية بخمسة فصول من كتاب الرياضيات للصف الأول المتوسط المقرر (ط-2011) وتشمل الموضوعات: المجموعات، العلاقات، الأعداد الصحيحة، الأعداد النسبية، تطبيقات على الأعداد النسبية.

2- تحديد الأهداف وصياغتها سلوكياً:

بعد أن حلّ الباحث محتوى المادة الدراسية والمحددة بالفصول (الأول، الثاني، الثالث، الرابع، الخامس) من كتاب الرياضيات المقرر ، وحدّد المفاهيم ، والمهارات والتعليمات ، وحل المسائل لهذه الفصول وصاغ الباحث مجموعة من الأهداف السلوكية وتمثل ما يقوم به الطالب من أقوال أو أفعال نتيجة مروره بخبرة مباشرة أو غير مباشرة وينتج عنه التعلم المرغوب الذي يؤدي إلى تحقيق غاية أو هدف معرفي .
(السبحي ، 2003 : 40).

و بما أن هدف البحث قياس التحصيل بعد إعطاء المتعلمين خبرة تعليمية ، قام الباحث بصياغة أهدافاً سلوكيةً في ضوء الفصول الخمسة التي تم الاتفاق على تدريسها ، والأهداف العامة.

أعتمد الباحث المستويات الثلاثة الأولى:(التذكر، الفهم، التطبيق) من المجال المعرفي من تصنيف بلوم (Bloom) و كراوثول(Krathwohl) التي تعد من أكثر التصانيف شيوعاً وفائدة في مجال التعرف على الأهداف السلوكية وتحديدتها و تعد هذه المستويات الثلاث من هذا المجال أكثر تحقيقاً وأدق قياساً من المجالات الأخرى (الكبيسي، 2007:ص40). واعتمدت المستويات الثلاث بعد استشارة الخبراء.

وفي ضوء الأهداف العامة لتدريس مادة الرياضيات للصف الأول متوسط ومحظى الفصول الخمسة المقرر تدريسها تم القيام بصياغة الأغراض السلوكية ، وبلغ عدد

الأهداف السلوكية للمادة الدراسية المقرر تدريسها وفق لإجراءات البحث الحالي) 146(هدفاً سلوكياً (عرضت مع نسخة من فصول البحث من كتاب الرياضيات حسب طلب الخبير) على مجموعة من ذوي الخبرة والاختصاص. واستخدمت النسبة المئوية لقياس صلاحية تلك الأهداف. وحصلت جميع الأهداف على موافقة الخبراء لم يحذف أي هدف مع إجراء بعض التعديلات اللغوية على بعض الأهداف السلوكية ملحق (5).

3- إعداد الخطط التدريسية:

أعد الباحث خطط تدريسية يومية للمجموعتين التجريبية والضابطة بلغ عددها (36) خطة لكل مجموعة منها، لضمان سير التدريس على وفق إستراتيجية التعلم النشط والطريقة الاعتيادية وقد عرضت اثنين منها على مجموعة من المحكمين (ملحق 6) لبيان مدى تحقيقها للأهداف التي وضعت من أجلها وفي ضوء الملاحظات التي حصل عليها أجريت بعض التعديلات على جوانب من هذه الخطط لتأخذ صيغتها النهائية . (ملحق 7).

سادساً. أدوات البحث:

الاختبار التحصيلي:

صممت اختبارات التحصيل لتقدير ما حصل عليه الطالب من المعلومات التي تعلمها او المهارات التي تدرب عليها (العساف، 1989: 433) وتعتبر اختبارات التحصيل من أهم الادوات لجمع المعلومات اللازمة لعملية التقويم التربوي وبشكل خاص التقويم الصفي سواء كانت هذه الاختبارات مفترة او من اعداد المعلم. (الغريب، 1985: 81)

وقد أعد الباحث اختبار لقياس تحصيل الطلاب للمواضيع المشمولة بالبحث، وذلك بعد الانتهاء من دراسة الفصول الخمسة، وحددت مكونات المعرفة الرياضية والتي يقيسها الاختبار وهي (مفاهيم، مهارات، مبادئ او تعاميم، حل مسائل) واختير: اختبار من نوع الاختيار من متعدد المكون من (50) فقرة . وهذا النوع من الاختبارات يتالف من نص صغير وهو بمثابة سؤال متبع بعده من البدائل المقترحة، والتي هي بمثابة إجابات أحدها يكون صحيحا والأخريات خاطئة أو قريبة من الصواب. (Hills, 1982, P.203)

ويسمح هذا النوع من الفقرات الاختبارية بقياس وتقدير قدرات متعددة عند الطلاب، كما إنها تكون أكثر ثباتا من غيرها. (الخولي، 1980: 82)

أ- الخارطة الاختبارية (جدول المواصفات):

يعد جدول المواصفات خطوة ضرورية ومهمة لبناء فقرات أي اختبار ، ذلك الجدول الذي يشير إلى عدد من الأسئلة التي يجب اختيارها من مجموعة الأهداف السلوكية المتعلقة بمحفوظ معين ويمتد على مجموع (الناشف، 2001: 93).

يُعرّف جدول المواصفات بأنه : عبارة عن مخطط تفصيلي يبين فيه محتوى المادة الدراسية بشكل عناوين رئيسية، مع تحديد الوزن النسبي لكل موضوع ، ونسبة الأهداف وعدد الأسئلة المخصصة لكل جزء منها.

وبتعريف آخر هو مخطط تفصيلي يحدد محتوى الاختبار ، ويربط محتوى المادة الدراسية بالأهداف التعليمية السلوكية ، وبين الوزن النسبي الذي يعطيه المعلم لكل موضوع من الموضوعات المختلفة ، والأوزان النسبية للأهداف المعرفية السلوكية في مستوياتها المختلفة . واتبع الباحث الخطوات الآتية لتكوين الجدول:

1- إيجاد الوزن النسبي للموضوع والمفردات التي سيقاس تحصيل المتعلم فيها في المادة الاختبارية، ويمكن تحقيق ذلك بمعرفة عدد الصفحات لتدريس كل موضوع من المادة الاختبارية بالنسبة إلى الموضوعات الأخرى أي:

$$\text{وزن المحتوى} = \frac{\text{عدد الحصص المخصصة لكل موضوع}}{\text{عدد الحصص الكلي}} \times 100$$

2- الوزن النسبي للأهداف بمستوياتها المختلفة (الذكر، الفهم، التطبيق).

عدد الأهداف السلوكية في الموضوع

$$\text{ويمكن حساب: وزن الأهداف} = \frac{\text{عدد الأهداف السلوكية للمادة الاختبارية}}{\text{الكتابيسي، 2007: 141-143}}$$

وبذلك تكون الجداول المشتملة بالبحث، والأهداف السلوكية لمكونات المعرفة الرياضية، حيث وزعت الفقرات حسب الموضوعات الدراسية وحسب مكونات المعرفة الرياضية (والجداول 12، 13) توضح ذلك .

جدول (12)

مستويات الأهداف في الفصول ونسبها

مجموع الأهداف	مستويات الأهداف			الفصول
	تطبيق	فهم	ذكر	
36	2	25	9	فص 1
26	5	11	10	فص 2
36	7	21	8	فص 3
16	1	14	1	فص 4
32	8	13	11	فص 5
146	23	84	39	المجموع
%100	%16	%57	%27	النسب

جدول (13)
جدول الموصفات(الخارطة الاختبارية)

المجموع	التطبيق	الفهم	التذكر	النسبة		الفصول
				المحتوى	الأهداف	
%100	%16	%57	%27			
12	2	7	3	%25	%16	1- المجموعات
9	1	5	3	%17	%22	2- العلاقات
12	2	7	3	%25	%20	3- الأعداد الصحيحة
6	1	3	2	%11	%14	4- الأعداد النسبية
11	2	6	3	%22	%28	5- تطبيقات على الأعداد النسبية
50	8	28	14	%100	%100	المجموع

ب- الصدق :Validity

:Face Validity

تم عرض فقرات الاختبار على مجموعة من المحكمين (ملحق 6) من ذوي الخبرة والاختصاص في مجال التربية وطرائق تدريس الرياضيات ، وذلك لابداء آرائهم بصدق صلاحية الفقرات وفي قياس محتوى المادة الدراسية المشمولة بالبحث على وفق مكونات المعرفة الرياضية.

2- صدق المحتوى :Content Validity

وهو يعني مدى تمثيل بنود الاختبار للمحتوى المراد قياسه (العساف، 1989: 430) أي إن صدق المحتوى يرتبط بالاجابة عن السؤال: الى أي حد يكون الاختبار قادرًا على قياس مجال محدد من السلوك.

(الامام وآخرون ، 1990: 127)

ولتحقيق صدق الاختبار فقد اعتمد الصدق المنطقي (الصدق الظاهري وصدق المحتوى) إذ عرضت فقرات الاختبار والأهداف السلوكية الموزعة على مكونات المعرفة الرياضية على مجموعة من ذوي الخبرة والاختصاص لابداء آرائهم حول ملاءمة الفقرات التي اعدت من اجلها، ومدى ملاءمتها لمكونات المعرفة الرياضية وبلغ عددها (50) فقرة يقيس كل منها غرضا سلوكيا وفي ضوء آراء المحكمين (ملحق 6) تمت إعادة صياغة بعض الفقرات وإجراء التعديلات على بعضها الآخر واستخدام حساب النسبة المئوية وسيلة احصائية لقبول الفقرات وصلاحيتها لمستويات الطلاب، وتعد الفقرة صالحة اذا حصلت على (80%) من آراء المحكمين .

ج- تعليمات الاختبار التحصيلي :

1- تعليمات الإجابة:

اعطيت التعليمات الخاصة بالاختبار التحصيلي وطلب من الطلاب قراءة كل فقرة بعناية ثم اختيار الحرف الذي يمثل الجواب الصحيح ووضعه أمام رقم الفقرة .

2- تعليمات التصحيح:

أعطيت درجة واحدة للإجابة الصحيحة وصفراً للإجابة الخاطئة او المتروكة او اذا كان هناك اكثر من بديل ، وتمثل الدرجة النهائية لكل سؤال مجموع هذه الأوزان ويوضح (ملحق 9) مفتاح الإجابة عن فقرات الاختبار.

د- تطبيق الاختبار التحصيلي على العينة الاستطلاعية:

تم تطبيق الاختبار على عينة مكونة من 20 طالباً^(*) وذلك للتأكد من وضوح الفقرات وتعليمات الإجابة والوقت الذي يستغرقه الاختبار ، ولغرض ضبط الوقت المستغرق تم تسجيل انتهاء كل الطالبة وبعد احتساب المتوسط الزمني للاختبار تبين انه كان (60) دقيقة تقريبا.

ه- تطبيق الاختبار التحصيلي على العينة الاستطلاعية الثانية

تم تطبيق الاختبار على عينة مكونة من 120 طالباً^(**)وتشمل هذه العملية على الحساب الآتي:

1- معامل صعوبة الفقرة:

تم ايجاد معامل الصعوبة وقد تراوح بين (0.20-0.79) لذا يعد الاختبار جيداً من جهة صعوبة فقراته .

2- قوة تمييز الفقرة:

رتبت أوراق الإجابة تنازليا، وأجري تقسيم الاختبار إلى مجموعتين (27%) من الأوراق الحاصلة على أعلى الدرجات (المجموعة العليا) و (27%) من الأوراق الحاصلة على أدنى الدرجات (المجموعة الدنيا) ويشير براون (Brown) إلى إن الفقرة جيدة اذا كانت قوتها التمييزية (20%) فما فوق.(Brown, 1981: P.104).

وقد تبين ان فقرات الاختبار قد تراوحت قوتها التمييزية بين (0.21-0.68) لذلك فهي جيدة

3- ثبات اختبار التحصيل:

استخدمت معادلة الفاکرونباخ لحساب معامل ثبات الاختبار ، إذ بلغ معامل الثبات المحسوب بهذه الطريقة (0.90) وهذا يدل على أن الإختبار يحظى بدرجة جيدة من الثبات.

4- فعالية البديل لاختبار التحصيل:

^(*) أختيرت متوسطة الزيتون للبنين،في حي التأمين لتطبيق إختبار التحصيل الأستطلاعي الأول

^(**) أختيرت متوسطة الشموخ للبنين،في حي التأمين لتطبيق إختبار التحصيل الأستطلاعي الثاني

تم استخدام معادلة فعالية البدائل الخاطئة لجميع فقرات الاختبار الموضوعية، ووجد ان معاملات فعالية البدائل سالبة، ولذلك عدت جميع البدائل الخاطئة فعالة.

اختبار التفكير الرياضي:

قام الباحث بأعداد اختبار للتفكير الرياضي مكونٍ من (45) فقرة موزعة على مهارات (الاستقراء، الاستنتاج، التعبير بالرموز، إدراك العلاقات ، البرهان الرياضي) وتم أيجاد بعض الخصائص السايكومترية لهذا الاختبار وحسب الآتي:

1- صدق الاختبار:

بعد الاختبار صادقاً إذا كان يقيس ما اعد لقياسه فقط (عوده، 1998: 340)، ولغرض تحقيق صدق الاختبار استخدم الصدق الظاهري وذلك بعرضه على مجموعة من المحكمين (ملحق 6) وهو الصورة الأولية للاختبار، ويتناول تعليمات الاختبار ومدى دقتها ودرجة ما تتمتع به من موضوعية.

وقد تم استبدال وتعديل وحذف بعض فقراته في ضوء نتائج التحكيم فأصبح الاختبار في صورته النهائية مكوناً من (40) فقرة ملحق (3).

2- تعليمات الاختبار :

أ-تعليمات الإجابة:

أعدت التعليمات الخاصة بالإجابة عن الاختبار وطلب من الطلاب قراءة كل فقرة بعناية والإجابة عنها باختيار الحرف الذي يمثل الجواب الصحيح ووضعه أمام رقم الفقرة ملحق (3).

ب-تعليمات التصحيح:

أعطيت درجة واحدة للإجابة الصحيحة وصفر للإجابة الخاطئة أو المتروكة أو إذا كان هناك أكثر من بديل، ويوضح (ملحق 4) مفتاح الإجابة عن فقرات الاختبار.

3- التطبيق الاستطلاعي للاختبار: تم تطبيق الاختبار على عينة استطلاعية والبالغة

20 طالب نفس العينة الاستطلاعية الأولية وذلك للتأكد من وضوح الفقرات وتعليمات الإجابة ، ولغرض ضبط الوقت المستغرق تم تسجيل زمن انتهاء جميع

الطلاب وبعد احتساب المتوسط الزمني للاختبار وتبين إنه كان (45) دقيقة تقريباً.

4- تحليل فقرات اختبار التفكير الرياضي:

تم تطبيق الاختبار على نفس العينة الاستطلاعية الثانية (120 طالب) من الاختبار التحصيلي وتشمل هذه العملية على حساب الآتي :

أ-معامل صعوبة الفقرة:

يرى (Bloom) أن الفقرات الاختبارية تعد صالحة وجيدة في التطبيق إذا كان مستوى صعوبتها يتراوح بين (0.20-0.80) (Bloom, 1971: P.60) وعليه فان معامل الصعوبة لفقرات الاختبار تراوحت (0.21-0.79) ويترب على هذا أن الاختبار يعد جيداً من جهة صعوبة فقراته .

ب- قوة تمييز الفقرة:

هو أمكانية الفقرة على التمييز بين الطلبة أصحاب الدرجات الضعيفة من الطلبة أصحاب الدرجات العالية بالنسبة للسمة التي يقيسها الاختبار .
(Hills, 1982: P.133)

وعليه فقد رتب درجات أفراد العينة الاستطلاعية تنازلياً وقسم الاختبار إلى مجموعتين أعلى (27%) وأدنى (27%) واجري حساب قوة تمييز باستخدام معادلتها. حيث وجد ان معامل التمييز يتراوح بين (0.24-0.62) ويشير (Stanly) ان الفقرات الاختبارية تعد جيدة وصالحة اذا حصلت على قوة تمييزية قدرها (0.20) فأكثر ولهذا تعد الفقرات صالحة. (Stanly, 1970: P.267)

ج- ثبات اختبار التفكير الرياضي:

لغرض حساب معامل ثبات درجات اختبار التفكير الرياضي للعينة الاستطلاعية فقد تم استخدام معادلة (Kuder-Richardson-20) لحساب معامل ثبات الاختبار حيث يفضل استعمال هذه المعادلة في حالة الاختبارات من نوع(الموضوعية) بلغ معامل الثبات (0.83) وهذا يدل على أن الاختبار يحظى بدرجة جيدة من الثبات بالنسبة إلى الأسئلة الموضوعية.

د- فعالية البديل الخاطئة:

في الاختبارات الموضوعية التي تكون من نوع الاختيار من متعدد يكون البديل الخاطيء فعالاً عندما يجذب عدداً من الطلبة من المجموعة الدنيا يزيد على عدد الطلبة في المجموعة العليا، ويكون البديل أكثر فعالية كلما زادت قيمته في السالب (البغدادي، 1980: 229).

وبعد استخدام معادلة فعالية البديل الخاطئة لجميع الفقرات الموضوعية وجد أن معاملات فعالية جميع البديل سالبة، ولذلك عدت جميع البديل الخاطئة فعالة.

الوسائل الإحصائية

تم استخدام الوسائل الإحصائية التالية في تحليل البيانات المتعلقة بهذا البحث باستخدام برنامج (Excel) وبعض الوسائل الآتية:

() لعينتين مستقلتين متساويتين. 1t-test - الاختبار الثاني:

استخدم لمعرفة تكافؤ المجموعتين التجريبية والضابطة في(التحصيل السابق للرياضيات، المعرفة السابقة ، الذكاء ، العمر الزمني ، التفكير الرياضي) وأستخدم لمعرفة دلالة الفروق الإحصائية بين المتوسطات الحسابية ودرجات الطلبة في مجموعتي البحث لمتغيرات البحث .

$$t_{n-2} = \frac{\bar{X}_1 - \bar{X}_2}{\sqrt{\frac{s_1^2}{n_1} + \frac{s_2^2}{n_2}}}$$

إذ إنّ :

t_{n-2} = القيمة التائية لعينتين مستقلتين متساويتين

\bar{X}_1 = المتوسط الحسابي للمجموعة الأولى.

\bar{X}_2 = المتوسط الحسابي للمجموعة الثانية.

s_1^2 = التباين للمجموعة الأولى.

s_2^2 = التباين للمجموعة الثانية.

n = مجموع عدد أفراد المجموعتين. (المنيزل وغرابية, 2010: 238)

2- اختبار مربع كاي χ^2 (Chi- square x)

استخدم لعرض حساب تكافؤ العينة في التحصيل الدراسي للأب والأم :-

$$\chi^2 = \sum \frac{(O - E)^2}{E}$$

إذ أن :

χ^2 = مربع كاي

O = التكرار الملاحظ

E = التكرار المتوقع

(المنيزل وغرابية, 2010: 153)

(Howitt , 2000 : P.211)

3) معامل الصعوبة للفقرات الموضوعية

وتشتمل هذه المعادلة في حالة الاختبارات الموضوعية لذا استخدمت في حساب صعوبة الفقرات وسهولتها.

مجموع الإجابات الخاطئة في الفئة العليا والفئة الدنيا

معامل الصعوبة =

العدد الكلي للطلبة (مجموع الفئتين)

(الدليمي وعدنان ، 2005 : 84)

4- معادلة كيودر - ريتشاردسون-20

أستخدمت لحساب معامل الثبات لاختبار التفكير الرياضي

$$KR20 = \frac{n}{n-1} \left[1 - \frac{\sum pq}{S^2_x} \right]$$

n = عدد فقرات الاختبار

P = معامل الصعوبة

q = معامل السهولة

(علم، 2000 : 162)

S_x^2 = تباين الاختبار الكلي

5- معادلة التمييز للفقرات الموضوعية (The Discrimination Equation of)

أستخدمت في حساب القوة التمييزية لفقرات اختبار اكتساب المفاهيم الرياضية

$$\text{القوة التمييزية} = \frac{ص_u - ص_d}{\frac{1}{2}(u+d)}$$

حيث:

ص_u = عدد الإجابات الصائبة للمجموعة العليا.

ص_d = عدد الإجابات الصائبة للمجموعة الدنيا.

u = عدد أفراد المجموعة العليا .

d = عدد أفراد المجموعة الدنيا. (الدليمي وعدنان, 2005: 89)

6- فعالية البدائل : Effectiveness of Distracters

استخدمت لحساب فعالية البدائل غير الصحيحة (الخاطئة) لفقرات الاختبار النهائي لاكتساب المفاهيم الرياضية .

$$\text{معامل فعالية البدائل} = \frac{n_m^u - n_m^d}{n}$$

n_m^u = عدد الذين اختاروا البديل الخاطئ من الفئة العليا

n_m^d = عدد الذين اختاروا البديل الخاطئ من الفئة الدنيا

n = عدد الطلاب في أي من المجموعتين العليا أو الدنيا

(العزاوي، 2008، 78-83)

7- معادلة ألفا - كرونباخ (α)

استخدمت في حساب ثبات اختبار التحصيل باستخدام برنامج Excel

$$\text{معامل } (\alpha) = \frac{n}{n - 1} \times \left(1 - \frac{\sum u_k^2}{\sum u^2} \right)$$

حيث:

n : العدد الكلي لمفردات الاختبار

$\sum u^2$: مجموع تباين درجات كل مفردة

$\sum u_k^2$: تباين الدرجات الكلية في الاختبار .

(علام ، 2006 : 100)

الفصل الخامس

عرض النتائج وتفسيرها

- . الاستنتاجات**
- . التوصيات**
- . المقترنات**

الفصل الخامس

عرض النتائج وتفسيرها

والاستنتاجات والتوصيات والمقترنات

يتناول هذا الفصل عرضاً وتفسيراً للنتائج التي توصل إليها الباحث من خلال نتائج المجموعتين التجريبية والضابطة في الاختبار التحصيلي البعدى والتفكير الرياضي البعدى .

وفي ضوء نتائج البحث سيعرض أيضاً الاستنتاجات والتوصيات التي يمكن الإفادة منها ، والمقترنات التي قد يجد فيها الباحثون والمعنيون بالمناهج وطرائق التدريس مجالاً لإجراء بحوث أخرى مكملة لهذا البحث .

أولاً. عرض النتائج الخاصة بالتعلم النشط والتحصيل البعدى والموجل

لغرض تحليل نتائج البحث الحالي استخدم الباحث الاختبار الثاني لعينتين مستقلتين ، وذلك للتحقق من الفرضية الصفرية التي تنص على:

الفرضية الأولى: لا يوجد فرق ذو دلالة إحصائية عند مستوى (0.05) بين متوسط

درجات تحصيل طلاب المجموعة التجريبية الذين يدرسون بطريقة التعلم النشط وطلاب المجموعة الضابطة الذين يدرسون بالطريقة التقليدية في مادة الرياضيات ، وبعد وجدت المتوسطات والتبانين ويبين الجدول(14) نتائج ذلك.

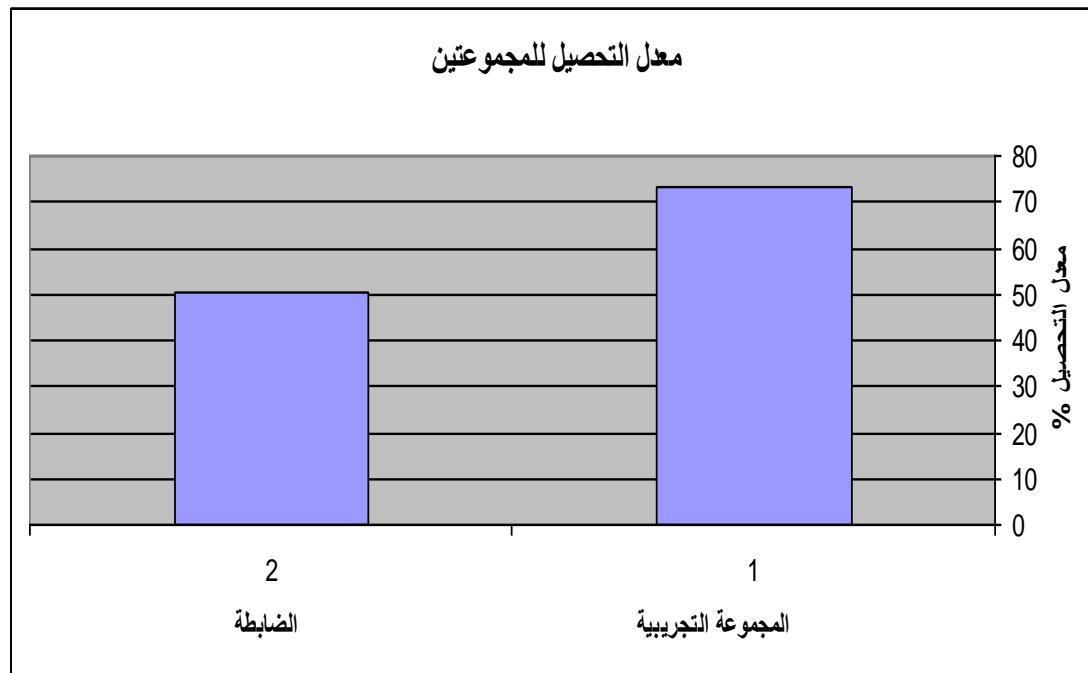
جدول (14)

نتائج الاختبار الثاني للفرق بين متوسط تحصيل المجموعتين التجريبية والضابطة

في الاختبار التحصيلي البعدى

الدالة الإحصائية	درجة الحرية	القيمة الثانية		التبانين	المتوسط الحسابي	العدد	المجموعة
		الجدولية	المحسوبة				
دالة عند (0.05)	54	2	5.301	57.24	36.57	28	التجريبية
				72.004	25.18	28	الضابطة

أظهرت النتائج في جدول (14) ، أن القيمة التائية المحسوبة وقيمتها (5.301) أكبر من القيمة الجدولية التي قيمتها (2) عند مستوى دلالة (0.05) ودرجة حرية (54) ، وهذا يعني أن هناك فرقاً ذا دلالة إحصائية بين متوسط التحصيل الدراسي للمجموعتين ، ولصالح المجموعة التجريبية وبذلك ترفض الفرضية الصفرية وتقبل الفرضية البديلة ، كما يوضحها شكل (5) :



شكل (5)
معدل التحصيل للمجموعتين التجريبية والضابطة

انفتت هذه النتيجة مع دراسة كل من: (wilk , 2003) ، ودراسة (بوقس ، 2006) ودراسة (Ayded & Matyar , 2009) ، ودراسة (الزايدى ، 2009)، ودراسة (الأسطل ، 2010) ، ودراسة (Ali , 2010) ، ودراسة (الحربي 2010) ، ودراسة (أبو هدروس والفرا ، 2011) ، ودراسة (Malik & Janjua) ، واختلفت نتيجة الدراسة مع دراسة (Fox & Rue , 2003) .

الفرضية الثالثة: لا يوجد فرق ذو دلالة إحصائية عند مستوى (0.05) بين متوسط درجات تحصيل طلاب المجموعة التجريبية الذين يدرسون بطريقة التعلم النشط وطلاب المجموعة الضابطة الذين يدرسون بالطريقة التقليدية في اختبار التعلم المؤجل (بقاء اثر التعلم) في مادة الرياضيات.

وبعد وجدت المتوسطات والتباين حيث يبين الجدول(15) نتائج ذلك .

جدول (15)

**نتائج الاختبار الثاني لفرق بين متوسط تحصيل المجموعتين
التجريبية والضابطة في الاختبار المؤجل البعدى**

الدالة الإحصائية	درجة الحرية	القيمة الثانية		التباين	المتوسط الحسابي	العدد	المجموعة
		الجدولية	المحسوبة				
دالة عند (0.05)	54	2	3.88	52.65	32.17	28	التجريبية
					62.14	24.32	28

تفسير النتائج

من النتائج التي عرضت في الجدول (14) والجدول (15) التي دلت على وجود فرق ذي دلالة إحصائية في اختبار التحصيل وإختبار الاحتفاظ لصالح المجموعة التجريبية التي درست بالتعلم النشط.

ويعزى الباحث السبب في ذلك إلى :-

1- فاعلية التأثير الإيجابي للتعلم النشط على الطلاب في زيادة تحصيلهم والذي يتمثل في عدة جوانب ، منها : زيادة دافعيتهم للتعلم ، وانتباهم ، وتطوير اتجاهات إيجابية نحو المعلم والمادة التعليمية ، وزيادة التفاعل داخل الصف ، وتنمية مهارات التفكير العليا لديهم ، ويركز عليها ، لذلك تباطب العديد من أنشطته هذه القدرات في مواقف مختلفة فيساعد في تحسين تعلم المحتوى العلمي.

2- طبيعة التعلم النشط يعتمد على نشاط المتعلم وبناء المعرفة بنفسه ، إذ يقوم بالبحث والقصي ، حتى يصل للمفاهيم بنفسه ، ويتم العمل بشكل فردي أو في مجموعات مما يساعد على نمو روح التعاون ، والعمل التعاوني الإيجابي.

3- أدى تنوع الأنشطة التعليمية المستخدمة في التعلم النشط إلى إثراء البيئة التعليمية بالتأثيرات الحسية المختلفة ، مما ساعد على زيادة طاقة الطلاب الإيجابية والتقليل من طاقة الطلاب مفرطي الحرفة.

4- ومن خصائص التعلم النشط التعمق في المعرفة ، من خلال البناء المعرفي للطالب ، إذ يتم الاعتماد على الخبرات السابقة ، وإضافة المزيد منها ، من أجل التعمق ،

وذلك من خلال بناء علاقات بين المفاهيم الجديدة ، أو بين المفاهيم الجديدة وما يملكه الطالب من مفاهيم سابقة ، حيث أدى ذلك إلى رفع المستوى التحصيلي لدى المجموعة التجريبية ، مقارنة بالمجموعة الضابطة ، وذلك على خلاف الطريقة التقليدية التي ترتكز على الحفظ والتذكر ، وليس إلى تكوين بنية مفاهيمية متماضكة .

5- ومن خلال نتائج المقارنة بين المجموعة التي تم تدريسها بالتعلم النشط ، والمجموعة التي ترتكز على التعلم التقليدي أظهرت أن أساليب التعلم النشط تؤدي بشكل عام إلى نسبة احتفاظ(بقاء اثر التعلم) أكبر للمادة التعليمية.

6- من خصائص التعلم النشط أنه يتم الاعتماد على الخبرات السابقة فيه ، وإضافة المزيد منها ، من أجل التعمق ، إذ يعمل التعلم النشط على معرفة الخبرات السابقة للمتعلم ويتم الإلمام بها ، عن طريق توجيهه أسئلة متعددة هادفة للتعرف إليها ، أو من خلال الطلب مباشرة منه بأن يتحدث عن نفسه لفترة كافية ، لتحديد المهام أو الأنشطة أو المشاريع البحثية التي يقوم بها منفرداً أو مع المجموعة أو المجموعات المختلفة.

ثانياً. عرض النتائج (الخاصة بالتفكير الرياضي)

لغرض تحليل النتائج الخاصة بالتفكير الرياضي استخدم الباحث الاختبار الثاني (T-test) لعينتين مستقلتين ، وذلك للتحقق من الفرضية الصفرية الثالثة التي تنص على:

الفرضية(الثانية): لا يوجد فرق ذو دلالة إحصائية عند مستوى (0.05) بين متوسط درجات اختبار التفكير الرياضي بين طلاب المجموعة التجريبية الذين يدرسون بطريقة التعلم النشط وطلاب المجموعة الضابطة الذين يدرسون بالطريقة التقليدية في مادة الرياضيات.

جدول (16)

نتائج الاختبار الثاني لفرق بين متوسط تحصيل المجموعتين

التجريبية والضابطة في اختبار التفكير الرياضي البعدى

الدالة الإحصائية	درجة الحرية	القيمة الثانية		التبالين	المتوسط الحسابي	العدد	المجموعة
		الجدولية	المحسوبة				
دالة عند (0.05)	54	2	7.55	17.11	23.82	28	التجريبية
				7.45	14.65	28	الضابطة

تفسير النتائج التفكير الرياضي :

يتبيّن من الجدول (16) وجود فرق ذو دلالة إحصائية لصالح المجموعة التجريبية التي درست بالتعلم النشط في التفكير الرياضي يعزى الباحث السبب في ذلك إلى :-

1. تنظيم المحتوى التعليمي وطريقة عرضه للمادة العلمية بالتعلم النشط بتسلاسل منطقى زاد من دافعية الطالب لأن يخطوا خطوات ثابتة لتحقيق أهداف الوحدة المحددة للدراسة.

2. الطالب في المجموعة التجريبية هو المحور الرئيس الذي تدور حوله عملية التعليم والتعلم، من حيث اعتماده على نفسه وبالتالي كسب ثقته بنفسه، ومن ثم زيادة نشاطه ورغبته في تعلم المزيد .

3. التغذية الراجعة التي تم توافرها من خلال التعلم النشط أمكن تعديل مسار الطالب الفكرية نحو الهدف، وذلك من خلال تدعيم الإجابات الصحيحة،

ومعالجة الأخطاء التي وقع فيها بعض الطلاب، فضلاً على تعدد التدريبات الرياضية للهدف الواحد.

4. ويخلص الباحث إلى نتيجة مهمة، وهي : أن الدراسات والبحوث المختلفة أثبتت وجود علاقة ارتباطية موجبة بين التحصيل الدراسي في الرياضيات والتفكير الرياضي، إذ يعتمد كل منهما على الآخر . وهذا ما أثبتته النتائج الإيجابية للدراسة الحالية والتي كانت لصالح المجموعة التجريبية، التي درست الرياضيات عن طريق التعلم النشط دون المجموعة الضابطة، وهذا يدل على أن التدريس باستخدام التعلم النشط يساعد في رفع مستوى التحصيل الدراسي لدى الطلاب، ويسهم في تنمية التفكير الرياضي لديهم في مقرر الرياضيات، في حين الطريقة التقليدية في تدريس الرياضيات المعتمدة على المدرس تسهم بشكل جزئي في زيادة التحصيل فقط، دون تنمية التفكير الرياضي . وهذا ما يتعارض مع أهم أهداف تدريس الرياضيات وهو الاهتمام ب التعليم وتعلم الرياضيات بهدف تنمية التفكير الرياضي وتنمية مهاراته المختلفة لدى الطلاب.

الاستنتاجات

في ضوء النتائج التي أسفـر عنها الـبحث الحالـي أـمـكـنـ التـوـصـلـ إـلـىـ الـاسـتـنـاجـاتـ الآتـيـةـ :

1. أثر التعلم النشط وأثرها الإيجابي في تدريس مادة الرياضيات لطلاب الصف الأول المتوسط من التعليم العام.
2. إعداد وتقديم المادة الدراسية بشكل جيد ومنظم ومرتب يؤدي إلى إيصال المادة العلمية إلى الطالب بكل يسر وسهولة.
3. التسلسل في إيصال الحقائق والمعلومات للطلاب من المفاهيم الرئيسية ثم المفاهيم الفرعية والمفاهيم الثانوية ، يساعد في تدريس وإيصال المادة الدراسية للطالب بشكل فعال ومؤثر خاصة في تدريس مادة الرياضيات.
4. التدريس باستخدام التعلم النشط يؤدي إلى تنمية التفكير الرياضي.
5. ضعف الطالب بصورة عامة في التفكير الرياضي ولم يبلغ مستوى 50%.

الـتـوـصـيـاتـ

في ضوء النتائج التي تمـخـضـ عنـهاـ الـبحـثـ الحالـيـ يـقـدـمـ الـبـاحـثـ التـوـصـيـاتـ الآتـيـةـ :

1. استخدام أعضاء الهيئات التدريسية في التعليم العام في تدريس المواد بوجه عام ومادة الرياضيات بوجه خاص التعلم النشط .
2. ضرورة اهتمام المديريات العامة لتربيـةـ المحافظـاتـ بـتـدـريـبـ المـدـرـسـينـ عـلـىـ اـسـتـخـادـ أـسـلـوـبـ التـعـلـمـ النـشـطـ فـيـ التـدـرـيـسـ ضـمـنـ بـرـنـامـجـ تـدـريـبـ المـدـرـسـينـ وـالـمـعـلـمـينـ.
3. تنمية القدرة على التفكير الرياضي لدى الطالب بحيث يكون الطالب قادرـاـ عـلـىـ الرـؤـيـةـ الـكـلـيـةـ وـإـدـرـاكـ الـعـلـاقـاتـ بـيـنـ الـمـفـاهـيمـ منـ خـلـالـ تـدـرـيـسـ المـوـادـ الـعـلـمـيـةـ بـصـورـةـ عـامـةـ وـالـرـياـضـيـاتـ بـصـورـةـ خـاصـةـ.
4. الاهتمام بتنمية مهارات التفكير الرياضي لدى الطالب عـامـةـ، وـتـلـامـيـذـ المـرـحـلـةـ الـمـتوـسـطـةـ خـاصـةـ، لـمـاـ لـهـاـ مـنـ أـثـرـ إـيجـابـيـ فـيـ تـنـمـيـةـ قـدـراتـهـ الـعـقـلـيـةـ الـعـلـيـاـ فـيـ مـرـحلـةـ عـمـرـيـةـ مـبـكـرـةـ.
5. إعداد مواد وطرائق تتضمن التعلم النشط وتضمـينـهاـ فـيـ بـرـنـامـجـ إـعـدـادـ المـعـلـمـينـ وـالـمـدـرـسـينـ ليـصـلـ أـثـرـهـاـ لـلـطـلـابـ ، وـيـتـعـرـفـ عـلـىـ أـسـسـهـاـ الـنـظـرـيـةـ وـطـرـقـ تـطـبـيقـهـاـ.
6. تطوير المنهج عـامـةـ وـالـرـياـضـيـاتـ خـاصـةـ وـفقـ التـعـلـمـ النـشـطـ وـخـاصـةـ تـنـظـيمـ مـحتـوىـ الـمـنـاهـجـ فـيـ ضـوـءـ تـنـمـيـةـ مـهـارـاتـ التـفـكـيرـ الـرـياـضـيـ معـ إـظـهـارـ الـمـحـتـوىـ فـيـ صـورـةـ مـتـرـابـطـةـ وـمـتـكـامـلـةـ وـذـاتـ مـعـنـىـ.

المقترحات :

- استكمالاً للبحث الحالي يقترح الباحث إجراء البحوث المستقبلية التي تستهدف الآتي:
- 1- أثر استخدام التعلم النشط في تنمية اتجاهات طلبة المرحلة المتوسطة نحو مادة الرياضيات واقتراض المفاهيم الرياضية.
 - 2- دراسة مقارنة لاستراتيجيات التعلم النشط في تنمية مهارات التفكير في الرياضيات.
 - 3- إجراء دراسات تتناول أثر استراتيجيات متنوعة من التعلم النشط في تحصيل طلبة المرحلة المتوسطة والتفكير الرياضي في مادة الرياضيات.
 - 4- إجراء دراسات مماثلة في المواد الأخرى في التعليم العام.
 - 5- برنامج مقترن لتدريب مدرسي الرياضيات على استخدام التعلم النشط في تعليم وتعلم الرياضيات .

المصادر

المصادر

- 1-الأسطل، محمد زياد (2010): أثر تطبيق إستراتيجيتين للتعلم النشط في تحصيل طلاب الصف التاسع في مادة التاريخ وفي تنمية تفكيرهم الناقد، رسالة ماجستير، كلية العلوم التربوية جامعة الشرق الأوسط للدراسات العليا.
- 2-الأمام، محمد مصطفى وآخرون (1990): التقويم والقياس، جامعة بغداد، وزارة التعليم العالي والبحث العلمي. بغداد.
- 3-أبو زينة ، فريد كامل (1997): الرياضيات ، مناهجها وأصول تدرسيها ، ط 4 ، دار الفرقان ،عمان،الأردن.
- 4-أبو زينة فريد كامل، و عباينة عبدالله يوسف (2007): مناهج تدريس الرياضيات للصفوف الأولى،دار المسيرة للنشر والتوزيع،عمان ،الأردن.
- 5-أبو جادو ، صالح محمد علي (2008): علم النفس التربوي ، ط (6) ، دار المسيرة ،عمان .
- 6-أبو سرحان، عطية عودة (2000): دراسات في أساليب تدريس التربية الاجتماعية والوطنية، ط1، دار الخليج للتوزيع والنشر ، عمان.
- 7-أبو السل،محمد عبدالكريم (1999) : مناهج تدريس الرياضيات وأساليب تدرسيها،مكتبة دار الفرقان ،اريد،الأردن.
- 8-أبو صالح،محمد صبحي ،وآخرون(1996): مناهج الرياضيات وأساليب تدرسيها،مطبع الكتاب المدرسي ط 1 صناعة.
- 9- أبو هدروس، ياسرة محمد أيوب ،معمر ارحيم سليمان الفرا(2011): أثر استخدام بعض إستراتيجيات التعلم النشط على دافعية الإنجاز والثقة بالنفس والتحصيل الدراسي لدى التلاميذ بطبيئي التعلم ،مجلة جامعة الأزهر بغزة، سلسلة العلوم الإنسانية 2011 ، المجلد 13 ، العدد 1

- 10- البدور، عدنان (2004): أثر استراتيجيات الذكاءات المتعددة في تدريس العلوم في التحصيل واقتساب عمليات العلم لدى طلبة الصف السابع الأساسي، رسالة دكتوراه غير منشورة، جامعة عمان العربية للدراسات العليا، الأردن.
- 11- البغدادي، محمد رضا (1980): الأهداف والاختبارات بين النظرية والتطبيق في المناهج وطرق التدريس، مكتبة الفلاح، بغداد.
- 12- البلاؤن، فهمي (٢٠١٠) : أثر إستراتيجية التقويم القائم على الأداء في تنمية التفكير الرياضي والقدرة على حل المشكلات لدى طلبة المرحلة الثانوية مجلة جامعة النجاح للأبحاث (العلوم الإنسانية)، مجلد 24 العدد 8 ،فلسطين.
- 13- بوقس ، نجاة عبد الله محمد (2006) : أثر استخدام إستراتيجيات التعلم النشط والتدريب المباشر على التحصيل الآجل وتنمية مهارات التدريس لدى الطالبات المعلمات،مجلة الخليج العربي، العدد (110).
- 14- بن سعود ، نعمت عبد المجيد (2008) : التنمية المهنية للمعلم والأتجاهات المعاصرة ، بحث مقدم إلى المؤتمر العلمي حول المعلم وتحديات العصر ، جامعة الفاتح ، ليبيا .
- 15- البوهي ، فاروق (٢٠٠١) : التخطيط التعليمي ، عملياته ، مراحله ، التنمية البشرية ، تطوير أداء المعلم ، دار قباء للطباعة والنشر ، القاهرة.
- 16- جابر، عبد الحميد (1999): سيكولوجية التعلم ونظريات التعليم ، ط ٩ ، القاهرة ، دار النهضة العربية.
- 17- جابر، جابر عبد الحميد(2000): مدارس القرن الحادي والعشرين الفعال المهارات والتنمية المهنية ، القاهرة : دار الفكر العربي.
- 18- جبران ، وحيد (٢٠٠٢) : التعلم النشط الصفي كمركز تعلم حقيقي ، منشورات مركز الإعلام والتنسيق، فلسطين رام الله
- 19- الجميلي، هاشم محمد حمزة(2005): أثر ثلاثة استراتيجيات تدريسية للتغيير المفاهيمي لمعالجة الفهم الخاطيء للمفاهيم الرياضية لدى طلبة المرحلة

المتوسطة،أطروحة دكتوراه غير منشورة،كلية التربية،جامعة المستنصرية،بغداد،العراق.

20- جمل، محمد جهاد (2001) : العمليات الذهنية ومهارات التفكير من خلال عملية التعليم والتعلم ، دار الكتاب الجامعي، الإمارات.

21- الحارثي ، ابراهيم احمد (1999): تعليم التفكير ، مكتبة الملك فهد الوطنية، الرياض.

22- الحربي ، خالد عودة عيد(2010): أثر التعلم النشط في التحصيل والاتجاه نحو مادة الفيزياء لدى طلاب الصف الثاني ثانوي بالمدينة المنورة ،رسالة ماجستير غير منشورة،كلية التربية،جامعة طيبة،المملكة العربية السعودية.

23- حمادة ، محمد (٢٠٠٥) : فعالية استراتيجيتي (فكر - زوج - شارك) والاستقصاء القائمتين على أسلوب التعلم النشط في نوادي الرياضيات المدرسية في تنمية مهارات التفكير الرياضي واختزال فلق الرياضيات لدى تلميذ المرحلة الإعدادية،مجلة دورية جامعة حلوان العدد 11.

24- حمادة، فايزه أحمد محمد (2009): استخدام التدريس التبادلي لتنمية التفكير الرياضي والتواصل الكتابي بالمرحلة الإعدادية في ضوء بعض معايير الرياضيات المدرسية،المجلة العلمية ، المجلد الخامس والعشرون - العدد الأول- الجزء الأول يناير ،كلية التربية،جامعة اسيوط ،مصر.

25- حمدان، فتحي خليل(2005): أساليب تدريس الرياضيات(سلسلة طائق التدريس)،ط1،دار النشر والتوزيع،عمان.

26- حمزة ، سامية بنت صدقة (2009) : أثر استخدام التعلم النشط في تحصيل بعض المفاهيم الهندسية والاتجاه نحو الرياضيات لدى تلميذات الصف الخامس الابتدائي بمدينة مكة المكرمة ، مجلة جامعة أم القرى ، المجلد (1) ، العدد .(1)

- 27- الحيالي ، سديل عادل فتاح (2004) : أثر استخدام النموذج المعملي في التحصيل وتنمية الميول نحو مادة الرياضيات ، أطروحة دكتوراه غير منشورة، كلية التربية(ابن الهيثم)،جامعة بغداد،العراق.
- 28- خطابية ، عبدالله(٢٠٠٥): تعليم العلوم للجميع ، عمان : دار المسيرة.
- 29- الخليلي ، أمل (2005) : الطفل ومهارات التفكير ، دار صفاء للنشر والتوزيع ، عمان .
- 30- الخليلي ، خليل وآخرون (2004) : تدريس العلوم في مراحل التعليم العام ، ط 4 ، دار القلم ، دبي .
- 31- الخولي، محمد علي (1980): قاموس التربية، دار العلم للملايين، بيروت.
- 32- الدليمي ، إحسان عليوي ، عدنان محمود المهاوي ، 2005 ، القياس والتقويم في العملية التعليمية، ط 2، دار الكتاب والوثائق(مكتبة أحمد الدباغ للطباعة)، بغداد .
- 33- التودري ، عوض حسين (2003) : استراتيجية مقترنة لتدريس رياضيات الصف الثالث الابتدائي واثرها على التفكير الرياضي وترجمة التمارين اللفظية والاحتفاظ بالتعلم ، مجلة كلية التربية ، م 19 ، ع 12 ، كلية التربية ، جامعة اسيوط .
- 34- رافن ، جي سي (1983): اختبار المصفوفات المتتابعة القياس ، ترجمة فخرى الدباغ وآخرون ،مطبعة جامعة الموصل ، الموصل
- 35- رؤوف ، ابراهيم عبد الخالق (2001):التصاميم التجريبية في الدراسات النفسية والتربوية ، ط 1 ، دار عمار للنشر والتوزيع ، عمان
- 36- الروساء، تهاني محمد (2007): فاعلية برنامج مقترن في تنمية ممارسات التعلم النشط وتعديل الاعتقادات نحوه لدى المعلمات الطالبات لكلية التربية الأقسام العلمية بالرياض، اطروحة دكتوراه غير منشورة، كلية التربية، جامعة الرياض، المملكة العربية السعودية.

- 37- الزايدی ، فاطمة خلف الله عمير (2009): أثر التعلم النشط في تنمية التفكير الابتكاري والتحصيل الدراسي بمادة العلوم لدى طالبات الصف الثالث المتوسط ،رسالة ماجستير غير منشورة، كلية التربية، جامعة أم القرى، المملكة العربية السعودية.
- 38- الزيات، فتحي مصطفى (1996) : سلسلة علم النفس المعرفي (2) : سيكولوجية التعلم بين المنظور الارتباطي والمنظور المعرفي ، القاهرة ، دار النشر للجامعات .
- 39- الزيادات، ماهر مفلح (2009): أثر استخدام طريقة العصف الذهني في تنمية مهارة اتخاذ القرار لدى طلبة الصف التاسع الأساسي في مبحث التربية الوطنية والمدنية في الأردن ، مجلة الجامعة الإسلامية(في فلسطين) المجلد(17)، العدد (2) ، يونيو، 2009.
- 40- زيتون ، حسن حسين (2003) : استراتيجيات التدريس- رؤية معاصرة لطرق التعليم والتعلم ، عالم الكتب ، القاهرة .
- 41- زيتون ، كمال و زيتون حسن (٢٠٠٦): التعلم والتدریس من منظور النظرية البنائية ، عالم الكتاب، القاهرة.
- 42- الزويحي غنام ، وآخرون، (1981) : الاختبارات والمقاييس النفسية ، ط 1، دار الكتب للطباعة والنشر ، جامعة الموصل.
- 43- السبحي ، عبد الحي أحمد (2003) : دليل الطالب في التربية العملية ، ط 2 ، جامعة الملك عبد العزيز ، المملكة العربية السعودية.
- 44- السدحان، عبدالله ناصر(2004): الترويج والتحصيل الدراسي دراسة ميدانية على طلاب الصف الثالث الثانوي في مدينة الرياض، مكتبة التربية العربي لدول الخليج، الرياض ، السعودية.
- 45- سعادة ، جودت أحمد، وآخرون(2006): التعلم النشط بين النظرية والتطبيق ، دار الشروق للنشر والتوزيع، عمان، الأردن.

- 46- سلامة ، حسن علي (2007) : طرق تدريس الرياضيات بين النظرية والتطبيق ، دار الفجر للنشر والتوزيع ، القاهرة .
- 47- السوداني ، أنوار صباح (2004): أثر خرائط المفاهيم في التحصيل والتفكير الرياضي ، رسالة ماجستير غير منشورة ، كلية التربية الأساسية - الجامعة المستنصرية ، بغداد.
- 48- سعيد ، عاطف محمد ، أحمد محمد عيد (٢٠٠٦) : أثر استخدام بعض استراتيجيات التعلم النشط في تدريس الدراسات الاجتماعية على التحصيل وتنمية مهارات حل المشكلات لدى تلاميذ المرحلة الإعدادية ، الجمعية المصرية للمناهج وطرق التدريس، العدد(111) فبراير، ص101- ١٣٩.
- 49- سلامة ، حسن علي (1995) : طرق تدريس الرياضيات بين النظرية والتطبيق ، ط3 ، مطبعة الفجر الجديد للنشر والتوزيع ، القاهرة .
- 50- سلامة، عبد الحافظ(2003) : أساليب تدريس الرياضيات والعلوم، ط1، دار اليازوردي العلمية للنشر والتوزيع، عمان.
- 51- سليمان ، علي السيد (1999): عقول المستقبل - استراتيجيات لتعليم الموهوبين وتنمية الإبداع، الرياض ، مكتبة الصفحات الذهبية.
- 52- سويدان ، طارق ، العدلوني ، محمد أكرم (2002) : مبادئ الإبداع ، شركة الإبداع الخليجي للاستثمار والتدريب ، الكويت ، ط 2 .
- 53- الشرع، رياض ، فاخر حميد (2002): بناء برنامج تعليمي - تعلمى على وفق أسلوب حل المشكلات وأثره في التحصيل والتفكير الرياضي،رسالة دكتوراه غير منشورة، كلية التربية، ابن الهيثم، جامعة بغداد، بغداد.
- 54- الشرقاوي، عبدالفتاح (1998): التعلم نظريات وتطبيقات ، ط 5 ، القاهرة ، الأنجلو المصرية
- 55- شعلة ، الجميل ، محمد عبد السميم (2000) : التقويم التربوي للمنظومة التعليمية اتجاهات وتطورات ، الطبعة الأولى ، دار الفكر العربي

- 56- الشياب ، فايز محمد فندي (2001) : أثر استخدام طريقة التعلم التعاوني وطريقة المناقشة في تتميم التفكير الاستدلالي لدى طالبات الصف العاشر الأساسي في مادة الجغرافية ، اطروحة دكتوراه غير منشورة ، كلية التربية - ابن رشد ، جامعة بغداد.
- 57- الطشاني، عبد الرزاق الصالحي (1998): طرق التدريس العامة، ط١، منشورات جامعة عمر المختار، البيضاء.
- 58- طنطاوي ، عفت مصطفى (٢٠٠٢) : أساليب التعليم والتعلم وتطبيقاتها في البحوث التربوية ، القاهرة : مكتبة الأنجلو المصرية
- 59- عبدالغنى، زينب(2001): فعالية برنامج مقترن تعليم التفكير أثناء تدريس الهندسة لتلاميذ الصف الأول الإعدادي". دراسات في المناهج وطرق التدريس، الجمعية المصرية للمناهج وطرق التدريس، ع72، أغسطس، 2001، ص149 - 209 .
- 60- عبد الرحمن، أنور حسين و عدنان حقي شهاب زنكنة (2007) : الأنماط المنهجية وتطبيقاتها في العلوم الإنسانية والتطبيقية، دار الحكمة ، شركة الوفاق- بغداد .
- 61- عبد الوهاب، فاطمة محمد (2004): فعالية استخدام بعض استراتيجيات التعلم النشط في تحصيل العلوم وتنمية بعض مهارات التعلم مدى الحياة والميول العلمية لدى تلاميذ الصف الخامس الابتدائي، مجلة التربية العلمية، المجلد الثامن، العدد 2، يونيو، ص 127-184.
- 62- عثمان ، سيد أحمد (1994) : مناهج البحث في التربية وعلم النفس ، مكتبة الانجلو المصرية ، القاهرة .
- 63- العدينـي ، عبد غالب (2003) : التفكير الرياضي وعلاقـته بالتحصـيل لدى طالـبات كلـية التربية - قسم الـرياضيات ، اطروحة دكتوراه غير منشورة - كلـية التربية - ابن الهـيثم ، جامعة بغداد.

- 64- العمري ، مهدي بن محمد(2005): أثر استخدام الحاسوب الآلي في تدريس الرياضيات على التحصيل وتنمية التفكير الرياضي لدى تلميذ الصف السادس الابتدائي،رسالة ماجستير غير منشورة،كلية التربية،جامعة الملك سعود.
- 65- العمري، ناعم محمد سلطان(**2007**): اثر استخدام نموذج التعلم البنائي في تدريس وحدة من مقرر الرياضيات على التحصيل الدراسي والتفكير الرياضي لدى طلاب الصف الأول الثانوي في مدينة الرياض،أطروحة دكتوراه غير منشورة،كلية التربية جامعة ام القرى ،المملكة العربية السعودية.
- 66- العمري، ناعم محمد سلطان(**2009**): أثر استخدام نموذج التعلم البنائي في تدريس باب الهندسة المستوية على التحصيل والتفكير الرياضي لدى طلاب الصف الأول الثانوي،دراسة مقدمة إلى اللقاء الرابع عشر للإشراف التربوي: (تفعيل بيئات التعلم الاستثمار الحقيقي في الإنسان) منطقة الباحة: 6/1-5/28
- ١٤٣٠هـ
- 67- العزاوي ، رحيم يونس (2008) : المنهل في العلوم التربوية القياس والتقويم في العملية التدريسية ، ط 1 ، دار مجلة للنشر ، عمان .
- 68- علام ، صلاح الدين محمود (2006) : القياس والتقويم التربوي والنفسي، أساسياته وتطبيقاته وتجيئاته المعاصرة، ط 2 دار الفكر العربي - القاهرة ، مصر
- 69- علاونة ، شفيق (2002): تدريب طلبة الصف السادس على بعض استراتيجيات حل المشكلة وأثره في حلهم للمسائل الرياضية اللغوية. مجلة اتحاد الجامعات العربية للتربية وعلم النفس، تونس، مجلد 1، عدد 1 .
- 70- عودة، احمد سليمان و يوسف خليل الخليلي، 1998، الإحصاء للباحث في التربية والعلوم الإنسانية ، دار الفكر للنشر والتوزيع ، عمان .
- 71- عصر ، رضا مسعد السعيد (٢٠٠٢) : فاعلية أسلوب التعلم النشط القائم على المواد اليدوية التناولية في تدريس المعادلات والمترابحات الجبرية " مجلة تربويات الرياضيات كلية التربية المجلد الرابع ، ابريل ص ٨٣ - ١١٣ .

- 72- العساف، صالح بن حمد (1989): المدخل الى البحث في العلوم السلوكية، جامعة الامام محمد بن سعود الاسلامية، الرياض.
- 73- علام ، صلاح الدين محمود (2000) : القياس والتقويم التربوي النفسي (أساسياته وتطبيقاته وتوجيهاته المعاصرة) ، ط١ ، دار الفكر العربي ، القاهرة .
- 74- غازي ، إبراهيم (٢٠٠٤) : فاعلية برنامج تدريبي مقترن لإدارة التعلم النشط في تنمية الأداء التدريسي للمعلمين إثناء الخدمة ، مجلة كلية التربية ، المجلد ٤ ، ص ٥٥ - ١٠٩ .
- 75- الغريب، رمزية (1985) : التقويم والقياس النفسي والتربوي، مكتبة الانجلو المصرية، القاهرة.
- 76- فتحي جروان(2002): تعليم التفكير ، مفاهيم وتطبيقات، دار الفكر، عمان، ط ١ .
- 77- القرشي، خالد مطر عيد(2009): أثر مقترن لمحتوى وحدة الدائرة في ضوء مهارات التفكير الابتكاري على التحصيل الدراسي والتفكير الرياضي لطلاب الصف الثالث المتوسط بمدينة الطائف،رسالة ماجستير غير منشورة،كلية التربية ،جامعة أم القرى،المملكة العربية السعودية.
- 78- قطامي، نايفة (2001): تعليم التفكير في المرحلة الأساسية، ط١، دار الفكر للطباعة والنشر والتوزيع، عمان.
- 79- الكبيسي،عبدالواحد حميد(2001): دراسة مقارنة بين الرياضيات وتدريسها قدماً وحديثاً،مجلة كلية التربية في الجامعة المستنصرية،بغداد،العراق.
- 80- الكبيسي ، عبد الواحد حميد (2007): القياس والتقويم (تجديفات ومناقشات) ، دار جرير للنشر والتوزيع ، عمان - الأردن.
- 81- الكبيسي (أ)،عبدالواحد حميد(2008): تنمية التفكير بأساليب مشوقة،ط٢، مركز ديبونو للنشر وتوزيع ، عمان،الأردن.

- 82- الكبيسي، عبد الواحد حميد (2008): طرق تدريس الرياضيات أساليبه (أمثلة ومناقشات)، ط١ ، مكتبة المجتمع العربي للنشر والتوزيع، عمان، الأردن.
- 83- الكبيسي، عبد الواحد حميد (2011): أثر استخدام إستراتيجية التدريس التبادلي على التحصيل و التفكير الرياضي لطلبة الصف الثاني متوسط في مادة الرياضيات، مجلة جامعة غزة للعلوم الإنسانية، مجلد(19) ، العدد(2)، ص 687- 731 يونيو، 2011.
- 84- الكبيسي، عبد الواحد حميد ، و تحرير مهدي علوان (2011): تعليم الرياضيات - رؤى حديثة ، مكتبة المجتمع العربي ، عمان .
- 85- الكنعاني، عبد الواحد محمود محمد (2009): فاعلية العصف الذهني والانموذج التعليمي للاندا في التحصيل ومستويات التفكير الهندسي لدى طلاب المرحلة المتوسطة في مادة الرياضيات، أطروحة دكتوراه غير منشورة، كلية التربية (ابن الهيثم)، جامعة بغداد، العراق.
- 86- الكناني، حسن كامل رسن (2009): استخدام استراتيجيات النظرية البنائية المدعمة بالحاسوب وأثرها في التحصيل وتنمية مهارات الحس العددي لدى طلاب المرحلة المتوسطة في مادة الرياضيات، أطروحة دكتوراه غير منشورة، كلية التربية(ابن الهيثم)، جامعة بغداد، العراق.
- 87- مشكور ، غالب خزعل(2000): التفكير الرياضي لدى طلبة مراحل التعليم العام ، رسالة ماجستير غير منشورة ، كلية التربية ابن الهيثم / جامعة بغداد .
- 88- مطر، نعيم احمد عبد (2004): أثر استخدام مخططات المفاهيم في تنمية التفكير الرياضي لدى طلاب الصف الثامن الأساسي بغزة، رسالة ماجستير غير منشورة ، كلية التربية الجامعة الإسلامية - غزة
- 89- المغيرة ، عبد الله عثمان (1989):طرق تدريس الرياضيات ، جامعة الملك سعود ، الرياض.

- 90- المنizzل، عبد الله فلاح وعايش موسى غراییة(2010): الاحصاء التربوي
تطبيقات باستخدام الرزم الاحصائية للعلوم الاجتماعية ، ط4، دار المسيرة –
 عمان- الاردن.
- 91- النصار، صالح بن عبدالعزيز(2007): دور النشاط المدرسي في التحصيل
 الدراسي، ورقة عمل منشورة ضمن أعمال اللقاء التربوي (النشاط تربية
وتعليم) الذي نظمته الادارة العامة لنشاط الطالبات في الرياض للفترة من 10-14/5/12هـ .
- 92- نصرالله ، عمر عبد الرحيم(2004): تدني مستوى التحصيل والإنجاز الدراسي
أسبابه وعلاجه ، ط١ ، دار وائل ، عمان .
- 93- الناشف، سلمى زكي (2001): دليلك في تصميم الاختبارات ، ط١، دار
 البشير للطباعة والنشر ، عمان الأردن.
- 94- الناقة، صلاح أحمد، والعيد، إبراهيم سليمان(2009) : فاعلية التدريس القائم
 على إستراتيجية النموذج البنائي (دوره التعلم وخريطة المفاهيم) على تحصيل
 طلبة الصف التاسع في مبحث العلوم ، مجلة القراءة والمعرفة الصادرة عن
الجمعية المصرية لقراءة والمعرفة / كلية التربية - جامعة عين شمس . العدد
 95 سبتمبر 2009 .
- 95- الهرش ، عايد حمدان وآخرون (2005) : أثر اختلاف منظومة الرموز في
 برمجية تعليمية ، مجلة العلوم النفسية والتربوية ، كلية التربية جامعة البحرين ،
 المجلد 6 ، العدد 4.
- 96- هندي ، محمد (٢٠٠٢): أثر تنوّع استخدام بعض استراتيجيات التعلم النشط في
 تعليم وحدة مقرر الأحياء على إكتساب بعض المفاهيم البيولوجية وتقدير الذات
 والاتجاه نحو الاعتماد الايجابي المتبادل لدى طلاب الصف الأول الثانوي الزراعي
 ، مجلة دراسات في المناهج وطرق التدريس ، العدد (79) أبريل ، ص 185 –
 237.
- 97- هندا، يحيى حامد (1982) : تدريس الرياضيات، دار النهضة العربية ،
 القاهرة.
- 98- وليم تاوضروس عبيد (1998): قضايا فكرية: رياضيات مجتمعية لمواجهة
 تحديات مستقبلية (اطار مقترن لتطوير مناهج الرياضيات مع بداية القرن الحادي

والعشرين) ، مجلة تربويات الرياضيات ، كلية التربية ببنها ، جامعة الزقازيق ،
المجلد الاول ، مصر.

99- وهيب ، محمد ياسين و ندى فتاح زيدان (2001) : برامج التفكير أنواعها
واستراتيجياتها وأساليبها، دار العلم للطباعة والنشر ، كلية التربية ، جامعة
الموصل ، الموصل.

- 100- Abu Bakar, Kamariah and Other, (2009) Effect of utilizing Geometer's Sketchpad on performance and mathematical thinking of secondary mathematics learners: An initial *exploration*. International Journal of Education and Information Technologies , 1 (3). pp. 20-27.
- 101- Ayded, Meryem Nur,& Fatih Matyar,2009, The Effect of Active Learning Approach in Science Teaching on Cognitive Level of Student Achievement, in Journal of TURKISH SCIENCE EDUCATION, Volume 6, Issue 1, April
- 102- Alderman , M,Kay , 2007 Motivation for achievement . possibilities for teaching and learning , second edition
- 103- Ali , Riasat,2010, Effect of Using Problem Solving Method in Teaching Mathematics as(**active learning strategies**) on the Achievement of Mathematics Students, University of Science & Technology, Asian Social Science Vol. 6, No. 2 February 2010
- 104- Artino, Anthony R, 2008, A Brief Analysis of Research on Problem- Based Learning" University of Connecticut June 6, p1-11. Eric
- 105- Baviskar, Sandhya N., et al, 2009, Essential Criteria to Characterize Constructivist Teaching: Derived from a Review of the Literature and Applied to Five Constructivist" International Journal of Science Education, v31 n4 p541-550 Mar 2009. Eric
- 106- Brightman , H.(1990).Problem Solving : A Logical and Creative Approach , Atlanta ,Georgia,Business Publishing Division.
- 107- Brown, F. (1981): Measurement Classroom Achievement . N. Y. Holt Rinchart and Winston, Inc.
- 108- Bonwell, C.C., & Eison, J. A.1991, **Active learning: Creating excitement in the Classroom.** ASHE-ERIC Higher Education Report No. 1. George Washington University

- 109- Bloom.B.S. &Others.1971" hand book formative &summative education of student learning "**New York mc grows _hill**
- 110- Fox-Cardamone, L.,& Rue, S.,2003, Students Responses to Active Learning Strategies. An Examination to small-Group and Whole- CLASSdiscuss Discussion. **Research for Education Reform**
- 111- Guilford , J.(1992).The **nature of human intelligence**.New York : Mc Graw – Hall.
- 112- Gordon,Mordechai,2009, Toward a Pragmatic Discourse of Constructivism: Reflections on Lessons from Practice, Educational Studies: **Journal of the American Educational Studies Association**, v45 n12009 Eric.
- 113- Goodman, J. 1998, Constructing a Practical philosophy of teaching : A study of pre –service teachers, **Professional perspectives Teaching and teacher Education** . V. 4. PP121-137
- 114- Hall, D. Watiz, et. Al,2002, Adoptional of Active Learning in alecture-Based Engineering Class. **ASEE/IEEE Frontiers in Conference**. November 6-9, Boston. MA
- 115- Harel, Guershon; Sowder, Larry,2005, Advanced Mathematical-Thinking at Any Age: Its Nature and Its Development, **Mathematical Thinking & Learning: An International Journal**, v7 n1 p27-50 2005
- 116- Haward 1993 **Howard ,D. (1993)**. **Cognitive Psychology : Memory ,Language and thought** . New York :Mac Millan
- 117- Hills, P.J (1982) “**A dictionary of Education**” Routlegc & Kegan Paul, London.
- 118- Howitt,Dennic&Gramers,Dunan(2000)**An Introduction to statistics in psychology acomplete guide for students**, 2nd-ed.9 prentice-hall London

- 119- Hayes 1991 **Howard ,D. (1993). Cognitive Psychology : Memory ,Language and thought . New York Millan . Mac**
- 120- Jennie, Marston & Kart, Highfield,2008, **Encouraging Mathematical Thinking Through Pattern and Structure**, APMC 13 (1) 2008
- 121- Karamustafaoglu, O. (2009). Ac_ ve learning strategies in physics teaching. **Energy Education Science and Technology** Part B: Social and Educational Studies, 1(1), pp.27-50.
- 122- Kaye, Stacey2008,, What is Mathematical Thinking and Why is it Important?, **Psychology of Mathematics Education, Monday ,December No. 8.**
- 123- Kathleen ‘ S ‘ and Ann, L ,(2001), Improving Student Mathematical Thinking Skills Through Improved Use of Mathematical Vocabulary and Numerical Operations.. **Master of Arts Action Research Project**, Saint Xavier University and Skylight Professional Development
- 124- kyriacou , C.(1992)"Active learning in secondary school" **British Education Research Journal** , vol.18 , No.3
- 125- LeTexier, K. (2008). **Storytelling as an ac_ ve learning strategy in introduc_on to psychology courses.** Ph.D. Thesis, Walden University
- 126-** Malik1,Samina, Fouzia Janjua,2011, active learning strategies on the learning motivation, communication skills and the academic achievement of the graduate learners, **INTERNATIONAL JOURNAL Of ACADEMIC RESEARCH** Vol. 3. No. 2. March, 2011, Part III
- 127- Mckeachie, W. 1998 ,Active learning at:<http://hydro4.Sci.Fau.> .Available Edu\-\rjordan\active learning.html .
- 128- **oxford. (1998). "Advanced learners Dictionary of Current English" fifth Edition**
- 129- Osborn, A, **applied Imaginalion Prin Ciples And Proced Ures of Creative problem solving**,^{3rd} ed, Charles Scribnerls Some,united states of America,2001

- 130- Pape, S., C. Bell, et al. 2003, Developing Mathematical Thinking and Self-regulated Learning: A teaching experiment in a seventh grademathematics classroom. **Educational Studies in Mathematics**, Volume 53, Number 3, 179-202
- 131- Renninger, K.A., & Feldman-Riordan, C. (2000). The Impact of the Math Forum's Problem(s) of the Week on Students' Mathematical Thinking. In B. Fishman & S. O'Connor-Divelbiss (Eds.), **Fourth International Conference of the Learning Sciences** (pp. 52-53). Mahwah, NJ: Erlbaum
- 132- Sharon, D. & Martha, L.(2001)**Learning and Development** , New York :McGraw Hill Book Co.
- 133- Stark, S. (2006). Using action learning for professional development. **Educational Action Research**, 14(1), pp.23-43
- 134- Stanly, J & Hopkins. K.D (1970) "**Educational and Evaluation**" Englwood Gliffs printce-Hall, New Jersey
- 135- **Webster's New World College Dictionary** Copyright © 2009 by Wiley Publishing, Inc., Cleveland, Ohio. Used by arrangement with John Wiley & Sons, Inc.
- 136- Whimbey,Arthur&Lochhead,Jack (1999),**Problem Solving and Comprehension** . Mahwah , NJ,Lawrence Erlblem Associates,Publishers.
- 137- Wilke,R,2003, The Effect of active Learning on student characteristics in a human Physiology Course for non majors. **Advances physiology Education**. V27 . p. .207-223

الملاحق

ملحق (1)
درجات مجموعتي البحث في (العمر الزمني، اختبار الذكاء، التفكير الرياضي، درجة التحصيل السابق، المعرفة السابقة في الرياضيات)

العمر الزمني	اختبار الذكاء	التفكير الرياضي	درجة الرياضيات السابقة	المجموع التجريبية				نسبة
				العمر الزمني	اختبار الذكاء	التفكير الرياضي	درجة الرياضيات السابقة	
9	73	14	15	159	14	89	16	.1
16	88	13	06	148	19	50	11	.2
10	73	9	45	159	12	84	11	.3
15	76	10	42	147	12	90	21	.4
15	72	10	41	147	9	81	12	.5
16	69	10	31	149	16	88	9	.6
19	88	15	33	141	11	77	16	.7
14	83	18	45	150	08	60	11	.8
13	80	10	25	151	9	87	15	.9
9	90	13	28	150	9	81	15	.10
10	79	8	43	149	10	78	14	.11
10	64	9	13	156	9	90	19	.12
10	81	10	24	145	15	90	12	.13
15	59	10	18	143	10	77	12	.14
18	75	10	10	165	15	86	9	.15
10	87	15	12	144	9	64	16	.16
13	70	12	15	142	6	86	11	.17
8	86	9	15	149	17	79	08	.18
9	72	6	24	141	23	80	9	.19
10	82	9	38	140	16	78	9	.20
10	89	11	38	147	16	71	10	.21
10	67	16	30	144	11	80	9	.22
15	89	17	27	151	11	57	15	.23
12	70	19	25	149	21	50	10	.24
11	82	10	17	141	14	72	13	.25
11	88	9	39	142	5	67	15	.26
12	89	13	44	142	18	75	8	.27
13	81	19	43	142	22	75	7	.28
343	2202	334	786	4133	367	2142	343	4102
12.25	78.64	11.93	28.07	147.61	13.11	76.5	12.25	28.286
8.4	72.94	11.78	145.57	37.31	21.74	129.18	11.38	186.92
								ت

ملحق (2)

تعليمات الإجابة لفقرات الاختبار المعرفة السابقة

الاسم : الشعبة :

عزيزي الطالب :

يرمي هذا الاختبار الى تعرف ما تملكه من معلومات سابقة في الموضوعات

الرياضية (المجموعات، العلاقات، الأعداد الصحيحة، الأعداد النسبية، تطبيقات على الاعداد

النسبية).

أمامك مجموعة من الأسئلة ولكل سؤال أربع إجابات معرفة بالحروف (أ، ب، ج، د) أحدهما صحيحة المطلوب منك قراءة السؤال جيداً والإجابات الأربع المذكورة اختر الإجابة الصحيحة في ورقة الإجابة المرفقة وإليك المثال التوضيحي الآتي :

$$\text{مثال : ناتج } = 1.5 + 0.6$$

د - 11.1

ج - 2.1

ب - 1.56

أ - 15.6

الإجابة الصحيحة لهذا السؤال هي 2.1 أي نضع حرف ج في ورقة الإجابة المرفقة وهكذا لباقية الفقرات .

الأسئلة

1. أي من المجموعات الآتية مجموعة غير منتهية :

ب- مجموعة الأعداد الطبيعية أ- $\{2, 4, 6, \dots, 100\}$

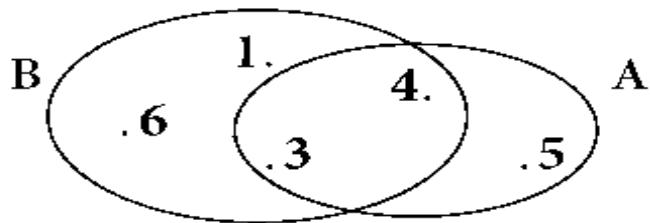
ج- مضاعفات العدد 2 د- العوامل الأولية للعدد 30

2. يوضع الرمز \in بين

أ- عنصر وعنصر ب- عنصر ج- مجموعة د- المجموعات

المنتهية ومجموعة ومجموعة

3. في الشكل أدناه تمثل المجموعة $\{3, 4\}$



أ- $A \cup B = B \subset A$ ب- $A \cap B = A \subset B$ ج- $A \cap B = \emptyset$

4. أحد العبارات الآتية واحدة فقط صحيحة هي

أ- $A \subset B \cup B \subset A$ ب- $\{3\} \not\subseteq \{7, 5, 3, 1\}$ ج- $5 \in \{16, 15, 8, 4\}$ د- $\{0\} = \emptyset$ (نفر جزئية من

5. لتكن a, b عناصر من المجموعة X , فانه يرمز للزوج المرتب الذي مسقطه الأول a ومسقطه الثاني b بالرمز:

$$(a, b) - \text{د} \quad (b, a) - \text{ج} \quad [b, a] - \text{ب} \quad \{b, a\} - \text{أ}$$

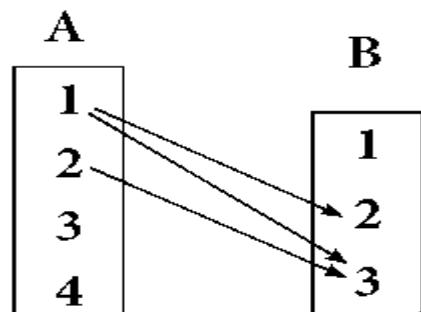
6. إذا كان $X \times Y = \{(6, b), (4, b), (2, b), (6, a), (4, a), (2, a)\}$ فإن

$$X = \dots :$$

$$(a, b) - \text{د} \quad (b, a) - \text{ج} \quad [a, a] - \text{ب} \quad \{b, a\} - \text{أ}$$

7. يمثل المخطط الآتي علاقة

- أ- علاقة اكبر من A إلى B
- ب- علاقة اصغر من A إلى B
- ج- علاقة اصغر من B إلى A
- د- علاقة اكبر من B إلى A



8. إذا كانت $(y, 5) = (4, x)$ فأن قيمة كل من x, y هي :

$$x=5, y=5 - \text{د} \quad x=4, y=4 - \text{ج} \quad x=5, y=4 - \text{ب} \quad x=4, y=5 - \text{أ}$$

9. إذا كانت $\{1,a),(1,b),(2,a),(2,b)\}$ فان $Y=\{1, 2\}$, $X=\{a, b\}$ تمثل:

- أ- $X \neq Y$ ب- $X=Y$ ج- $X \subset Y$ د- $X \supset Y$

10. ارتفعت درجة الحرارة في اليوم الأول 10° وانخفضت في اليوم الثاني 5° فأنا نعبر

عن ارتفاع درجة الحرارة وانخفاضها في اليومين الأول والثاني على الترتيب بما يأتي:

- أ- $-10 + 5$ ب- $-5 - 10$ ج- $+10 - 5$ د- $+5 + 10$

11. إن النظير الجمعي للعدد 10 هو :

- أ- -10 ب- ± 10 ج- $+10$ د- (-10)

12. مطلق العدد $| -23 |$ هو:

- أ- -23 ب- 23 ج- ± 23 د- (-23)

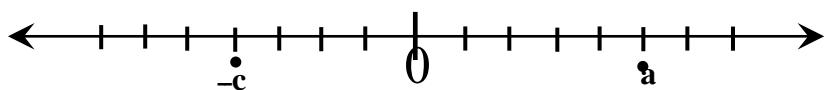
13. إن رمز العدد الصحيح الواقع بين العددين 7, 9 هو :

- أ- -8 ب- $+8$ ج- 7 د- 9

14. هذه الأعداد $-3, 0, 3, 5, 7$.

أ- مرتبة تصاعدياً ب- مرتبة تنازلياً ج- غير مرتبة د- تتنتمي إلى N

15. إحداثي النقاطين a , c على مستقيم الأعداد الآتي على الترتيب هي :



$$a = -5, c = -4 \quad a = 5, c = -4 \quad d = -5, c = -4 \quad a = 5, c = 4 \quad \text{أ} \quad \text{ب} \quad \text{ج}$$

4

.16. أن ناتج $9.9 \div 9$ يساوي.....

$$0.99 \quad \text{د} \quad 9.9 \quad \text{ج} \quad 1.1 \quad \text{ب} \quad 0.11 \quad \text{أ}$$

.17. ضع إشارة $<$, $=$, E في الفراغ الآتي: 8-----3-----

$$\text{أ} \quad > \quad \text{ب} \quad - \quad \text{ج} \quad = \quad \text{د} \quad \text{E}$$

.18. ناتج جمع عددين صحيحين سالبين هو.....

أ- عدد موجب ب- عدد سالب ج- صفر د- مطلق العدد

.19. البعد بين طائرة على ارتفاع 3 كم فوق مستوى سطح البحر وبين غواصة على

عمق 2 كم تحت مستوى سطح البحر؟ الجواب

$$-5 \quad \text{د} \quad -1 \quad \text{ج} \quad 5 \quad \text{ب} \quad 1 \quad \text{أ}$$

.20. ما العدد اللازم أضافته إلى 6 لينتج 10

$$-16 \quad \text{د} \quad 16 \quad \text{ج} \quad -4 \quad \text{ب} \quad -4 \quad \text{أ} \quad 4$$

.21. جد ناتج $-6 + 4 + -1 + 3$ الجواب.....

-13 -د 4 -ج 0 -ب 13 -أ

.22. العنصر المحايد لعملية الجمع على Z هو.....

-0 -د 0 -ج -1 -ب 1 -أ

.23. ناتج العملية $5 - 4 \times$

$$-20 \quad +20 \quad \text{ج}^- \quad \text{ب}^- +9 \quad -9 \quad \text{أ}^-$$

.24. مدرسة فيها 800 طالب غاب منهم في أحد الأيام 24 طالب ،فأن النسبة

المئوية لعدد الطالب الغائبين في هذا اليوم هي :

$$2 \% \quad 20 \% \quad \text{ج}^- \quad \text{ب}^- 30 \% \quad 3 \% \quad \text{أ}^-$$

.25. أن ناتج العملية $\frac{5}{8} + \frac{3}{8}$ يساوي

$$\text{د}^- 1 \quad \frac{1}{4} \quad \text{ج}^- \quad \frac{8}{16} \quad \text{ب}^- - \quad \frac{1}{2} \quad \text{أ}^- -$$

.26. مدینتان البعد بينهما على الخريطة 6 cm , وعلى الأرض 360 km فان مقياس

الرسم يساوي:

$$\frac{5}{300} \quad \text{د}^- \quad \frac{1}{60000} \quad \text{ج}^- \quad \frac{1}{600000} \quad \text{ب}^- \quad \frac{1}{6000000} \quad \text{أ}^-$$

.27. إذا كانت المسافة بين مدینتين 5 cm وكان مقياس الرسم 1:7000000 فأن البعد

الحقيقي بين المدینتين بالكيلو متر يساوي.....

$$750 \text{ km} \quad \text{د}^- \quad 300 \text{ km} \quad \text{ج}^- \quad 350 \text{ km} \quad \text{ب}^- \quad 35 \text{ km} \quad \text{أ}^-$$

.28. رسمت مئذنة بمقاييس رسم 1:400 وكان ارتفاعه على الخارطة 10 cm جد

ارتفاع المئذنة الحقيقى بالمتر؟ الجواب.....

أ - 4 m ب - 40 m ج - 400 m د - 4000 m

29. يحتاج 2 عامل إلى 10 ساعة لنقل 1000 كارتون فكم ساعة يحتاج 5 عمال لنقل نفس الكمية؟ الجواب..... ساعة

أ - 25 ب - 20 ج - 4 د - 5

30. يزداد وزن طفل منذ ولادته بمقدار kg 2 كل 4 أشهر ما مقدار وزنه في السنة؟ الجواب...

أ - 8 kg ب - 6 kg ج - 12 kg د - 9 kg

31. حديقة منزل على شكل مستطيل طولها m 8 و عرضها 5m زرع منها m^2 10 ما النسبة المئوية للجزء المزروع؟ الجواب.....

أ - 75% ب - 40% ج - 25% د - 10%

32. حول النسبة المئوية إلى(%) إلى صورة عشرية الجواب.....

أ - 1.8 ب - 180 ج - 1.08 د - 0.18

ملحق (3)

اختبار التفكير الرياضي الصيغة النهائية

تعليمات عامة للاختبار:

اسم الطالب : الصف : الأول متوسط الشعبة

صممت هذه الاختبارات والتي تتكون من خمسة اختبارات فرعية لمعرفة مستوى تفكيرك عندما يوجه إليك سؤال ما في الرياضيات، مع ملاحظة أن الإجابة على هذه الاختبارات ليس لها علاقة بما تحصله من معلومات خلال المواد الدراسية في المدرسة، كما أود الإشارة إلى أن المعلومات التي تدلي بها هي موضع السرية التامة ولا تستخدم إلا لغرض البحث العلمي. وقبل أن تبدأ في الإجابة عليك ملاحظة ما يلي:

١ – أكتب اسمك بوضوح.

٢ – هناك خمسة اختبارات، وسنعرض عليك التعليمات الخاصة بكل اختبار على حدة.

٣ – يمكنك استخدام الصفحة المقابلة في إجراء أية عمليات قد تحتاجها.

لا تقلب الصفحة حتى يؤذن لك

التفكير الاستقرائي : اختر الاجابة الصحيحة من الاتي :

-1- إذا أعطيت التسلسل 200,300,400 فإن العدد الثامن هو

أ- 500 ب- 700 ج- 800 د- 900

-2- إذا أعطيت التسلسل 80,75,70,..... فان العدد السادس هو

أ- 50 ب- 55 ج- 60 د- 65

-3- إذا كانت الأعداد: 880,672,664,326,118 تقبل القسمة على 2 بدون باقي فأي الأعداد التالية تقبل القسمة على 2 بدون باقى :

أ- 221 ب- 223 ج- 225 د- 220

إذا كان -4

$$3 \times 4 = 3 + 3 + 3 + 3$$

$$4 \times 3 = 4 + 4 + 4$$

فإن

أ- 7 + 7 ب- 2+ 2 ج- 14 + 14 د- 5 + 5

-5- إذا كان 8876 x 10 = فأن ..

أ- 8876 ب- 887660 ج- 88760 د- 887600

-6 تأمل الأمثلة الآتية ثم اوجد المثال الخامس

$$3 = 0 + 1 + 2$$

$$6 = 1 + 2 + 3$$

$$9 = 2 + 3 + 4$$

$$12 = 3 + 4 + 5$$

سيكون المثال الخامس هو.....

$$15 = 4 + 5 + 6 - \text{د}$$

$$15 = 3 + 5 + 6 - \text{ج}$$

$$15 = 3 + 5 + 8 - \text{ب}$$

$$15 = 3 + 4 + 7 - \text{أ}$$

-7 تأمل الأمثلة الآتية ثم اوجد المثال التاسع

$$37 \times 3 \times 1 = 111$$

$$37 \times 3 \times 2 = 222$$

$$37 \times 3 \times 3 = 333$$

$$37 \times 3 \times 4 = 444$$

$$\text{د} - 999$$

$$\text{ج} - 888$$

$$\text{ب} - 666$$

$$\text{أ} - 555$$

-8 لاحظ: 1 عدد فردي + 3 عدد فردي = 4 عدد زوجي

كذلك 3 عدد فردي + 5 عدد فردي = 8 عدد زوجي

كذلك 5 عدد فردي + 7 عدد فردي = 12 عدد زوجي

كذلك 7 عدد فردي + 9 عدد فردي = 16 عدد زوجي لذا يكون....

أ- عدد زوجي+عدد ب- عدد فردي+عدد ج- عدد فردي+عدد

زوجي=عدد فردي فردي=عدد فردي زوجي=عدد فردي

التفكير الاستنتاجي : اختر الاجابة الصحيحة من الاتي :

- 9- كل الأعداد الزوجية تقبل القسمة على 2 بدون باقي , العدد 916 عدد زوجي , وعليه العدد 916 يقبل القسمة على.....
- أ- 2 بدون باقي ب- صفر ج- مع الباقي د- 6
- 10- يقع ترتيب احمد الثالث في مجموعة أسماء , سواء بدأنا العد من أعلى مجموعة أسماء أو من أسفلها ,فيكون عدد طلاب الصف يساوي..... طلاب
- أ- 5 ب- 6 ج- 7 د- 9
- 11- الاجتهاد يؤدي إلى النجاح والنجاح يؤدي إلى التقدم أذن الاجتهاد يؤدي إلى.....
- أ- الفرج ب- الفوز ج- النقم د - التفوق
- 12- جميع الأعداد الممحضورة بين 999 - 99 أقل من 1000 , العدد 978 محضور بين 999 - 99 أذن العدد 978 يكون.....
- أ- اصغر من 1000 ب- اكبر من 1000 ج- =1000 د - عدد فردي
- 13- أحمد اكبر من فلاح وقيس اصغر من احمد أذن.....
- أ- فلاح اكبر الجميع ب- احمد اكبر الجميع ج- قيس اكبر الجميع د- قيس نفس عمر فلاح
- 14- وقف احمد مع مجموعة من الطلاب , وجد نفسه يقف بين طالبين وخلفه طالبين وأمامه طالبين فكم عدد الطلاب ؟ الجواب.....
- أ- 5 ب- 6 ج- 7 د- 9
- 15- كم مرة ممكن أن نطرح 6 من العدد 24 الجواب.....
- أ- مرة واحدة ب- مرتين ج- ثلات مرات د- أربع مرات

- 16- سامي اقصر من أيمن وبلال أطول من أيمن، رتب الأولاد من الأطول إلى الأقصر
 أ- أيمن، بلال، سامي ب- سامي، بلال، أيمن ج- بلال، سامي، أيمن د- بلال، أيمن، سامي

التعبير بالرموز: اختر الاجابة الصحيحة من الاتي

- 17- لدينا عددين رمز الأول (A) ورمز الثاني (B) عبر بالرموز عن العبارة (حاصل جمع العددين اكبر من (32) التعبير هو

$$A + B > 32 \quad \text{د-} \quad A + B = 32 \quad \text{ج-} \quad A + B < 32 \quad \text{ب-} \quad A - B > 32 \quad \text{أ-}$$

- 18- عبر بالرموز المناسبة عن (ألف ومائتان وأربعة وثلاثون) التعبير هو
 أ- 1324 ب- 1234 ج- 1243 د- 1433

- 19- اذا رمزنا لعرض مستطيل = X وطول مستطيل = Y ونعلم مساحة مستطيل = العرض × الطول
 فكيف نعبر عن المساحة بالرموز؟ الجواب المساحة =

$$X \cdot Y \quad \text{د-} \quad X \div Y \quad \text{ج-} \quad X - Y \quad \text{ب-} \quad X + Y \quad \text{أ-}$$

- 20- لدينا ثلاثة أعداد الأول X والثاني Y والثالث Z على الترتيب، عبر بالرموز عن العبارة الآتية : العدد الثالث يساوي العدد الأول مطروحاً منه العدد الثاني : التعبير هو

$$X = Y - Z \quad \text{د-} \quad Y = X - Z \quad \text{ج-} \quad Z = X - Y \quad \text{ب-} \quad Z = Y - X \quad \text{أ-}$$

- 21- اشتريت طبقاً من البيض عدد صفوفه A وبكل صف B بيضات ، فإذا كان عدد البيض C فعبر بالرموز المناسبة عن عدد البيض الموجود بالطبق ؟ التعبير.....

$$C = A / B \quad \text{د-} \quad B = A \cdot C \quad \text{ج-} \quad A = C \cdot B \quad \text{ب-} \quad C = A \cdot B \quad \text{أ-}$$

- 22- عند احمد كتاب عدد صفحاته X صفحة، وإذا رمزنا ما قرأه في اليوم الأول من الكتاب Y صفحة واليوم الثاني Z صفحة واجل قراءة الباقي لليوم الثالث فكيف تعبّر عما قرأه في اليوم الثالث.....

$$X - (Y + Z) \quad \text{د-} \quad Y - (X - Z) \quad \text{ج-} \quad Z = X - Y \quad \text{ب-} \quad Z = Y - X \quad \text{أ-}$$

- 23- أطوال مستطيل X, Y ونعلم أن مساحة المستطيل ضرب أطواله، ومحطيته جمع طوليه في 2 عبر عن مساحة المستطيل المتساوية لطول محطيته، التعبير.....

$$\text{أ- المساحة=} XY \quad \text{ب- المحطيط=} 2(X + Y) \quad \text{ج- } XY=2(Y+X) \quad \text{د- } X - (Y + Z)$$

- 24- إذا رمزنا لوزن دجاجة X فكيف تعبّر عن العبارة (تنزن نصف وزنها زائد 1)
 التعبير هو ...

$$\text{أ- } \frac{1}{2} X + X \quad \text{د- } \frac{1}{2} + X + 1 \quad \text{ج- } \frac{1}{2} + X \quad \text{ب- } 1 \frac{1}{2} + X$$

ادراك العلاقات : اختر الاجابة الصحيحة من الاتي

25- إذا كان ثمن القلم 50 دينار وثمن المسطرة 100 دينار، وثمن الكراسة 200 دينار . فإن ثمن ثلاثة أقلام

وأربعة مساطر وخمس كراسات الثمن هو:

- أ- 550 دينار ب- 1650 دينار ج- 1550 دينار د- 1505 دينار

26- في حديقة سلمان دجاج وأرانب فقط .عند سلمان الرؤوس فكانت 6 رؤوس، وعد الأرجل فكانت 16 رجلا، فكم عدد الأرانب وعدد الدجاج؟ الجواب.....

- أ- 5 دجاج و 1 أرنب ب- 2 دجاج و 3 أرنب ج- 3 دجاج و 4 أرنب د- 4 دجاج و 2 أرنب

27- في التسلسل العددي يوجد عدد غريب ينبغي حذفه: 100,150,200,250,255,300

- أ- 200 ب- 250 ج- 255 د- 300

28- إذا كان $\$ + 2 = 7$ فما قيمة $(\$ + ?)$ الجواب هو ...

- أ- 32 ب- 16 ج- 23 د- 6

29- عدد المربعات في الشكل المجاور



- أ- 2 ب- 4 ج- 5 د- 6

30- جد قيمة العدد(D) إذا علمت أن (D= A + C) وأن (C) ضعف (A) الجواب....

- أ- 4 ب- 6 ج- 8 د- 10

31- مجموع قياسات زوايا أي مثلث 180° احدها 50° أي الحالات غير ممكنة: وجود زاويتين...

- أ- $30^{\circ}, 100^{\circ}$ ب- $60^{\circ}, 70^{\circ}$ ج- $50^{\circ}, 80^{\circ}$ د- كلاهما 60°

-32 نعلم الزاوية القائمة= 90° , والحادية 90° , والمنفرجة < 90° أي الحالات غير ممكنة في مثلث واحد توجد

فيه زاوية حادة : وجود زاويتين...

- أ- حادة و منفرجة ب- حادة و قائمة ج- حادتين د- قائمتين

البرهان الرياضي : اختر الاجابة الصحيحة من الاتي :

-33 إذا كانت قيمة $A=10$, $B=5$, $C=3$ فأن القيمة العددية للمقدار $4B-2A-C$ =

- أ- 3 ب- 3 ج- 8 د- 8

-34 إذا اشتغل عامل في اليوم 6 ساعات ، فإن عدد الساعات التي يشغلهما العامل في أسبوع هي ..

- أ- 6 ساعات ب- 13 ساعة ج- 24 ساعة د- 42 ساعة

-35 تحتوي طبقة البيض 4 صفوف في كل صف 3 بيضات فأن مجموع بيض الطبقة = ..

- أ- 16 بيضة ب- 12 بيضة ج- 9 بيضات د- 7 بيضات

-36 إذا كان في كل عقد من العقود 9 خرزات ، فإن عدد الخرز في 8 عقود عباره عن :

- أ- 8 خرزات ب- 9 خرزات ج- 17 خرزة د- 72 خرزة

-37 خزان ماء فيه 300 لتر فإذا أخذنا منه كل يوم 50 لتر فكم يوم تتوقع ينتهي الخزان؟

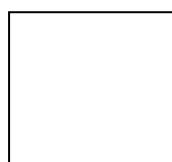
- أ- 3 أيام ب- 4 أيام ج- 5 أيام د- 6 أيام

-38 كم مرة نستطيع طرح الرقم 5 من العدد 20 ؟ الجواب.....

- أ- مرة واحدة ب- مرتين ج- ثلث مرات د- أربع مرات

-39 ما هي الأشهر الميلادية التي يوجد فيها(28) يوما ؟ الجواب ..

- أ- شهر شباط فقط ب- الأشهر الفردية ج- كل الأشهر د- الأشهر الزوجية



د- 12 سم

-40 إذا كان محيط المربع= طول ضلع \times 4 ، والشكل المجاور مربع طول ضلعه 3 سم ، فإن محطيه يساوي

- أ- 9 سم² ب- 9 سم ج- 12 سم²

مفتاح التصحيح لاختبار التفكير الرياضي
ملحق (4)

رقم الفقرة	حرف الإجابة الصحيحة	رقم الفقرة	حرف الإجابة الصحيحة
.1	د	.21	أ
.2	ب	.22	د
.3	د	.23	ج
.4	أ	.24	د
.5	ج	.25	ج
.6	د	.26	د
.7	د	.27	ج
.8	ج	.28	أ
.9	أ	.29	ج
.10	أ	.30	ب
.11	ج	.31	د
.12	أ	.32	د
.13	ب	.33	ب
.14	ج	.34	ج
.15	أ	.35	أ
.16	د	.36	د
.17	د	.37	د
.18	ج	.38	ج
.19	د	.39	د
.20	ب	.40	د

ملحق (5) الأهداف السلوكية
مستويات بلوم (الذكر - الفهم - التطبيق)

المستويات			الأغراض السلوكية	ت
التطبيق	الفهم	ذكر		
فص 1/ المجموعات: يتوقع من الطالب بعد دراسته الفصل أن يكون قادرًا على أن :-				
		✓	يعرف المجموعة .	.1
	✓		يميز بين عنصر ينتمي وأخر لا ينتمي إلى مجموعة	.2
		✓	يعرف المجموعة الخالية .	.3

	✓		يعطي أمثلة لمجموعات خالية من البينة .	.4
		✓	يعرف المجموعة المنتهية .	.5
	✓		يعطي أمثلة لمجموعات منتهية من البينة .	.6
	✓		يميز بين تجمع يمثل مجموعة وأخر لا يمثل مجموعة .	.7
	✓		يعطي أمثلة لمجموعات من البينة .	.8
	✓		يعبر عن مجموعة ما بذكر عناصرها ((طريقة القائمة))	.9
	✓		يمثل مجموعة ما بمخططات (فن) 0	.10
		✓	يعرف المجموعة غير المنتهية .	.11
	✓		يعطي أمثلة لمجموعات غير منتهية من البينة .	.12
	✓		يميز بين المجموعة المنتهية و المجموعة غير المنتهية	.13
		✓	يعرف المجموعة الجزئية .	.14
	✓		يذكر متى تكون مجموعة مثل B جزئية من مجموعة مثل A	.15
	✓		يعطي أمثلة لمجموعات جزئية من مجموعة ما مثل A .	.16
	✓		يميز بين مجموعة جزئية وأخرى ليست جزئية من مجموعة معلومة .	.17
	✓		يميز بين الاحتواء والانتماء .	.18
		✓	يذكر متى تكون مجموعة مثل B تساوي مجموعة مثل A .	.19
		✓	يذكر متى تكون مجموعة مثل B لا تساوي مجموعة مثل A	.20
	✓		يعين مجموعة تساوي مجموعة معلومة .	.21
	✓		يعين مجموعة لا تساوي مجموعة معلومة .	.22
		✓	يعرف مجموعة تقاطع مجموعتين 0	.23
	✓		يعين مجموعة التقاطع بين مجموعتين معلومتين أو أكثر 0	.24
	✓		يعرف مجموعة التقاطع باستخدام الرموز (رياضيا)	.25

	✓		يمثل مجموعة التقاطع بين مجموعتين معلومتين أو أكثر بمخططات (فن) 0	.26
	✓		يعطي أمثلة من البيئة توضح مفهوم التقاطع.	.27
	✓		يوظف خواص التقاطع في حل مسألة معينة.	.28
		✓	يعرف مجموعة اتحاد مجموعتين 0	.29
	✓		يعين مجموعة الاتحاد بين مجموعتين معلومتين أو أكثر 0	.30
	✓		يعرف مجموعة الاتحاد باستخدام الرموز (رياضيا).	.31
	✓		يمثل مجموعة اتحاد مجموعتين معلومتين أو كثر بمخططات (فن) .	.32
	✓		يعطي أمثلة من البيئة توضح مفهوم الاتحاد.	.33
	✓		يوظف خواص الاتحاد في حل تمرين معين.	.34
✓			يجد حل مسألة معينة تمثل اتحاد مجموعتين أو أكثر.	.35
✓			يجد حل مسألة معينة تمثل تقاطع مجموعتين أو أكثر.	.36

فص 2 / العلاقات يتوقع من الطالب بعد دراسته الفصل أن يكون قادرًا على أن :

		✓	يعرف العلاقة على مجموعة 0	.37
		✓	يعرف الزوج المرتب .	.38
	✓		يعبر عن علاقة ما بمجموعة من الأزواج المرتبة	.39
		✓	يعرف حاصل الضرب الديكارتي .	.40
	✓		يعين حاصل الضرب الديكارتي للمجموعة .	.41
	✓		يعين علاقة أو أكثر على مجموعة .	.42
	✓		يعين علاقة أو أكثر من مجموعة إلى أخرى.	.43
	✓		يمثل حاصل الضرب الديكارتي لمجموعة بمخطط سهمي .	.44
	✓		يمثل حاصل الضرب الديكارتي من مجموعة إلى أخرى بمخطط سهمي .	.45
	✓		يمثل علاقة ما بمخطط بياني .	.46
	✓		يرسم مخطط سهمي لعلاقة معرفة على مجموعة .	.47

	✓		يرسم مخطط سهمي لعلاقة معرفة من مجموعة إلى أخرى .	.48
		✓	يعرف العلاقة من مجموعة إلى أخرى .	.49
	✓		يختبر فيما إذا كانت مجموعة من الأزواج المرتبة تمثل علاقة على مجموعة معلومة.	.50
	✓		يترجم المخطط السهمي لعلاقة معينة إلى مجموعة من الأزواج المرتبة 0	.51
		✓	يعرف العلاقة الانعكاسية 0	.52
		✓	يذكر متى تكون العلاقة المعرفة على مجموعة ما انعكاسية 0	.53
		✓	يذكر متى تكون العلاقة المعرفة على مجموعة ما غير انعكاسية 0	.54
✓			يستعين بالمخطط السهمي للحكم على كون علاقة معرفة على مجموعة ما انعكاسية أم غير انعكاسية.	.55
✓			يستنتج خواص علاقة ما من مخططها السهمي .	.56
✓			يختبر خاصية الانعكاس لعلاقة ما معرفة على مجموعة معينة 0	.57
		✓	يعرف العلاقة "المتاظرة".	.58
		✓	يذكر متى تكون العلاقة المعرفة على مجموعة ما متاظرة 0	.59
		✓	يذكر متى تكون العلاقة المعرفة على مجموعة ما غير متاظرة 0	.60
✓			يستعين بالمخطط السهمي للحكم على كون علاقة معرفة على مجموعة ما متاظرة أم غير متاظرة 0	.61
✓			يختبر خاصية "المتاظر" لعلاقة ما معرفة على مجموعة معينة 0	.62
فص 3 : الأعداد الصحيحة يتوقع من الطالب بعد دراسته الفصل أن يكون قادرًا على أن :-				
		✓	يعرف العدد الصحيح 0	.63
	✓		يميز بين العدد الصحيح الموجب والعدد الصحيح السالب 0	.64
	✓		يمثل العدد الصحيح على خط الأعداد 0	.65
	✓		يرتب الأعداد الصحيحة ترتيبا تصاعديا أو تنازليا 0	.66
	✓		يقارن بين عددين صحيحين 0	.67
		✓	يعرف القيمة المطلقة للعدد الصحيح 0	.68

	✓		يعين القيمة المطلقة لعدد صحيح 0	.69
✓			يجمع عددين صحيحين مستعيناً بخط الأعداد	.70
	✓		يذكر قاعدة جمع عددين صحيحين .	.71
	✓		يذكر خواص عملية الجمع على z .	.72
✓			يوظف خاصيتي الإبدال والتجميع في حل مسألة تمثل أيجاد ناتج جمع ثلاثة أعداد صحيحة أو أكثر 0	.73
	✓		يعين النظير الجمعي للعدد الصحيح 0	.74
✓			يحل مسائل لفظية تتناول مواقف حياتية تتضمن عملية الجمع على z .	.75
	✓		يذكر قاعدة طرح عدد صحيح من آخر 0	.76
	✓		يطرح عدداً صحيحاً من آخر 0	.77
✓			يحل مسائل لفظية تتناول مواقف حياتية تتضمن عملية الطرح على z .	.78
	✓		يذكر قاعدة ضرب عدد صحيح في آخر 0	.79
	✓		يضرب عدد صحيح في آخر 0	.80
	✓		يذكر خواص عملية الضرب على z 0	.81
✓			يوظف خاصيتي الإبدال والتجميع في أيجاد ناتج ضرب ثلاثة أعداد صحيحة أو أكثر 0	.82
	✓		يعين النظير الضريبي للعدد الصحيح 0	.83
✓			يوظف خواص الإبدال والتجميع والتوزيع في حل مسألة تمثل أيجاد نواتج العمليات على الأعداد الصحيحة 0	.84
✓			يحل مسائل لفظية تتناول مواقف حياتية تتضمن عملية الضرب على z .	.85
	✓		يذكر قاعدة قسمة عدد صحيح على آخر 0	.86
	✓		يقسم عدداً صحيحاً على آخر 0	.87
	✓		يقرب العدد الصحيح إلى أقرب عشرة .	.88
	✓		يقرب العدد الصحيح إلى أقرب مائة.	.89
	✓		يقرب العدد الصحيح إلى أقرب ألف.	.90

	✓		يقرب العدد الكسري إلى أقرب عدد صحيح .	.91
	✓		يحل عدد صحيح إلى عوامله الأولية .	.92
	✓		يعين الجذر التربيعي للعدد الصحيح الموجب 0	.93
	✓		يحسب الجذر التربيعي لعدد صحيح بطريقة التحليل إلى العوامل الأولية .	.94
	✓		يقدر القيمة التقريبية للجذر التربيعي لعدد صحيح موجب 0	.95
	✓		يعين الجذر التكعبي للعدد الصحيح 0	.96
	✓		يحسب الجذر التكعبي لعدد صحيح بطريقة التحليل إلى العوامل الأولية .	.97
	✓		يقدر قيمة تقريبية للجذر التكعبي لعدد صحيح 0	.98
فصل 4 : الأعداد النسبية: يتوقع من الطالب بعد دراسته الفصل أن يكون قادرا على أن :-				
	✓		يعرف العدد النسبي 0	.99
	✓		يكتب العدد النسبي على الصورة a/b حيث a, b عدوان صحيحان $a \neq b$.	.100
	✓		يميز بين العدد النسبي الموجب والعدد النسبي السالب 0	.101
	✓		يميز بين الأعداد النسبية والأعداد غير النسبية 0	.102
	✓		يمثل العدد النسبي على خط الأعداد 0	.103
	✓		يرتب الأعداد النسبية ترتيبا تصاعديا أو تنازليا 0	.104
	✓		يكتب العدد النسبي في أبسط صورة .	.105
	✓		يساوي بين عددين نسبيين .	.106
	✓		يتحقق من تساوي عددين نسبيين .	.107
	✓		يقارن بين عددين نسبيين .	.108
	✓		يميز بين الأعداد العشرية المنتهية والأعداد العشرية غير المنتهية.	.109
	✓		يحول الأعداد النسبية إلى أعداد عشرية أو بالعكس	.110
	✓		يقرب العدد النسبي إلى أقرب جزء من العشرة .	.111
	✓		يقرب العدد النسبي إلى أقرب جزء من المائة.	.112

	✓		يقرب العدد النسبي إلى أقرب جزء من ألف.	.113
✓			يحل مسائل لفظية تتناول مواقف حياتية تتضمن تطبيقات على التاسب الطردي .	.114
فص 5 : تطبيقات على الأعداد النسبية يتوقع من الطالب بعد دراسته الفصل أن يكون قادرًا على أن :-				
		✓	يعرف النسبة.	.115
		✓	يتعرف على حدي النسبة.	.116
	✓		يجد النسبة بين عددين .	.117
	✓		يجد النسبة بين مقدارين من النوع نفسه .	.118
	✓		يكتب النسبة بين عددين بصورة كسر اعتيادي .	.119
	✓		يكتب أسماء أخرى لنسبة معينة .	.120
✓			يحل مسائل حياتية حول النسبة بين عددين أو مقدارين من النوع نفسه .	.121
		✓	يعرف النسبة المئوية.	.122
	✓		يحول النسبة المئوية إلى الصورة الكسرية المكافئة لها وبالعكس .	.123
	✓		يحول النسبة المئوية إلى الصورة العشرية المكافئة لها وبالعكس .	.124
✓			يحل مسائل حياتية حول النسبة المئوية.	.125
		✓	يعرف التاسب .	.126
	✓		يكون تنساب .	.127
		✓	يعرف العلاقة التنسابية .	.128
	✓		يكتب علاقة تنسابية بصيغة أخرى.	.129
		✓	يسمي حدود التنساب (طرفين , وسطين) .	.130
		✓	يسمي طرفي التنساب.	.131
		✓	يسمي وسطي التنساب .	.132
	✓		يجد حاصل ضرب الطرفين وحاصل ضرب الوسطين	.133
	✓		يستخد العلاقة :- (حاصل ضرب الطرفين = حاصل ضرب الوسطين) في حل تمرين معين .	.134

	✓		يجد قيمة المجهول في تناوب معين.	.135
✓			يحل مسائل حياتية تتناول التناوب .	.136
		✓	يعرف مقاييس الرسم .	.137
✓			يجد مقاييس الرسم في مسألة معينة .	.138
	✓		يعين البعد الحقيقي بمعنومه مقاييس الرسم والبعد على الرسم .	.139
	✓		يعين البعد على الرسم بمعنومه مقاييس الرسم والبعد الحقيقي .	.140
✓			يجد مقاييس الرسم لمخطط معين .	.141
✓			يحل مسائل لفظية تتناول مواقف حياتية تتضمن تطبيقات على مقاييس الرسم.	.142
		✓	يعرف التناوب الطردي .	.143
✓			يحل مسائل لفظية تتناول مواقف حياتية تتضمن تطبيقات على التناوب الطردي .	.144
		✓	يعرف التناوب العكسي .	.145
✓			يحل مسائل لفظية تتناول مواقف حياتية تتضمن تطبيقات على التناوب العكسي .	.146

الالفول	تفصيل	ذكر	فهم	تطبيق
فص 1		9	25	2
فص 2		10	11	5
فص 3		8	21	7
فص 4		1	14	1
فص 5		11	13	8
المجموع	146	39	84	23
النسبة		%27	%57	%16

ملحق (6) أسماء المحكمين وطبيعة الاستشارة حسب اللقب العلمي

طبيعة الاستشارة				مكان العمل/ الجامعة	الاختصاص	اسم الخبر واللقب	ن
4	3	2	1				
*	*	*	*	بغداد - كلية التربية - ابن الهيثم	طب.الرياضيات	أ.د. بشرى محمود قاسم	1
*	*	*	*	بغداد - كلية التربية - ابن الهيثم	طب.الرياضيات	أ.د. مجبل حماد الجوعاني	2
*	*	*	*	بغداد - كلية التربية-ابن الهيثم	طب.الرياضيات	أ.د. رافد بحر معيوف	
*	*	*	*	بغداد - كلية التربية - ابن الهيثم	طب.الرياضيات	أ.م.د. الهمام فارس جبار	3
*	*	*	*	المستنصرية - كلية التربية	طب.الرياضيات	أ.م.د. رحيم يونس العزاوي	4
*	*	*	*	المستنصرية - كلية التربية الأساسية	طب.الرياضيات	أ.م.د. مدركة صالح	5
*	*	*	*	المستنصرية - كلية التربية الأساسية	طب.الرياضيات	أ.م.د. منى طه	6
*	*	*	*	المستنصرية - كلية التربية الأساسية	طب.الرياضيات	أ.م.د. هاشم محمد حمزه الجميلي	7
*	*	*	*	المستنصرية - كلية التربية الأساسية	طب.الرياضيات	أ.م.د. آفاقه حبيل حسون	
*	*	*	*	بغداد - كلية التربية - ابن الهيثم	طب.الرياضيات	د. انعام ابراهيم عبد الرزاق	9
*	*	*	*	بغداد - كلية التربية-ابن الهيثم	طب.الرياضيات	د . حسن كامل الكناني	10

- 1- الأهداف السلوكية
 2- الخطط التدريسية
 3- اختبار التفکير الرياضي
 4- اختبار التحصيل

ملحق (7)

نماذج من الخطط التدريسية على وفق التعلم النشط والطريقة التقليدية

أولاً: نموذج خطة لتدريس مفاهيم العلاقات على وفق التعلم النشط

الموضوع: خواص العلاقة على المجموعة

الصف: الأول متوسط

الوسائل التعليمية: رسوم, بطاقات ملونة, سبورة , طباشير .

الهدف من الدرس:

1-الأهداف المعرفية: أن يتعرف الطالبة على مفهوم العلاقة الانعكاسية والمتاظرة

ويستطيعون تطبيق هذا المفهوم في مواقف حياتية ورياضية.

2-الأهداف الوج다نية: أن يمارس الطالب الدقة والتنظيم والترتيب وتكوين اتجاهات إيجابية نحو موضوعات الرياضيات.

3-الأغراض السلوكية: أن يكون الطالب قادرًا على أن:

1. يعرف العلاقة الانعكاسية 0

2. يذكر متى تكون العلاقة المعرفة على مجموعة ما انعكاسية 0

3. يذكر متى تكون العلاقة المعرفة على مجموعة ما غير انعكاسية 0

4. يستعين بالمخطط السهمي للحكم على كون علاقة معرفة على مجموعة ما انعكاسية أم غير انعكاسية.

5. يستنتج خواص علاقة ما من مخططها السهمي .

6. يختبر خاصية الانعكاس لعلاقة ما معرفة على مجموعة معينة 0

7. يعرف العلاقة "المتاظرة".

8. يذكر متى تكون العلاقة المعرفة على مجموعة ما متاظرة 0

9. يذكر متى تكون العلاقة المعرفة على مجموعة ما غير متاظرة 0

10. يستعين بالمخطط السهمي للحكم على كون علاقة معرفة على مجموعة ما متاظرة أم غير متاظرة 0

11. يختبر خاصية "التناظر" لعلاقة ما معرفة على مجموعة معينة 0

سير الدرس:

المرحلة الأولى : ما قبل حلقة العصف الذهني

يوضح المدرس للطلاب مبادئ وخصائص حلقة التعلم النشط: (جماعية – تفاعلية – ودية – قبول جميع الأفكار - غزاره الأفكار – تأجيل نقد الأفكار- سرعة طرح الأفكار)

فيما يخص الموقف أو مشكلة الدراسة:

المرحلة الثانية : حلقة العصف الذهني و حل المشكلات

-عرض المشكلة (الموضوع):

يهدى المدرس لعرض المشكلة بالأسئلة التالية:

المدرس: درسنا في موضوع سابق كيفية تمثيل العلاقة بأزواج مرتبة وبمخطط سهمي

كما في المثال الآتي:

1- إذا كانت $A = \{2, 3, 5, 6\}$ والعلاقة عليها تمثل بالأزواج المرتبة الآتية

$$R_1 = \{(2,2), (2,6), (3,3), (3,6), (5,5), (6,6)\}$$

$$B = \{1, 2, 3, 4, 9\} \quad R_2 = \{(1,1), (4,2), (3,4), (9,9)\} - 2$$

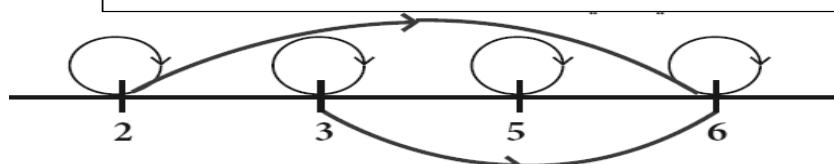
$$C = \{a, b\} \quad R_3 = \{(a,a), (b,b), (a,b), (b,a)\} - 3$$

$$C = \{a, b\} \quad R_4 = \{(a,b), (b,a)\} - 4$$

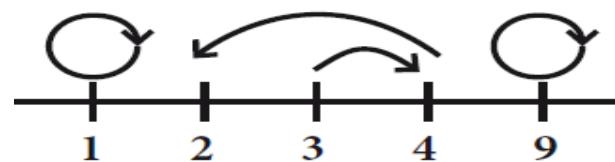
والمطلوب تمثيل هذه العلاقات بمخططات سهمية

يتوصل الطلبة إلى رسم المخططات السهمية المطلوبة

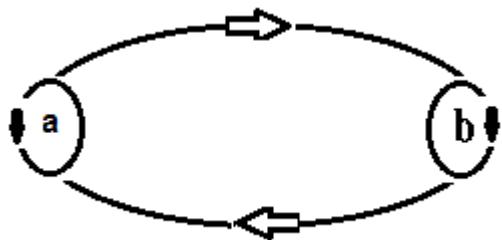
العلاقة R_1 يمكن أن توضح بالمخطط السهمي الآتي



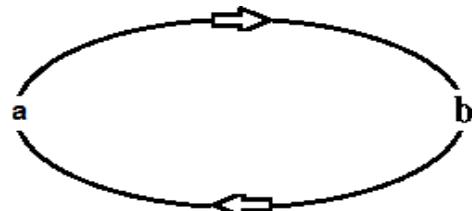
العلاقة R_2 يمكن أن توضح بالمخطط السهمي الآتي:



العلاقة R_3 يمكن أن توضح بالمخطط السهمي الآتي:



العلاقة R_4 يمكن أن توضح بالمخطط السهمي الآتي:



ثم يطرح المدرس المشكلة الآتية: تلاحظون أن المخططات لم تأخذ الشكل نفسه فما هي

الاختلافات:

طالب: بعض العناصر لها دائرة حولها

المدرس: أحسنت سلطق عليها تسمية (عروة)

طالب آخر: بعض الأسماء منطلقة من عنصر لأخر ويعوضها يرجع السهم لنفس العنصر

المدرس: سنسمي كل علاقة على المجموعة انعكاسية إذا كل عنصر له عقدة .

المدرس: ونعبر عنها رياضياً: العلاقة R تكون انعكاسية على المجموعة A إذا تحقق

الشرط الآتي: $a \in A$ لكل عنصر $a R a$

المدرس: من يخبرني أي من العلاقات الأربعه انعكاسية وأيهما غير انعكاسية حسب

التعريف

طالب : R_3 , R_1 علاقات انعكاسية

المدرس: أحسنت ولمذا؟

الطالب: كون كل عنصر في المجموعة أصبح له عروة

طالب: R_2 غير انعكاسية كون العناصر 2,3,4 ليس لهم عروة

المدرس: ممتاز وذكر عنصر واحد يكفي لتكون العلاقة غير انعكاسية.

طالب آخر: R_4 غير انعكاسية كون a ليس له عروة.

المدرس: من يذكر لي ما تتميز العلاقة R_1 , R_2 , R_3 عن R_4

طالب: الأسماء من R_1, R_2, R_3, R_4 منطقية من عنصر إلى آخر ولكن في R_3, R_4 السهم المنطلق يرجع إلى نفس العنصر.

المدرس: أحسنت سلطتك على العلاقة التي إذا انطلق السهم من a إلى b ورجع السهم من b إلى a نسميها علاقة متاظرة وبالتعريف الرياضي نقول تكون العلاقة R علاقة متاظرة على المجموعة A إذا تحقق فيها الشرط الآتي :
إذا كان $a, b \in A$ فإن $(a, b) \in R$ فـ $(b, a) \in R$ لكل

المدرس: أحسنت يا شطار من يخبرني أي من العلاقات التي درسناها تكون متاظرة أو غير متاظرة ويعلم السبب أيضاً وبصورة رياضية؟

طالب: R_1 غير متاظرة لأن $(2, 6) \in R_1$ ولكن $(6, 2) \notin R_1$

طالب آخر: R_2 غير متاظرة لأن $(3, 4) \in R_2$ ولكن $(4, 3) \notin R_2$

طالب آخر: R_3 متاظرة لأن $(a, b) \in R_3$ و $(b, a) \in R_3$

طالب آخر: R_4 متاظرة لأن $(a, b) \in R_4$ و $(b, a) \in R_4$

المدرس: أحسنت وأنا عرفنا كيف نحكم على كون العلاقة انعكاسية أو متاظرة أو غير انعكاسية و غير متاظرة) من خلال المخطط الشهسي أو الأزواج المرتبة.

وأنا انظروا لهذه المشكلة في السؤال التالي:

إذا كانت R علاقة على مجموعة الأعداد الطبيعية N بحيث:

$R = \{(a, b) : a, b \in N, a + b = 3\}$ هل العلاقة انعكاسية أو متاظرة؟

طالب: يا أستاذ لا يوجد لدينا مخطط أو أزواج مرتبة حتى نحكم على نوع العلاقة؟

المدرس: إذن نحدد المشكلة بعدم وجود أزواج أو مخطط فمن يقترح

طالب: نرسم مخطط لنحكم على نوع العلاقة؟

طالب آخر: نجد الأزواج لنحكم على نوع العلاقة؟

المدرس: لا يمكن أن نرسم المخطط بدون معرفة الأزواج. كيف نجدها وما هو شرط إيجادها؟

طالب: مطلوب أزواج مرتبة مجموعها 3

المدرس: أحسنت وما هي هذه الأزواج؟

طالب: $R = \{(0,3), (3,0), (1,2), (2,1)\}$

المدرس: أحسنت ومن يحكم على نوعها.

طالب: غير انعكاسية لأن $(0,0) \notin R$

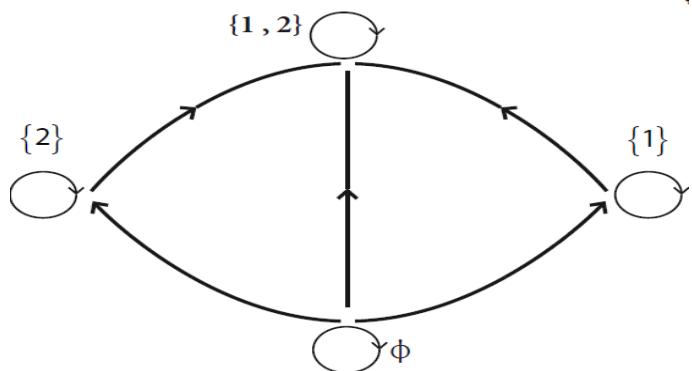
طالب آخر: متناظرة لأن لكل $(b,a) \in R$ يوجد $(a,b) \in R$

تقويم الدرس

المدرس أحسنتم ناقشوا معي هذا المثال

لتكن $A = \{1,2\}$ والعلاقة هي مجموعة المجموعات الجزئية لـ (A)

$R_2 = \{\varnothing, \{1\}, \{2\}, \{1,2\}\}$ ما نوع العلاقة



طالب: أنها انعكاسية (لأن لكل عنصر عروة) وليس متناظرة لأنه انطلق سهم من $\{1\}$

إلى $\{1,2\}$ ولم يرجع سهم من $\{1,2\}$ إلى $\{1\}$

الواجب البيئي

س₁: بين إذا كانت العلاقات التالية على $\{1,2,3\}$, انعكاسية, متناظرة.

$$R_1 = \{(1,1), (1,2), (1,3), (2,1), (2,3)\}$$

$$R_2 = \{(3,1), (1,2), (2,3), (3,2), (1,1)\}$$

$$R_3 = \{(3,1), (3,2), (2,1)\}$$

$$R_4 = \{(1,1)\}$$

س₂: بين فيما إذا كانت العلاقات التالية على مجموعة الأعداد الطبيعية N انعكاسية, متناظرة مع ذكر السبب :

$$a \leq b , \quad a+b=8 , \quad a \square b , \quad a | b$$

ثانياً: نموذج خطة لتدريس مفاهيم العلاقات على وفق الطريقة التقليدية

الموضوع: خواص العلاقة على المجموعة

الصف: الأول متوسط

الوسائل التعليمية: رسوم , بطاقات ملونة , سبورة , طباشير.

الهدف من الدرس:

1-الأهداف المعرفية: أن يتعرف الطالبة على مفهوم العلاقة الانعكاسية والمتاظرة ويستطيعون

تطبيق هذا المفهوم في مواقف حياتية ورياضية.

2-الأهداف الوجدانية: أن يمارس الطالبة الدقة والتنظيم والترتيب وتكوين اتجاهات ايجابية نحو موضوعات الرياضيات.

3-الأغراض السلوكية: أن يكون الطالب قادرًا على أن:

1. يعرف العلاقة الانعكاسية 0

2. يذكر متى تكون العلاقة المعرفة على مجموعة ما انعكاسية 0

3. يذكر متى تكون العلاقة المعرفة على مجموعة ما غير انعكاسية 0

4. يستعين بالمخطط السهمي للحكم على كون علاقة معرفة على مجموعة ما انعكاسية أم غير انعكاسية.

5. يستنتج خواص علاقة ما من مخططها السهمي .

6. يختبر خاصية الانعكاس لعلاقة ما معرفة على مجموعة معينة 0

7. يعرف العلاقة "المتاظرة" .

8. يذكر متى تكون العلاقة المعرفة على مجموعة ما متاظرة 0

9. يذكر متى تكون العلاقة المعرفة على مجموعة ما غير متاظرة 0

10. يستعين بالمخطط السهمي للحكم على كون علاقة معرفة على مجموعة ما متاظرة أم غير متاظرة 0

11. يختبر خاصية "التناظر" لعلاقة ما معرفة على مجموعة معينة 0

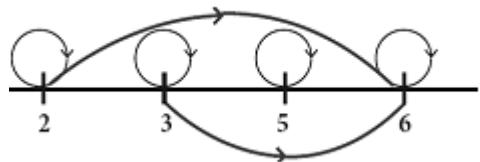
سیر الدرس:

المدرس: درسنا في درس سابق ما معنى العلاقة :

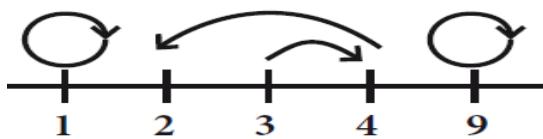
العلاقة هي مجموعة كل عنصر فيها يمثل زوج مرتب ولبعض العلاقات رموز معينة ، مثل < اكبر , > اصغر

, | عامل من العوامل , = يساوي....

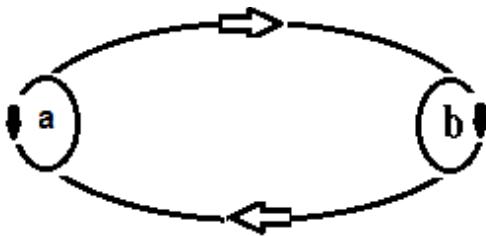
ويمكن تمثيل العلاقة أما بأزواج مرتبة أو بمخطط سهمي كما في الأمثلة الآتية:



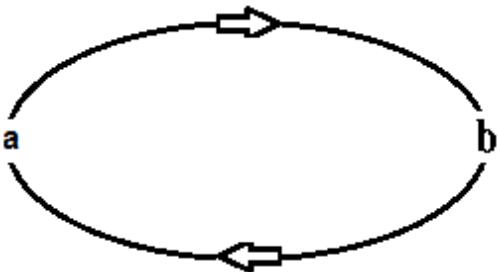
1- إذا كانت $A = \{2, 3, 5, 6\}$ والعلاقة
 $R_1 = \{(2,2), (2,6), (3,3), (3,6), (5,5), (6,6)\}$



$R_2 = \{(1,1), (4,2), (3,4), (9,9)\}$ - 2
على المجموعة $\{1, 2, 3, 4, 9\}$



$R_3 = \{(a,a), (b,b), (a,b), (b,a)\}$ - 3
على المجموعة $\{a, b\}$



$R_4 = \{(a,b), (b,a)\}$ - 4
على المجموعة $\{a, b\}$

المدرس: نلاحظ بعض العناصر في المخططات أصبح لها دائرة سننميها عروة وتقابل بالزوج المرتب العنصر يرتبط مع نفسه , فإذا كل عنصر من المجموعة ارتبط مع نفسه بزوج مرتب أو له عروه بالمخطط السهمي ستكون العلاقة انعكاسية: ونعبر عنها رياضيا

تكون العلاقة R انعكاسية على المجموعة A إذا تحقق aRa لكل عنصر $a \in A$.

المدرس: من يخبرني أي من العلاقات التي أمامكم هي انعكاسية وأي منها غير انعكاسية؟ مع ذكر السبب

طالب 1: R_1 انعكاسية كون كل عنصر من المجموعة له عروة.

المدرس: جيد وإذا نظرنا إليها كأزواج مرتبة؟

طالب 2: R_1 انعكاسية كون تتحقق aRa لكل عنصر $a \in A$.

المدرس: جيد أما إذا كانت غير انعكاسية أي عنصر ليس له عروة تكون غير انعكاسية أو أي عنصر كزوج مرتب لم يظهر في العلاقة

طالب 3: R_2 ليست انعكاسية لأن عنصر 2 ليس له عروة

المدرس صحيح جيد وكزوج مرتب ماذا ستكون الإجابة؟

طالب 4: R_2 ليست انعكاسية لأن $(2,2) \notin R_2$ لكن $2 \in B$

المدرس: أحسنت، ماذَا عن R_3 ؟

طالب 5: R_3 انعكاسية كون تحقق

$a \in C$ aRa لكل عنصر

(a,a) $\notin R_4$ لأن $a \in C$ لكن

طالب 6: R_4 ليست انعكاسية

المدرس: أحسنت جميعاً، والآن لنندرس خاصية أخرى نسميها التنازلي ونعرفها من المخطط السهمي إذا انطلق سهم من b يعود سهم من a ونعبر بصورة عامة عنها رياضياً:

تكون العلاقة R علاقه تنازلي على المجموعة A إذا \rightarrow تحقق فيها الشرط الآتي
إذا كان $a, b \in A$ فإن $(b, a) \in R$ لكل $(a, b) \in R$

المدرس: من يخبرني عن العلاقات الأربع التي درسناها أي منها متنازلة وأي منها غير متنازلة مع تعليل السبب:

طالب: R_1 غير متنازلة لأن $(2, 6) \in R_1$ ولكن $(6, 2) \notin R_1$

طالب آخر: R_2 غير متنازلة لأن $(3, 4) \in R_2$ ولكن $(4, 3) \notin R_2$

طالب آخر: R_3 متنازلة لأن $(a, b) \in R_3$ و $(b, a) \in R_3$

طالب آخر: R_4 متنازلة لأن $(a, b) \in R_4$ و $(b, a) \in R_4$

المدرس: توجد علاقات نستطيع الحكم عليها إذا جاءت بصورة ليست بأزواج مرتبة ولا مخطط سهمي كما في المثال الآتي:

إذا كانت R علاقه على مجموعة الأعداد الطبيعية N بحيث: هل أن R علاقه تنازلي على N ؟

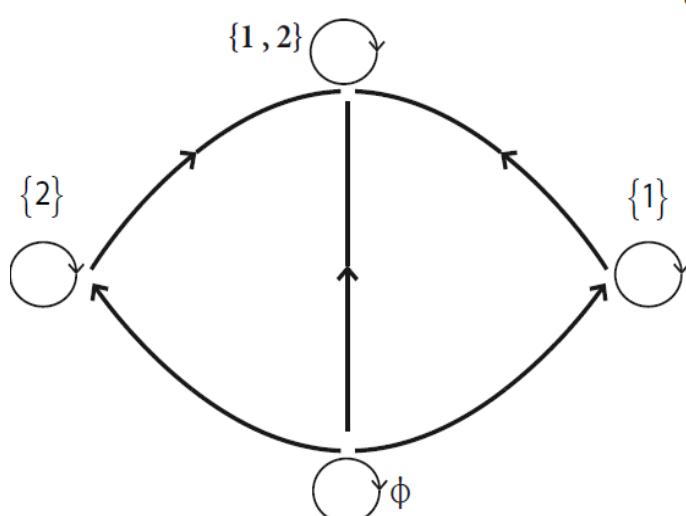
$1 \geqslant 4$ لكن $4 \geqslant 1$ لأن R ليست علاقه تنازلي على N لأن

تفويم الدرس

المدرس أحسنتم نقاشوا معي هذا المثال

لتكن $A = \{1, 2\}$ والعلاقه هي مجموعة المجموعات الجزئية لـ (A)

{ما نوع العلاقة} $\{ \varphi, \{1\}, \{2\}, \{1, 2\} \}$



الواجب البيئي

س₁: بين إذا كانت العلاقات التالية على $\{1, 2, 3\}$, اعكاسية, متناظرة.

$$R_1 = \{(1, 1), (1, 2), (1, 3), (2, 1), (2, 3)\}$$

$$R_2 = \{(3, 1), (1, 2), (2, 3), (3, 2), (1, 1)\}$$

$$R_3 = \{(3, 1), (3, 2), (2, 1)\}$$

$$R_4 = \{(1, 1)\}$$

س₂: بينما إذا كانت العلاقات التالية على مجموعة الأعداد الطبيعية N اعكاسية, متناظرة

$a \leq b$ (١)

$a + b = 8$ (٢)

(اي ان a عامل من عوامل b) (٣) $a | b$

$a < b$ (٤)

$a^2 = b$ (٥)

الملحق (8)

الاختبار التحصيلي النهائي

1. اسم الطالب :

2. الشعبة :

اقرأ التعليمات بدقة قبل الإجابة.

التعليمات :

1. يتكون هذا الاختبار من (50) فقرة ،في كل فقرة من فقرات الاختبار أربع إجابات هي: (أ , ب , ج , د) واحدة منها صحيحة فقط والباقي خطا.

أقرأ كل فقرة بدقة واختار الإجابة الصحيحة من الإجابات الأربع بوضع خط تحت الإجابة الصحيحة.

3. لا تترك أي فقرة بدون إجابة.

4. لا تختار أكثر من إجابة واحدة لكل فقرة.

وأليك المثال التوضيحي الآتي:-

أن العدد 7 هو-----

أ- عدد زوجي ب- عدد فردي ج- عامل من عوامل العدد 15 د- عدد يقبل القسمة على 3

لاحظ أن الإجابة الصحيحة فقط ب فوضعنا خط تحتها

والآن نرجو الإجابة على الأسئلة الآتية كما في المثال أعلاه.

س1: لتكن { مجموعه عوامل العدد 12 } = A و { مجموعه عوامل العدد 8 } = B فأن:

$$A \cap B = \dots\dots\dots$$

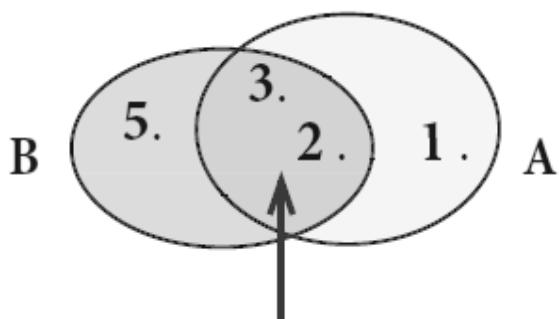
د- { 2,3,4,6,12,1 } ب- { 2,4,1 } ج- { 2,4,8,1 } أ- { 2,1 }

س2: إلى ماذا يشير السهم في الشكل

المجاور:

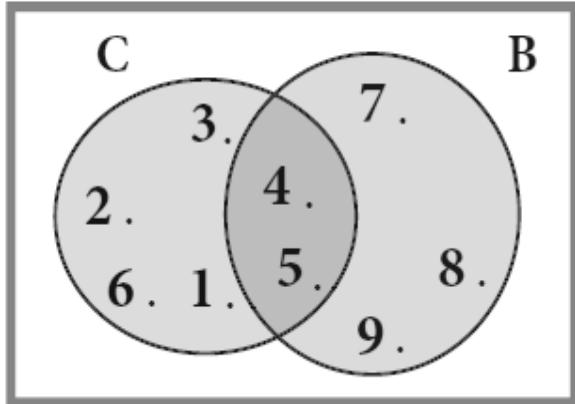
A \cup B ب- B \cap A أ-

د- B \subset A ج- A \subset B



س3: في الشكل المجاور: مجموعة العناصر التي تنتمي إلى C ولا تنتمي إلى B تساوي....

أ- $\{7,8,9\}$ ب- $\{4,5\}$
 ج- $\{1,2,3,4,5,6\}$ د- $\{1,2,3,6\}$



س4: $B = \{3, 5, 7\}, C = \{3, 6\}$ ، $A = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ أي من العبارات صحيحة:

أ- $B \subset A$ ب- $B \subset C$ ج- $C \subset A$ د- $A \subset B$

س5: أي المجموعات الآتية منتهية:
 أ- مجموعة مضاعفات العدد (3)
 ب- مجموعة المثلثات المتساوية الأضلاع
 ج- مجموعة الأعداد الطبيعية < 100 د- مجموعة الأعداد الطبيعية > 100

س6- ضع رمزاً مناسباً { 4, 8, 15, 16 }

أ- \in ب- \notin ج- \rightarrow د- \subset

س7: رمز المجموعة الخالية هو.....
 أ- $\{0\}$ ب- ϕ ج- $\{\phi\}$ د- \emptyset

س8- إذا كان $B = \{3, 2, 1\}$ ، $A = \{1, 2, 3\}$ فنقول:

أ- $A = B$ ب- $A \neq B$ ج- $A \in B$ د- $A \notin B$

س9: لتكن a, b عناصر من المجموعة X , فانه يرمز للزوج المرتب الذي مسقطه الأول a ومسقطه الثاني b بالرمز:

$$(a, b) \quad \text{د} \quad (b, a) \quad \text{ج} \quad [b, a] \quad \text{ب} \quad \{b, a\} \quad \text{أ}$$

س10: إذا كانت المجموعة $A = \{1, 2, 3\}$ و $R = \{(3, 2), (2, 1)\}$ علاقة بحيث تمثل.....

- د- اصغر من
- ج- يساوي
- ب- يزيد بواحد
- أ- يقل بواحد

س11: إذا كانت $A = \{(1,1), (2,2), (2,1), (1,2)\}$ فان العلاقة $R = \{(1,1), (2,2), (2,1), (1,2)\}$ تكون

- د- متناظرة وانعكاسية
- ب- انعكاسية فقط
- ج- غير متناظرة
- أ- متناظرة فقط

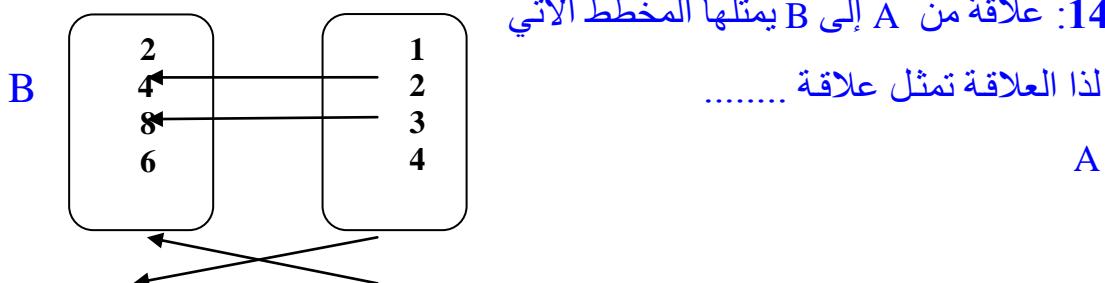
س12: إذا كانت $A \times A = \{1, 2\}$ فأن A يساوي:-

- د- $\{(1,1), (1,2), (2,1), (2,2)\}$
- ج- $\{(1,1), (2,2)\}$
- ب- $\{(1,1), (2,2), (1,2)\}$
- أ- $\{(1,1), (1,2)\}$

س13: إذا كان $(x, y) = (2, 3)$ فأن :-

- د- $\{x, y\} = \{2, 3\}$
- ج- $x, y = 5$
- ب- $x = 3, y = 2$
- أ- $x = 2, y = 3$

س14: علاقة من A إلى B يمثلها المخطط الآتي
لذا العلاقة تمثل علاقة



أ- ضعف

ب- نصف

ج- يزيد بواحد

د- يزيد باثنين

س15: هل علاقـة اكـبر عـلـى المـجمـوعـة $\{A=2,3\}$ مـتـنـاظـرـة؟ وـلـمـاـذا؟

أ- نـعـم لـأن $2 > 3$

ب- لـأـنـهـا ج- نـعـم لـأـنـهـ يـزـيد

بـواـحـد

انـعـكـاسـيـة

س16: المـجمـوعـاتـ الجـزـئـيـةـ: $\varnothing, \{1\}, \{2,1\}, \{2\}$ هـيـ لـلـمـجـمـوعـةـ:

دـ $\{2,4,1\}$

ـ $\{2,4,1\}$ ـ

بـ $\{2,1, \varnothing\}$

أـ $\{2,1\}$ ـ

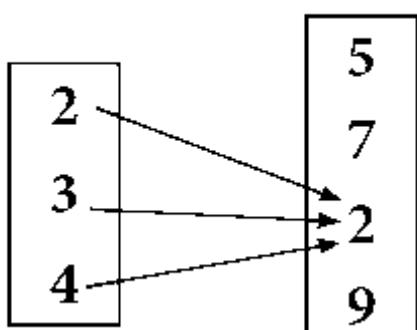
س17: المـجمـوعـةـ $R = \{(0,0), (1,1), (2,4), (3,9)\}$ يـمـكـنـ كـتـابـتـهاـ بـشـكـلـ..

ـ $a = b^2$ ـ

ـ $a = 2b$ ـ

ـ $a^2 = b$ ـ

ـ $a = b$ ـ



س18: فـيـ المـخـطـطـ السـهـميـ المـجاـوـرـ تـكـتبـ

الـعـلـاقـةـ

عـلـىـ شـكـلـ أـزـوـاجـ كـالـآـتـيـ:

أـ $\{(2,4), (2,3), (2,2)\}$

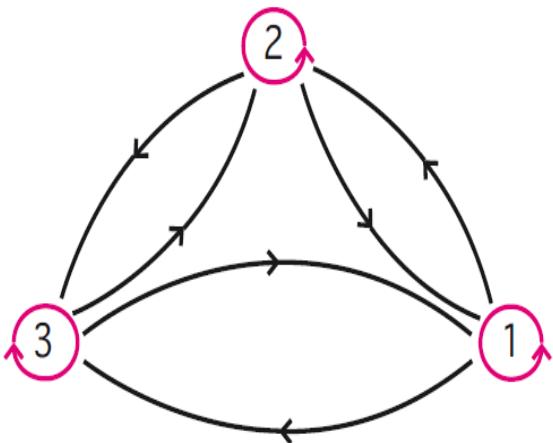
بـ $\{(2,2), (3,2), (4,2)\}$

$\{5,7,2,9\}$

←

$\{2,3,4\}$

$$\{2,3,4\} \quad \leftarrow \quad \{5,7,2,9\} -$$



س 19: تمثل العلاقة بالمخطط المجاور

علاقة:

- ب- متاظرة أ- انعكاسية فقط
فقط

ج- انعكاسية ومتاظرة د- ليست

انعكاسية

س 20: ارتفعت درجة الحرارة في اليوم الاول 10° وانخفضت في اليوم الثاني 5° فأننا نعبر عن ارتفاع درجة الحرارة وانخفاضها في اليومين الأول والثاني على الترتيب الآتي:

$$د- 5, -10 \quad ج- +5, +10 \quad ب- +10, -5 \quad أ- +5, -10$$

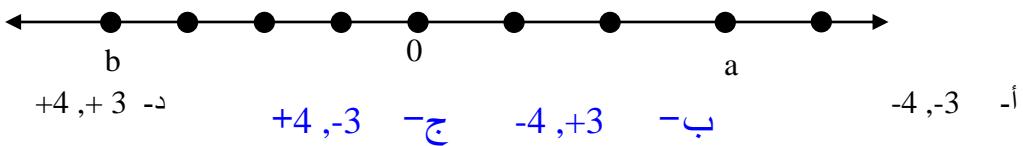
س 21: إذا علمت أن المتر هو الوحدة القياسية للأطوال، فان..... تمثل عدد صحيح

- أ- خمس أمتار ب- نصف المتر ج- ربع المتر
د- ثلاثة أرباع المتر

س 22: مطلق العدد 3 يساوي.....

$$د- 0 \quad ج- 3 \quad ب- \pm 3 \quad أ- -3$$

س23: إحداثيات النقطة b , a على مستقيم الأعداد على الترتيب هي.....



..... س24 : ترتيب تصاعديا كالتالي 5,+3,-3,0,+9

- د -3,-5,0,+3,+9 ج -5,-3,0,+3,+9 ب -0,-3,- أ +9,+3,0,-3,-5

5,3,9

س25- ناتج العملية $9 - 3 + 5 + 3$ يساوي

- د $+7$ ج -17 ب -1 أ -7

س26- العنصر المحايد لعملية الجمع في المجموعة Z هو.....

- د $+1$ نظير العدد 0 ب -1 ج -0 أ $+1$

س27: النظير الجمعي لناتج العملية $3 - 4$ يساوي.....

- د $+1$ ج -1 ب -7 أ -7

س28: هل $4 - [3 - 4] = [1 - 3] - 1$ وذكر السبب

- د- لا لأن عملية الطرح
ب- نعم لأن ج- لا لأن عملية
ليس لها عنصر محايد أ- نعم لأن عملية
الطرح تجميلية
عملية الطريح غير

الطرح أبدالية تجميلية

س29: ناتج عملية = $-20 \div -5$

$$+25 \quad -25 \quad -4 \quad -4$$

د - ج - ب - أ -

يبسط إلى أبسط صورة الآتي: س30: العدد

$$\frac{12}{28}$$

النسبة

$$1 \quad 4 \quad 3 \quad 6$$

د - ج - ب - أ -

$$2 \quad 7 \quad 7 \quad 14$$

فإن $d \neq 0$ $b \neq 0$ و $a, b, c, d \in Z$ حيث $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$ إذا كان -31

$$axc = bxc \quad a, b \neq 0 \quad axb = bxc \quad b \quad axd = bxc \quad a$$

س32: أن ناتج عملية : $\frac{1}{2} + \frac{2}{3}$ يساوي :

$$\frac{7}{5} \quad -\frac{7}{6} \quad \frac{4}{3} \quad -\frac{3}{5}$$

د - ج - ب - أ -

س33: أي من العبارات خاطئة

أ- كل عدد صحيح هو عدد
ب- كل عدد ج- الأعداد الطبيعية
طبيعي نسي

طبيعي هو عدد جزء من الأعداد

صحيح الصحيح

س34: أي من الأعداد الآتية عدد نسي عشري متناهي؟

1 4 3 6
 د - - ج - - ب - - أ - -

6 7 7

س35: اكتب العدد $\frac{3}{8}$ باستخدام الفاصلة
 الجواب.....

أ - 0.38 ب - 0.4 ج - 0.375 د - 0.37

س36: العدد العشري(0.09) يكتب على صورة بسط ومقام يكون.....

9 09 0 9
 د - - ج - - ب - - أ - -
 100 10 9 10

س37: النسبة المئوية هي مقارنة الأعداد

أ - بالعشرة ب - بالمائة ج - بالألف د - بين الموجب والسلب

س38: حصل طالب على 85 درجة من 90 في امتحان الرياضيات ، تكتب نسبته

د - 85 ج - $\frac{85}{90}$ ب - $\frac{90}{85}$ أ - $\frac{85}{10}$

س39 : 9 % في صورتها العشرية تساوي.....

أ - 0.9 ب - 0.09 ج - 0.009 د - 9

س40: أيا مما يأتي يمثل نسبة مئوية:

$$\text{أ- } \frac{25}{30} \quad \text{ب- } \frac{45}{60} \quad \text{ج- } \frac{37}{30} \quad \text{د- } \frac{98}{100}$$

س41: يوفر شخص 60000 دينار شهرياً من راتبه، وإن ما ينفقه من راتبه الشهري يمثل 75% فان راتبه الشهري يساوي.....

$$\text{أ- } 45000 \quad \text{ب- } 150000 \quad \text{ج- } 240000 \quad \text{د- } 450000$$

س42: مدينتان بعد بينهما على الخريطة 5 cm، وعلى الأرض 300 km فان مقياس الرسم يساوي:

$$\text{أ- } \frac{1}{600000} \quad \text{ب- } \frac{1}{6000000} \quad \text{ج- } \frac{1}{60000}$$

س43: إذا كانت المسافة بين مدينتين 7.5 cm وكان مقياس الرسم 1:7000000 فأن البعد الحقيقي بين المدينتين يساوي.....

$$\text{أ- } 75 \text{ km} \quad \text{ب- } 750 \text{ km} \quad \text{ج- } 700 \text{ km} \quad \text{د- } 525 \text{ km}$$

س44: رسمت مئذنة بمقاييس رسم 1:400 وكان ارتفاعها على الخارطة 8 cm جد ارتفاع المئذنة الحقيقي بالمتر؟ الجواب.....

$$\text{أ- } 32 \text{ m} \quad \text{ب- } 8 \text{ m} \quad \text{ج- } 50 \text{ m} \quad \text{د- } 320 \text{ cm}$$

س45: يحتاج عامل إلى 12 ساعة لنقل 800 كارتون فكم ساعة يحتاج 3 عمال لنقل نفس الكمية؟ الجواب..... ساعة

$$\text{أ- } 36 \quad \text{ب- } 6 \quad \text{ج- } 4 \quad \text{د- } 3$$

س46: يزداد وزن طفل بمقدار 2 kg كل 4 أشهر ما مقدار وزنه في السنة؟ الجواب...

أ - 8 kg ب - 6 kg ج - 12 kg د - 9 kg

س47: حديقة منزل على شكل مستطيل طولها 8 m و عرضها 6m زرع منها 36 m^2 ما
النسبة المئوية للجزء المزروع؟ الجواب
.....

أ - 36 % ب - 48% ج - 75% د - 12%

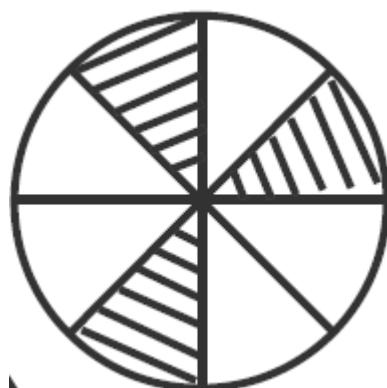
س48: تقطع سيارة مسافة بين مدینتين في 4 ساعات اذا كانت سرعتها 180km في الساعة فان
الوقت التي تحتاجه لقطع المسافة نفسها بسرعة 200km في الساعة هوساعة

أ - 6.3 ب - 2 ج - 50 د - 3.6

س49: البعد بين مدینتين في مصور جغرافي 8 cm والبعد الحقيقي بينهما Km 32 فان مقياس الرسم يساوي

أ - $\frac{1}{4}$ ب - $\frac{1}{400}$ ج - $\frac{1}{4000}$ د - $\frac{1}{400000}$

س50: أن عدد الأجزاء المظللة إلى عدد أجزاء الشكل
الكلي المجاور هو
.....



أ -	3
ب -	5
ج -	8
د -	8
.....
.....
.....
.....

ملحق (9)

مفتاح التصحيح للاختبار التحصيلي

رقم الفقرة	حرف الإجابة الصحيحة	رقم الفقرة	حرف الإجابة الصحيحة	رقم الفقرة
-1	ج	-26	ج	ج
-2	ب	-27	أ	أ
-3	ج	-28	ج	ج
-4	ب	-29	ب	ب
-5	ب	-30	د	د
-6	أ	-31	ج	ج
-7	ج	-32	ب	ب
-8	د	-33	أ	أ
-9	أ	-34	د	د
-10	ج	-35	ب	ب
-11	د	-36	أ	أ
-12	ب	-37	د	د
-13	ج	-38	أ	أ
-14	ج	-39	ب	ب
-15	د	-40	د	د
-16	ج	-41	أ	أ
-17	أ	-42	ب	ب
-18	د	-43	ب	ب
-19	أ	-44	ج	ج
-20	ج	-45	ب	ب
-21	ب	-46	أ	أ
-22	ج	-47	ج	ج
-23	د	-48	ب	ب
-24	د	-49	ج	ج
-25	أ	-50	أ	أ

ملحق (10)

مفتاح التصحيح لاختبار المعرفة السابقة

رقم الفقرة	حرف الإجابة الصحيحة	رقم الفقرة	حرف الإجابة الصحيحة	رقم الفقرة
1	ب	17	ب	ب
2	ب	18	ب	ب
3	ب	19	ب	ب
4	د	20	د	د
5	د	21	د	د
6	أ	22	أ	أ
7	ب	23	ب	ب
8	ب	24	ب	ب
9	ب	25	ب	ب
10	ب	26	ب	ب
11	ج	27	ج	ج
12	ب	28	ب	ب
13	ب	29	ب	ب
14	أ	30	أ	أ
15	ج	31	ج	ج
16	ب	32	ب	ب

**جدول (2)
إجمالي الدراسات السابقة (التعلم النشط)**

المتغير التابع	الوسائل الإحصائية	المادة (الموضوع)	العينة	المكان	المرحلة	الهدف	الباحث وسنة الدراسة	ت
التحصيل وداعية للتعلم والاتجاه	تحليل التباين واختبار شافيه	علم الوظائف البشرية	141 طالب وطالبة	أمريكا	طلاب الجامعة	استقصاء فاعلية استراتيجيات التعلم النشط على التحصيل ، والداعية نحو التعلم والاتجاه لدى طلاب الجامعة	(wilk ,2003)	1
التحصيل والاتجاه	الاختبار الثاني ومربع كاي.	الجبر	60 طالب	أمريكا	المتوسطة	فاعلية استخدام الآلات الحاسبة المزودة بالرسوم البيانية في بيئة تعلم نشط على تحصيل طلاب الجبر المتوسط واتجاهاتهم	(Fox,& Rue, 2003)	2
تحصيل وتنمية مهارات التدريس	برنامج (Spss)	طرق التدريس.	161 طالبة	السعودية	كلية	أثر استخدام إستراتيجيات التعلم النشط والتدريب المباشر على تحصيل الطالبات الآجل وتنمية مهارات التدريس	بوقس، 2006	3
التحصيل والاتجاه	الاختبار الثاني	العلوم	51 طالباً	تركيا	الابتدائية	أثر التعلم النشط في التحصيل والاتجاه في مادة العلوم للصف السادس الأساسي	Ayded, & Matyar,2009	4
التفكير الابتكاري والتحصيل	اختبار (T-Test) وتحليل التباين المصاحب	الفيزياء	(56) طالبة	السعودية	المتوسطة	معرفة أثر التعلم النشط في تنمية التفكير الابتكاري والتحصيل الدراسي بمادة العلوم(الفيزياء وحدة الشغل) لدى طالبات الصف الثالث المتوسط	الزايدی، 2009	5
التحصيل والتفكير الناقد	تحليل التباين المصاحب	التاريخ	(109) طالباً	الأردن	المتوسطة	أثر تطبيق إستراتيجيتين للتعلم النشط في تحصيل طلاب الصف التاسع الأساسي في مادة التاريخ وفي تنمية تفكيرهم الناقد	الأسطل، 2010	6
التحصيل	تحليل التباين	الرياضيات	76 تلميذ وתלמידة	باكستان	الابتدائية	أثر استخدام أسلوب حل المشكلات على تحصيل الطلاب في الرياضيات	Ali,2010	7

المتغير التابع	الوسائل الإحصائية	المادة (الموضوع)	العينة	المكان	المرحلة	الهدف	الباحث وسنة الدراسة	ت
التحصيل والاتجاه	الحقيقة الإحصائية	الفيزياء	66 طالبا	السعودية	الثانوية	أثر التعلم النشط في التحصيل والاتجاه نحو مادة الفيزياء لدى طلاب الصف الثاني ثانوي	الحربي، 2010	8
دافعية الإنجاز والثقة بالنفس والتحصيل	طرق إحصائية مختلفة	الرياضيات واللغة العربية	(80) تلميذا	فلسطين	الابتدائية	وهدفت إلى التعرف على أثر استخدام بعض إستراتيجيات التعلم النشط على دافعية الإنجاز والثقة بالنفس والتحصيل الدراسي لدى التلاميذ بطبيعة التعلم	أبو هدروس، و الفرا، 2011	9
دافعية التعلم والمهارات التدريسية والتحصيل	معامل الارتباط والاختبار الثاني	طرائق التدريس	54 طالب وطالبة	باكستان	الكلية	أثر استراتيجيات التعلم النشط على دافعية التعلم والمهارات التدريسية والتحصيل الدراسي لطلبة كلية التربية للمعلمين	Malik1, & (Janjua,2011)	10

جدول (3)
إجمالي الدراسات السابقة للتفكير الرياضي

المتغير التابع	الوسائل الإحصائية	المادة (الموضوع)	العينة	المكان	المرحلة	الهدف	الباحث وسنة الدراسة	ت
التفكير الرياضي	الاختبار الثاني	الرياضيات	40 طالبة وطالبة	بريطانيا	الابتدائية والمتوسطة	أثر طرح مشكلات أسبوعية عن طريق منتديات الانترنت على تنمية التفكير الرياضي عند الطلبة	Renninger, & Feldman, 2000	1
التفكير الرياضي	الاختبار الثاني	الرياضيات	(60) طالب	كندا	المتوسطة	تحسين مهارات التفكير الرياضي للطلاب من خلال مقترح يهدف إلى تحسين المفردات الرياضية والعمليات العددية	Kathleen & Ann,2001	2
التفكير الرياضي	الاختبار الثاني	الرياضيات	لم تذكر العينة	مصر	الابتدائية	إعادة صياغة مقرر رياضيات الصف الثالث الابتدائي في ضوء الإستراتيجية المقترحة (والتي أطلق عليها إستراتيجية التعليم والتعلم النشط)	التودري، 2002	3
التفكير الرياضي	الاختبار الثاني	الرياضيات	(50) طالب	أمريكا	المتوسطة	فاعلية تنظيم محتوى رياضي على تطوير التفكير الرياضي والتنظيم الذاتي	Pape, et al. , 2003	4
التفكير الرياضي	برنامج الحقيقة الاحصائية	الرياضيات	(80) طالباً	فلسطين	الأساسية	أثر استخدام مخططات المفاهيم في تنمية التفكير الرياضي لدى طلاب الصف الثامن	مطر، 2004	5
التحصيل والتفكير الرياضي	البرامج الإحصائية SPSS	الرياضيات	(66) تلميذاً	السعودية	الابتدائية	أثر استخدام الحاسب الآلي في تدريس الرياضيات على التحصيل وتنمية التفكير الرياضي لدى تلاميذ الصف السادس الابتدائي	العمرى، 2005	6
التحصيل والتفكير الرياضي	تحليل التباين المصاحب	الرياضيات	(150) طالباً	السعودية	الثانوية	أثر استخدام نموذج التعلم البنائي في تدريس وحدة من مقرر الرياضيات على التحصيل الدراسي والتفكير الرياضي لدى طلاب الصف الأول الثانوي	العمرى، 2007	7

المتغير التابع	الوسائل الإحصائية	المادة (الموضوع)	العينة	المكان	المرحلة	الهدف	الباحث وسنة الدراسة	ت
التفكير الرياضي	الاختبار الثاني	الرياضيات	٢٣٠ طالباً	استراليا	المتوسطة	أثر استخدام برنامج قائم على الأنشطة التي تعتمد على تحدي العقل في تنمية التفكير الرياضي لطلبة الصف الأول المتوسط	Jennie, & Kart, ,2008	8
التحصيل والتفكير الرياضي	الاختبار الثاني	الهندسة	(92) طالبا	ماليزيا	الثانوية	أثر استخدام دفتر الرسم الرياضي على الأداء والتفكير الرياضي لدى طلبة المرحلة الثانوية في مادة الرياضيات (الهندسة)	Abu Bakar, and other , 2009	9
التفكير الرياضي و حل المشكلات	الاختبار الثاني	الرياضيات	(٧٤) طالبة	الأردن	الثانوية	أثر إستراتيجية التقويم القائم على الأداء في تنمية التفكير الرياضي والقدرة على حل المشكلات لدى طلبة المرحلة الأولى الثانوية في مادة الرياضيات.	البلاؤنة،2010	10